# МИНИСТЕРСТВО СЕЛЬСКОГО ХОЗЯЙСТВА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ ДЕПАРТАМЕНТ НАУЧНО-ТЕХНОЛОГИЧЕСКОЙ ПОЛИТИКИ И ОБРАЗОВАНИЯ ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ «КРАСНОЯРСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ АГРАРНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Институт землеустройства, кадастров и природообустройства Кафедра «Природообустройства»

СОГЛАСОВАНО:

Директор института Подлужная А.С. "26" марта 2024 г.

УТВЕРЖДАЮ:

Ректор Пыжикова Н.И. "29" марта 2024 г.

### РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Математика

ΦΓΟС ΒΟ

Направление подготовки 20.03.02 Природообустройство и водопользование (шифр – название)

Профиль Водные ресурсы и водопользование

Курс <u>1</u>

Семестр ( $\omega$ ) 1,2

Форма обучения очная

Квалификация выпускника бакалавр

ущестие мастиция Красноярский Государственный Аграрный Университет ДОКУМЕНТ ПОДПИСАН УСИЛЕННОЙ КВАЛИФИЦИРОВАННОЙ ЭЛЕКТРОННОЙ ПОДПИСЬЮ

ВЫДАННОЙ: ФГБОУ ВО КРАСНОЯРСКИЙ ГАУ ВЛАДЕЛЕЦ: РЕКТОР ПЫЖИКОВА Н.И. ДЕЙСТВИТЕЛЕН: 15.05.2025 - 08.08.2026

## Составители: Жданова Вера Даниловна, старший преподаватель (ФИО, ученая степень, ученое звание)

«08» февраля 2024 г.

Программа разработана в соответствии с ФГОС ВО по направлению подготовки <u>20.03.02 «Природообустройство и водопользование»</u>, утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 26.05.2020 г., № 685, и в соответствии с профессиональными стандартами:

- «Специалист по агромелиорации», утвержденный приказом Министерства Труда и социальной защиты Российской Федерации от 30 сентября 2020 г. N 682н;
- «Специалист по эксплуатации очистных сооружений водоотведения», утвержденный приказом Министерства Труда и социальной защиты Российской Федерации от 10 сентября 2019 г. N 610н;
- «Работник в области обращения с отходами», утвержденный приказом Министерства Труда и социальной защиты Российской Федерации от 27 октября 2020 г. N 751н;
- «Географ (Специалист по выполнению и оказанию услуг географической направленности)», утвержденный приказом Министерства Труда и социальной защиты Российской Федерации от 24 декабря 2020 г. N 954н;
- «Землеустроитель», утвержденный приказом Министерства Труда и социальной защиты Российской Федерации от 29.06.2021 № 434н;
- «Специалист в сфере кадастрового учета и государственной регистрации прав», утвержденный приказом Министерства Труда и социальной защиты Российской Федерации от 12 октября 2021 г. №718н.

Программа обсуждена на заседании кафедры протокол № 6 «06» марта 2024 г.

Зав. кафедрой <u>Иванов Владимир Иванович, канд. физ.-мат. наук, доцент</u>  $(\Phi UO, \text{ ученая степень, ученое звание})$   $(\Phi OB)$  марта  $(\Phi DB)$  марта  $(\Phi DB)$ 

#### Лист согласования рабочей программы

Программа принята методической комиссией института землеустройства, кадастров и природообустройства, протокол № 7 « $\underline{26}$ » марта 2024 г.

Председатель методической комиссии Бадмаева Ю.В., кандидат сельскохозяйственных наук, доцент

«<u>26</u>» <u>марта</u> 2024 г.

Заведующий выпускающей кафедрой по направлению подготовки (специальности):

Иванова О.И. кандидат, географических наук, доцент «26» марта 2024 г.

#### Оглавление

Аннотация	
1. Место дисциплины в структуре образовательной программы 5	
2. Цель и задачи дисциплины. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы	
3. Организационно-методические данные дисциплины	
4. Структура и содержание дисциплины	
4.1. Трудоёмкость модулей и модульных единиц дисциплины	9 ки к
5. Взаимосвязь видов учебных занятий	
6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины 13	
6.1. Карта обеспеченности литературой	
7. Критерии оценки знаний, умений, навыков и заявленных компетенций 16	
8. Материально-техническое обеспечение дисциплины	
9. Методические рекомендации для обучающихся по освоению дисциплины24	
9.1. Методические рекомендации для обучающихся	
ограниченными возможностями здоровья24	

#### Аннотация

Дисциплина Б.О.11 « Математика » относится к обязательной части базового блока дисциплин подготовки студентов по направлению 20.03.02 «Природообустройство и водопользование».

Дисциплина реализуется в институте Землеустройства, кадастров и природообустройства ФГБОУ ВО «Красноярского государственного аграрного университета», кафедрой «Физики и математики».

Дисциплина нацелена на формирование следующей универсальной компетенции выпускника:

- Способность осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач (УК-1).

Содержание дисциплины охватывает разделы математики, связанные с моделированием процессов в различных областях естествознания.

Преподавание дисциплины предусматривает следующие формы организации учебного процесса: лекции, лабораторные занятия, самостоятельная работа студентов.

Программой дисциплины предусмотрены текущий контроль успеваемости и промежуточный контроль.

Общая трудоемкость освоения дисциплины составляет 7 зачетных единиц, 252 часа. Программой дисциплины предусмотрены лекционные (54), лабораторные занятия (72), самостоятельная работа студента (90), промежуточный контроль (36).

#### 1. Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина «Математика» включена в ОПОП, относится к обязательной части базового цикла подготовки по направлению. Дисциплина «Математика» дает возможность овладеть навыками использования математических методов и основ математического моделирования для успешной профессиональной деятельности.

Предшествующими курсами, на которых непосредственно базируется дисциплина «Математика» являются базовый курс математики и информатики общеобразовательной школы.

Дисциплина «Математика» является основополагающей для изучения следующих дисциплин: физика, химия, механика, гидрофизика, гидрология, метеорология и климатология, информатика, основы математического моделирования, экономика, и др.

Особенностью дисциплины является её фундаментальность, на знаниях которой базируются почти все остальные дисциплины. При этом математика является не только мощным средством решения прикладных задач и универсальным языком науки, но также и элементом общей культуры

Контроль знаний студентов проводится в форме текущей и промежуточной аттестации.

# 2. Цели и задачи дисциплины. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Таблица 1

Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине

iicpe iem	перечень планируемых результатов обучения по дисциплине					
Код, наимено-	Код и наименование	Перечень планируемых результатов обуче-				
вание компетен-	индикаторов достиже-	ния по дисциплине				
ции	ний компетенций					
УК 1- Способ-	ИИД-1 <sub>УК-1</sub> Определяет	Знать: методы критического анализа и оцен-				
ность осуществ-	информацию, требуе-	ки современных научных достижений; ос-				
лять поиск, кри-	мую для решения по-	новные принципы критического анализа;				
тический анализ и	ставленных задач					
синтез информа-	ИД-2 <sub>УК-1</sub> Осуществляет	Уметь: рассматривать различные точки зре-				
ции, применять системный под-	поиск информации, не-	ния на поставленную задачу в рамках науч-				
ход для решения	обходимой для реше-	ного мировоззрения и определять рацио-				
поставленных	ния поставленных за-	нальные идеи; анализировать задачу, выде-				
задач	дач	ляя этапы её решения, действия по решению				
	ИД-3 <sub>УК-1</sub> Выбирает	задачи; получать новые знания на основе				
	возможные варианты	анализа, синтеза и других методов;				
	решения поставленных	Владеть: исследованием проблем профессио-				
	задач, логически оце-	нальной деятельности с применением анали-				
	нивает их					

•	
	за, синтеза и других методов интеллектуаль-
	ной деятельности; выявлением научных про-
	блем и использованием адекватных методов
	для их решения; демонстрированием оценоч-
	ных суждений в решении проблемных про-
	фессиональных ситуаций.

### 3. Организационно-методические данные дисциплины

Таблица 2 Распределение трудоемкости дисциплины по видам работ по семестрам

таспределение трудосикости дисциплит	Трудоемкость			
Вид учебной работы	зач.	****	по семестрам	
	ед.	час.	№ 1	№ 2
Общая трудоемкость дисциплины	7	252	108	144
по учебному плану	/	232	100	144
Контактная работа	3,5	126	72	54
в том числе:				
Лекции (Л) / в том числе в интерактивной форме	1,5/0,5	54/12	36/8	18/4
Практические занятия (ПЗ) / в том числе в инте-				
рактивной форме				
Семинары (С) / в том числе в интерактивной				
форме				
Лабораторные работы (ЛР) / в том числе в инте-	1/ 1	72/16	36/8	36/8
рактивной форме				
Самостоятельная работа (СРС)	2,6	94	36	54
в том числе:				
курсовая работа (проект)				
самостоятельное изучение тем и разделов				
контрольные работы				
реферат				
самоподготовка к текущему контролю знаний	2,6	94	36	54
подготовка к зачету				
др. виды				
Подготовка и сдача экзамена	1	36		36
Вид контроля:				экзамен

## 4. Структура и содержание дисциплины

## 4.1. Трудоёмкость модулей и модульных единиц дисциплины

Таблица 3 **Трудоемкость модулей и модульных единиц дисциплины** 

Наименование модулей и модульных единиц дисциплины	Всего часов на модуль		тактная работа ЛЗ/ПЗ/ С	Внеауди- торная ра- бота (СРС)
Модуль 1. «Комплексные числа»	8	4	4	0
Модульная единица 1.1. Ком-	8	4	4	0

Наименование	Всего		тактная абота	Внеауди-
модулей и модульных единиц дисциплины	часов на модуль	Л	Л3/П3/ С	торная ра- бота (СРС)
плексные числа				
Модуль 2. «Линейная алгебра»	30	8	8	14
<b>Модульная единица 2.1.</b> Матрицы и определители	18	4	4	10
<b>Модульная единица 2.2.</b> Системы линейных уравнений	12	4	4	4
Модуль 3. «Векторная алгебра с элементами аналитической геометрии»	70	22	22	26
<b>Модульная единица 3.1.</b> Векторы и операции над ними	28	8	10	10
<b>Модульная единица 3.2.</b> Линии на плоскости.	28	10	8	10
<b>Модульная единица 3.3.</b> Плоскость и прямая в пространстве	14	4	4	6
Модуль 4. «Введение в математический анализ»	30	6	8	16
<b>Модульная единица 4.1.</b> Множества. Функции.	8	2	2	4
<b>Модульная единица 4.2.</b> Предел функции	22	4	6	12
Модуль 5. «Дифференциальное исчисление»	42	8	14	20
<b>Модульная единица 5.1.</b> Производная функции	12	2	4	6
<b>Модульная единица 5.2.</b> Дифференциал функции	6	2	2	2
<b>Модульная единица 5.3.</b> Приложения производной	14	2	4	8
<b>Модульная единица 5.4.</b> Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных	10	2	4	4
Модуль 6. «Неопределенный ин- теграл»	20	4	8	8
<b>Модульная единица 6.1.</b> Неопределенный интеграл	20	4	8	8
Модуль 7. «Определенный интеграл»	16	4	8	4
<b>Модульная единица 7.1.</b> Определенный интеграл	16	4	8	4
Экзамен ИТОГО	36 252	54	72	90

#### 4.2. Содержание модулей дисциплины

#### МОДУЛЬ 1. «Комплексные числа»

Модульная единица 1.1. Комплексные числа

Определение комплексных чисел. Формы записи комплексных чисел. Операции над комплексными числами.

#### МОДУЛЬ 2. «Линейная алгебра»

Модульная единица 2.1. Матрицы и определители:

Основные сведения о матрицах. Действия над матрицами. Определители квадратных матриц. Свойства определителей. Обратная матрица. Ранг матрицы. Решение матричных уравнений.

Модульная единица 2.2. Системы линейных уравнений:

Матричная запись системы линейных уравнений. Решение систем линейных уравнений с невырожденной матрицей. Формулы Крамера. Метод Гаусса. Теорема Кронекера-Капелли.

## МОДУЛЬ 3. «Векторная алгебра с элементами аналитической геометрии»

#### Модульная единица 3.1. Векторы

Векторы. Координаты вектора. Линейные операции над векторами. Скалярное произведение векторов и его свойства. Угол между двумя векторами. Условия коллинеарности и ортогональности двух векторов. Размерность и базис векторного пространства. Собственные векторы. Квадратичные формы.

#### Модульная единица 3.2. Линии на плоскости

Уравнение линии на плоскости. Уравнение прямой с угловым коэффициентом. Уравнение прямой, проходящей через две данные точки. Общее уравнение прямой. Угол между двумя прямыми. Условия параллельности и перпендикулярности двух прямых. Расстояние от точки до прямой. Кривые второго порядка: окружность, эллипс, гипербола, парабола, их геометрические свойства и уравнения.

**Модульная единица 3.3.** Плоскость и прямая в пространстве Общее уравнение плоскости. Взаимное расположение плоскостей. Канонические уравнения прямой в пространстве.

#### МОДУЛЬ 4. «Введение в анализ»

#### Модульная единица4.1. Функция

Символика математической логики и ее использование. Множество действительных чисел. Функция. Область ее определения. Способы задания. Основные элементарные функции, их свойства и графики. Сложные и обратные функции. Класс элементарных функций.

#### Модульная единица 4.2. Предел функции

Числовые последовательности и их пределы. Свойства сходящихся последовательностей. Предел функции в бесконечности и точке. Бесконечно малые величины. Бесконечно большие величины. Основные теоремы о пределах

функций. Первый и второй замечательные пределы. Сравнение бесконечно малых. Эквивалентные бесконечно малые и их использование при вычислении пределов. Непрерывности функции.

#### МОДУЛЬ 5. «Дифференциальное исчисление»

#### Модульная единица 5.1. Производная функции

Определение производной функции. Геометрический и механический смысл производной. Уравнения касательной и нормали к кривой. Производная обратной функции. Таблица производных. Дифференцируемость функции. Связь понятий дифференцируемости и непрерывности. Производная сложной функции. Производные высших порядков.

#### Модульная единица 5.2. Дифференциал функции

Дифференциал функции. Связь дифференциала с производной. Геометрический смысл дифференциала. Дифференциалы высших порядков. Приближенные вычисления с помощью дифференциала.

#### Модульная единица 5.3. Приложения производной

Основные теоремы дифференциального исчисления. Раскрытие неопределенностей и Правило Лопиталя. Условия возрастания и убывания функции. Локальный экстремум функции. Необходимые и достаточные условия существования локального экстремума. Исследование на экстремум функции с помощью производных второго порядка. Исследование графика функции на выпуклость и вогнутость. Точки перегиба. Асимптоты кривых. Общая схема исследования функции и построения графика функций.

**Модульная единица 5.4.** Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных

Понятие функции нескольких переменных. Область определения. Геометрический смысл функции двух переменных. Частные приращения и частные производные функции. Дифференцируемость функции. Полное приращение и полный дифференциал функции нескольких переменных.

Применение полного дифференциала для приближенных вычислений. Производная по направлению. Градиент. Необходимые и достаточные условия существования локального экстремума функции двух переменных.

#### МОДУЛЬ 6. «Неопределенный интеграл»

#### Модульная единица 6.1. Неопределенный интеграл

Первообразная. Неопределенный интеграл. Свойства неопределенного интеграла. Таблица основных интегралов. Основные приемы интегрирования: замена переменной и интегрирование по частям. Интегрирование дробнорациональных функций. Интегрирование выражений, содержащих тригонометрические функции. Интегрирование некоторых иррациональных выражений.

#### МОДУЛЬ 7. «Определенный интеграл»

Модульная единица 7.1. Определенный интеграл

Задача, приводящая к понятию определенного интеграла. Определение определенного интеграла, как предела интегральных сумм. Основные свойства определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница. Замена переменной

в определенном интеграле. Интегрирование по частям в определенном интеграле. Приложения определенного интеграла. Несобственные интегралы.

## 4.3. Лекционные/лабораторные/практические/семинарские занятия

Таблица 4

Содержание лекционного курса

№ п/п	№ модуля и мо- дульной единицы	№ и тема лекции	Вид <sup>1</sup> кон- трольного	Кол-во часов
11/11	дисциплины		мероприятия	
		I семестр		
1.	МОДУЛЬ 1. «К	Сомплексные числа»	Экзамен	4
	Модульная	Лекция № 1.2. Комплексные	Экзамен	4
	единица 1.1.	числа		
	Комплексные			
	числа			
2.	<b>МОДУЛЬ 2.</b> «Л	Іинейная алгебра»	Экзамен	8
	Модульная	<u>Лекция № 3.</u> Матрицы. Основ-	Экзамен	2
	единица 2.1.	ные понятия. Действия над		
	Матрицы и оп-	матрицами.		
	ределители	<u>Лекция № 4.</u> Определители.		2
		Основные понятия. Свойства	Экзамен	
		определителей.		
		<u>Лекция № 5.</u> Ранг матрицы. Об-		
		ратная матрица.	Экзамен	
	Модульная	<u>Лекция № 6.</u> Исследование сис-		2
	единица 2.2.	тем линейных алгебраических	Экзамен	
	Системы ли-	уравнений (СЛАУ). Метод Га-		
	нейных уравне-	ycca.		
	ний	<u>Лекция № 7.</u> Решение СЛАУ по	Экзамен	2
		формулам Крамера и с помо-		
		щью обратной матрицы.		
<b>3.</b>	МОДУЛЬ 3. «В	Векторная алгебра с элементами	Экзамен	22
	аналитической	-		
	Модульная	<u>Лекция № 8,9.</u> Векторы. Линей-		4
	единица 3.1.	ные операции над векторами.	Экзамен	
	Векторы и	Скалярное произведение векто-		
	операции над	ров.		
	ними	<u>Лекция № 10.</u> Векторное и сме-	Экзамен	2
		шанное произведение векторов		

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Вид мероприятия: тестирование, коллоквиум, зачет, экзамен, другое

11

№	№ модуля и мо- дульной единицы	№ и тема лекции	Вид <sup>1</sup> кон- трольного	Кол-во часов
п/п	дисциплины		мероприятия	
		<u>Лекция № 11.</u> Векторное про-	Экзамен	2
		странство		
	Модульная	<u>Лекция № 12,13.14.</u> Уравнение	Экзамен	6
	единица 3.2.	линии на плоскости. Прямая на		
	Линии на плос-	плоскости.		
	кости	<u>Лекция № 15,16</u> Кривые второго	Экзамен	4
		порядка на плоскости.		
	Модульная	<u>Лекция № 17,18</u> Плоскость и	Экзамен	4
	единица 3.3.	прямая в пространстве.		
	Плоскость и			
	прямая в про-			
	странстве			
	MOTUTE 4 D	II семестр	n	4
4.	МОДУЛЬ 4. «В: лиз»	ведение в математический ана-	Экзамен	4
	Модульная	Лекция № 1. Понятие множест-	Экзамен	2
	единица 4.1.	ва действительных чисел.		
	Функции	Функции.		
	Модульная	<u>Лекция № 2.</u> Предел числовой	Экзамен	2
	единица 4.2.	последовательности, функции.		
	Предел функ-	Непрерывность функции.		
	ции			
5.	МОДУЛЬ 5. «Д	ифференциальное исчисление	Экзамен	6
	функций »			
	Модульная	<u>Лекция № 3.</u> Производная функ-	Экзамен	2
	единица 5.1.	ции.		
	Производная			
	функции			
	Модульная	<u>Лекция № 4.</u> Дифференциал	Экзамен	2
	единица 5.2.	функции.		
	Дифференциал			
	функции			
	Модульная	<u>Лекция № 5.</u> Исследование	Экзамен	2
	единица 5.3.	функции и построение ее гра-		
	Приложения	фика.		
	производной			
	Модульная	<u>Лекция № 6</u> Функция нескольких	Экзамен	2
	единица 5.4.	переменных. Частные производ-		
	Дифференци-	ные. Приложения функции не-		
	альное исчисле-	скольких переменных.		
	ние функций не-			
	скольких пере-			
	менных			

<b>№</b> п/п	№ модуля и мо- дульной единицы дисциплины	№ и тема лекции	Вид <sup>1</sup> кон- трольного мероприятия	Кол-во часов
	монун с			
6.		еопределенный интеграл»	Экзамен	4
	Модульная	<u>Лекция № 7.</u> Первообразная. По-	Экзамен	2
	единица 6.1.	нятие неопределенного интеграла,		
	Неопределенный	его свойства.		
	интеграл	Лекция № 8. Методы	Экзамен	2
		интегрирования.		
7.	МОДУЛЬ 7. «О	пределенный интеграл»	Экзамен	4
	Модульная	<u>Лекция № 9.</u> Определенный инте-	Экзамен	4
	единица 7.1.	грал. Несобственные интегралы I		
	Определенный	и II родов.		
	интеграл			
	ИТОГО			54

## 4.4. Лабораторные/практические/семинарские занятия

Таблица 5

Содержание занятий и контрольных мероприятий

No	№ модуля и мо-	№ и тема лекции	Вид² кон-	Кол-во				
л/п	дульной единицы		трольного	часов				
11/11	дисциплины		мероприятия					
	I семестр							
1.	МОДУЛЬ 1. «К	омплексные числа»	Проверочная работа	4				
	Модульная	Занятие № 1,2 Комплексные	Проверочная	4				
	единица 1.1.	числа	работа					
	Комплексные							
	числа							
2.	<b>МОДУЛЬ 2.</b> «Л	Іинейная алгебра»	Проверочная работа	8				
	Модульная	Занятие № 3. Матрицы. Дейст-	Проверочная	2				
	единица 2.1.	вия над матрицами.	работа					
	Матрицы и оп-	Занятие № 4. Определители.						
	ределители	Основные понятия. Свойства	Проверочная					
		определителей.	работа					
		Занятие № 5. Ранг матрицы. Об-	Проверочная	2				
		ратная матрица.	работа					
	Модульная	Занятие № 6. Исследование сис-		2				
	единица 2.3.	тем линейных алгебраических	Проверочная					
	Системы ли-	уравнений (СЛАУ). Метод Га-	работа					
	нейных уравне-	ycca.						

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Вид мероприятия: тестирование, коллоквиум, зачет, экзамен, другое

13

№	№ модуля и мо-	№ и тема лекции	Вид <sup>2</sup> кон-	Кол-во
л/п	дульной единицы		трольного	часов
	дисциплины		мероприятия	
	ний	Занятие № 7. Решение СЛАУ по	Проверочная	2
		формулам Крамера и с помо-	работа	
		щью обратной матрицы.		
3.	МОДУЛЬ 3. «В	векторная алгебра с элементами	Проверочная	22
	аналитической і	работа		
	Модульная	Занятие № 8,9. Векторы. Основ-		4
	единица 3.1.	ные понятия. Линейные опера-	Проверочная	
	Векторы и	ции над векторами. Скалярное	работа	
	операции над	произведение векторов.		
	ними	Занятие № 10,11. Векторное и	Проверочная	4
	numu	смешанное произведение векто-	работа	7
		1	1	
		POB 12 P	Прородоницая	2
		Занятие № 12. Векторное про-	Проверочная работа	2
	7.5	странство	1	
	Модульная	Занятие № 13,14. Уравнение	Проверочная работа	4
	единица 3.2.	линии на плоскости. Прямая на	раоота	
	Линии на плос-	плоскости.		
	кости	Занятие № 15,16 Кривые второго	Проверочная	4
		порядка на плоскости.	работа	
	Модульная	Занятие № 17,18 Плоскость и	Проверочная	4
	единица 3.3.	прямая в пространстве.	работа	
	Плоскость и			
	прямая в про-			
	странстве			
	1	II семестр		
4.	МОЛУЛЬ 3. «В	ведение в математический ана-	Проверочная	8
••	лиз»	Degenne D Maremann Teekini and	работа	Ü
	Модульная	Занятие № 1. Понятие множе-	Проверочная	2
	единица 4.1.	ства действительных чисел.	работа	<b>4</b>
	Функции	Функции.	1	
		Занятие № 2,3 Предел числовой	Проверочная	4
	Модульная		работа	4
	единица 4.2.	последовательности, функции.	Проверочная	2
	Предел функ-	<u>Занятие № 4.</u> Непрерывность	работа	2
5.	иии	функции.	Проверочная	16
5.		(ифференциальное исчисление	работа	10
	функций »			
	Модульная	Занятие № 5,6 Производная	Проверочная	4
	единица 5.1.	функции.	работа	
	Производная			
	функции			
	Модульная	Занятие № 7. Дифференциал	Проверочная	2
	единица 5.2.	функции.	работа	
	Дифференциал	17		
ļ	/ [M(I)(I)@N@HWWA#			

№ п/п	№ модуля и мо- дульной единицы дисциплины	№ и тема лекции	Вид <sup>2</sup> кон- трольного мероприятия	Кол-во часов
	функции			
	Модульная	Занятие № 8,9. Исследование	Проверочная	4
	единица 5.3.	функции и построение ее гра-	работа	
	Приложения	фика.		
	производной			
	Модульная	<u>Занятие № 10,11</u> Функция не-	Проверочная	4
	единица 5.4.	скольких переменных. Частные	работа	
	Дифференци-	производные и дифференциалы		
	альное исчисле-	функций нескольких перемен-		
	ние функций не-	ных.Приложения.		
	скольких пере-			
	менных			
6.	МОДУЛЬ 6. «Н	еопределенный интеграл»	Проверочная работа	8
	Модульная	<u>Занятие № 12,13.</u> Первообразная.	Проверочная	4
	единица 6.1.	Понятие неопределенного инте-	работа	
	Неопределенный	грала, его свойства.		
	интеграл	<u>Занятие № 14,15.</u> Методы	Проверочная	4
		интегрирования.	работа	
7.	МОДУЛЬ 7. «О	пределенный интеграл»	Проверочная работа	8
	Модульная	<u>Занятие № 16,17.</u> Определенный	Проверочная	4
	единица 7.1.	интеграл.	работа	
	Определенный	Занятие № 18 Несобственные	Проверочная	4
	интеграл	интегралы I и II родов.	работа	
	ИТОГО			72

# 4.5. Самостоятельное изучение разделов дисциплины и виды самоподготовки к текущему контролю знаний

4.5.1. Перечень вопросов для самостоятельного изучения и видов самоподготовки к текущему контролю знаний

Таблица 6 Перечень вопросов для самостоятельного изучения и видов самоподготовки к текущему контролю знаний

№п/п	№ модуля и мо-	Перечень рассматриваемых вопросов для	Кол-во
	дульной единицы	самостоятельного изучения и видов само-	часов
		подготовки к текущему контролю знаний	
	Модуль 2.		14
1.	Модульная	работа над теоретическим материалом,	6
	единица 2.1.	прочитанным на лекциях	

№п/п	№ модуля и мо-	Перечень рассматриваемых вопросов для	Кол-во
	дульной единицы	самостоятельного изучения и видов само-	часов
		подготовки к текущему контролю знаний	
		Выполнение домашних заданий	4
2.	Модульная	работа над теоретическим материалом,	1
	единица 2.2.	прочитанным на лекциях	
		Выполнение домашних заданий	1
		подготовка к выполнению проверочной	2
		работы №1	
	Модуль 3.		<b>22</b> 2
3.	Модульная	работа над теоретическим материалом,	2
	единица 3.1.	прочитанным на лекциях	
		Выполнение домашних заданий	8
4.	Модульная	работа над теоретическим материалом,	2
	единица 3.2.	прочитанным на лекциях	
		Выполнение домашних заданий	6
5.	Модульная	работа над теоретическим материалом,	1
	единица 3.3.	прочитанным на лекциях	
	, , ,	Выполнение домашних заданий	1
		подготовка к выполнению проверочной	2
		работы №2	
	Модуль 4.		16
6.	Модульная	работа над теоретическим материалом,	2
	единица 4.1.	прочитанным на лекциях	
		Выполнение домашних заданий	2
7.	Модульная	работа над теоретическим материалом,	2
	единица 4.2.	прочитанным на лекциях	
		Выполнение домашних заданий	6
		подготовка к выполнению контрольной работы №3	4
	Модуль 5.	раооты жез	20
8.	Модульная	работа над теоретическим материалом,	20
	единица 5.1.	прочитанным на лекциях	_
		Выполнение домашних заданий	4
9.	Модульная	работа над теоретическим материалом,	2
	единица 5.2.	прочитанным на лекциях	_
10.	Модульная	работа над теоретическим материалом,	2
_ 0 0	единица 5.3.	прочитанным на лекциях	_
		Выполнение домашних заданий	6
11.	Модульная	работа над теоретическим материалом,	2
	единица 5.4.	прочитанным на лекциях	_
		Выполнение домашних заданий	2
	Модуль 6.	1	8
12.	Модульная	работа над теоретическим материалом,	2

№п/п	№ модуля и мо-	Перечень рассматриваемых вопросов для	Кол-во
	дульной единицы	самостоятельного изучения и видов само-	часов
		подготовки к текущему контролю знаний	
	единица 6.1.	прочитанным на лекциях	
		Выполнение домашних заданий	2
		подготовка к выполнению проверочной	
		работы №4	
		Подготовка к экзамену	2
	Модуль 7.		4
13.	Модульная	работа над теоретическим материалом,	2
	единица 7.1.	прочитанным на лекциях	
		Выполнение домашних заданий	2
	ВСЕГО		90

## 4.5.2. Курсовые проекты (работы)/ контрольные работы/ расчетнографические работы

Не предусматриваются учебным планом.

## 5. Взаимосвязь видов учебных занятий

Таблица 8 Взаимосвязь компетенций с учебным материалом и контролем знаний студентов

Компетенции	Лекции	ЛЗ/ ПЗ/С	СРС	Другие виды	Вид кон- троля
УК-1	1-18	1-18	36 часов		Экзамен
	1 семестр	Ісеместр	1 семестр		
	1-9	1-18	54 часа		
	2семестр	2семестр	1 семестр		

# 6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

#### 6.1. Карта обеспеченности литературой (таблица 9)

# 6.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» (далее – сеть «Интернет») Программное обеспечение

- 1. Microsoft Win SL 8.1 Russian Academic OPEN License (количество 50), лицензия № 62822900 от 15.12.2013;
- 2. Microsoft Windows Vista Business Russian Upgrade Academic Open (количество 290100), лицензия №44937729 от 15.12.2008, лицензия №44216301 от 25.06.2008;

- 3. Acrobat Professional Russian 8.0, AcademicEdition Band R 1-999 (количество 2), лицензия образовательная № CE0806966 от 27.06.2008;
- 4. MS Office Access 2007 (OpenLicense) (количество 20), лицензия академическая № 45965845 от 30.09.2009;
- 5. Kaspersky Endpoint Security for Business (количество 500), лицензия 1В08-240301-012534-053-2242 с 01.03.2024 до 09.03.2025;
- 6. ABBYY FineReader 11 Corporate Edition (количество 30), лицензия № FCRC-1100-1002-2465-8755-4238 от 22.02.2012;
- 7. Moodle 3.5.6a (система дистанционного образования); открытые технологии договор 969.2 от 17.04.2020;
- 8. Библиотечная система «Ирбис 64» (web версия), контракт 37-5-20 от 27.10.2020;
- 9. Офисный пакет LibreOffice 6.2.1, свободно распространяемое ПО (GPL);
- 10. Яндекс (Браузер / Диск), свободно распространяемое ПО (GPL);
- 11. Astra Linux Special Edition, вариант лицензирования «Орел», рабочая станция (количество 30), без ограничения срока №192400033-alse-1.7-client-base orel-x86 64-0-19256 от 27.11.2023;
- 12. Astra Linux Special Edition, вариант лицензирования «Орел», рабочая станция (количество 70), без ограничения срока №192400033-alse-1.7-client-base orel-x86 64-0-12913 от 28.08.2023;
- 13. Программная система для обнаружения текстовых заимствований в учебных и научных работах «Антиплагиат ВУЗ», лицензионный договор № 2281 от 17.03.2020;
- 14. Справочная правовая система «Консультант+», договор №20175200211 от 22.04.2020:
- 15. Справочная правовая система «Гарант», учебная лицензия, эл. договор №129-20-11 от 01.01.2012;

#### КАРТА ОБЕСПЕЧЕННОСТИ ЛИТЕРАТУРОЙ

Кафедра <u>Высшая математика и компьютерное моделирование</u> Направление подготовки (специальность) <u>20.03.02 «Природообустройство и</u> <u>водопользование»</u>

Лиспиплина Математика

Вид заня- тий	Наименование	Авторы	Издательство	Год	Вид издания		Место хра- нения		Необходи- мое коли-	Количество
ТИИ	Патменование	тыторы		издания	Печ.	Электр.	Библ.	Каф.	чество экз.	экз. в вузе
1	2	3	4	6	7	8	9	10	11	12
			Основная	]						
	Высшая Математика Т. 1	Бугров Я.С. С.М. Никольский	М.: Дрофа	2003	+	-	+	-	7	99
Лекции, СРС	Высшая Математика Т. 2	Бугров Я.С. С.М. Никольский	М.: Дрофа	2003	+	-	+	-	7	102
	Высшая Математика Т. 3	Бугров Я.С. С.М. Никольский	М.: Дрофа	2003	+	-	+	-	7	102
занятия, СРС	Сборник задач по высшей математике: с контрольными работами. 1 курс	К. Н. Лунгу [и др.].	М.: Айрис Пресс	2011	+	-	+	-	7	73
			Дополнитель	кана						
201142714	Математика: тесто- вые задания для под-	Скиба Л.П.	Красноярск: КрасГАУ	2016						Ирбис 64+
	готовки к компью- терному тестирова- нию				-	+	+	-	-	
CPC	Высшая математика: учебное пособие для вузов //Образовательная платформа Юрайт	Шипачева В.С.	М.: Издательство Юрайт	2021	-	+	-	-	-	https://urait.r u/bcode/446 8424

Директор Научной библиотеки <u>Зорина Р.А.</u>

# 7. Критерии оценки знаний, умений, навыков и заявленных компетенций

Оценка знаний, умений, навыков и заявленных компетенций студентов проводится с использованием рейтинговой системы.

Текущая аттестация студентов проводится в дискретные временные интервалы преподавателем, ведущим практические занятия.

Промежуточный контроль: во втором семестре – экзамен.

При изучении дисциплины «Математика» с обучающимися в течение всего семестра проводятся лекции, лабораторные занятия. Экзамен определяется как сумма балов по результатам всех запланированных учебных мероприятий.

# Рейтинг–план дисциплины «Элементы высшей математики»

#### Рейтинг-план

Дисциплинарные модули	Количество академиче-	Рейтинговый бал
	ских часов	
Модуль 1.	8	5
Модуль 2.	30	12
Модуль 3.	70	25
Модуль 4.	30	12
Модуль 5.	42	18
Модуль 6.	20	8
Модуль 7.	16	5
Экзамен	36	15
Итого	252	100

#### Распределение баллов по модулям

Модуль	Максимально возможный балл по видам работ					
		Итоговое тес-				
	Посещение Проверочные		тирование			
	занятий	работы	(экзамен)			
M1	2	3	X	5		
M2	5	7	X	12		
M3	5	15	X	20		
M4	3	10	X	13		
M 5	5	15	X	20		
M 6	3	5	X	8		
M 7	2	5	X	7		
Экзамен	X	X	15	15		
Итого	25	60	15	100		

#### Дисциплина считается освоенной при наборе не менее 60 баллов.

Все виды учебных работ должны быть выполнены точно в сроки, предусмотренные графиком учебного процесса.

При изучении каждого модуля дисциплины проводится рубежный контроль знаний с целью проверки и коррекции хода освоения теоретического материала и практических умений и навыков. Рубежный контроль знаний проводится по графику в часы практических занятий по основному расписанию.

Модуль считается сданным, если обучающийся получил не менее 60% баллов от максимально возможного количества, которое он мог бы получить за этот модуль.

В конце семестра на основании поэтапного контроля обучения суммируются баллы текущего рейтинга, подсчитываются дополнительные баллы (посещаемость и активность на занятии) и принимается решение о допуске обучаемого к выходному контролю или освобождении от его сдачи.

Обучающийся обязан отчитаться по всем учебным модулям дисциплины и с учётом выходного контроля набрать не менее 60 баллов по данной дисциплине. Обучающемуся, не набравшему требуемое минимальное количество баллов (< 60), дается две недели после окончания календарного модуля для добора необходимых баллов.

Если по результатам текущего рейтинга обучающийся набрал в сумме менее 40% баллов от максимального рейтинга дисциплины, то до выходного контроля он не допускается и считается задолжником по этой дисциплине. Для устранения задолженностей обучающийся получает индивидуальное задание для самостоятельной работы.

Если же сумма баллов составляет 60 и более, то по усмотрению преподавателя обучающемуся может быть проставлен экзамен без сдачи выходного контроля. Если обучающийся не набрал на протяжении семестра необходимое количество баллов, он сдаёт экзамен по расписанию зачётной сессии.

Рейтинговый контроль изучения дисциплины основан на действующей в Красноярском ГАУ Положении о рейтинговой оценке знаний студентов. Оценка осуществляется по 100-балльной шкале.

Экзаменационная оценка устанавливается в соответствии со следующей балльной шкалой.

60 – 72	удовлетворительно
73 – 86	хорошо
87 – 100	отлично

Более детально критерии выставления оценок по текущей и промежуточной аттестациям прописаны в фонде оценочных средств по данной дисциплине.

#### 8. Материально-техническое обеспечение дисциплины

Вид за-	Аудиторный фонд
нятий	
Л; ЛЗ	пр-кт Свободный, 70, Учебная аудитории для проведения занятий лекционного типа, занятий семинарского типа, курсового проектирования (выполнения курсовых работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации - 6-02  Оснащенность: Наборы демонстрационного оборудования и учебно-наглядных пособий, для проведения занятий лекционного типа. Доска аудиторная для написания мелом, стол преподавателя, стул преподавателя, Столы аудиторные 16 шт., стулья аудиторные 32
	шт., стол преподавателя, стул преподавателя, доска аудиторная для написания мелом. Оргтехника: Переносное оборудование мультимедийный проектор PanasonicPT-D3500E\пульт
CPC	пр-кт. Свободный 70, Помещение для самостоятельной работы — 4-02  Оснащенность: Учебно-методическая литература, компьютерная техника с подключением к Internet. Столы 11 шт., стулья 18 шт., стеллажи под книги 16 шт.  Оргтехника: компьютер celeron 2600/256/40/AGP128/Lan/Keyb; компьютер в комплекте: системный блок + монитор; компьютер в комплекте: системный блок ("QX" S Office) + монитор (BenQ GW2480)+ клавиатура (Crown) + мышь (Crown) +фильтр — 7 шт. сканер HP ScanJet 4370; принтер Xerox WorkCentre 3215NI; принтер Canon LBP-1120; копировальный аппарат Canon IR-2016J;  ул. Елены Стасовой, 44г, Помещение для самостоятельной работы (Информационноресурсный центр Научной библиотеки) — 1-06
	Оснащенность: Учебно-методическая литература, столы, компьютеры с подключением к сети Интернет, библиотечный фонд, каталог электронных ресурсов.

# 9. Методические рекомендации для обучающихся по освоению дисциплины

#### 9.1. Методические указания по дисциплине для обучающихся

Изучение дисциплины «Математика» основано на лекционном материале (54 часов), выполнении лабораторных работ (72 часа) и самостоятельной работе (90 часов). Контроль усвоения дисциплины производится с помощью проверочных работ и итоговой проверке знаний (экзамен).

Дисциплина разделена на логически связанные модули

Все изучаемые темы дисциплины описаны в литературе доступ, к которой обеспечивается электронной библиотекой по указанным ссылкам. Помимо этого, большое разнообразие информации по дисциплине можно найти в глобальной сети интернет. Кроме того, множество материалов по темам дисциплины доступны в Государственной универсальной библиотеке Краснояркого края.

Самостоятельно изучить разделы дисциплины можно по рекомендованной литературе.

Для успешного изучения дисциплины необходимо составление письменных конспектов по терминологии, формулам и примерам решения типовых задач. Это позволяет лучше усвоить дисциплину в силу не только визуального и звукового восприятия информации, но и «механической памяти» при осуществлении записи в тетради.

# 9.2. Методические указания по дисциплине для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья

В целях освоения учебной программы дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья обеспечивается:

- 1. Для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по зрению:
- 1.1. размещение в доступных для обучающихся местах и в адаптированной форме справочной информации о расписании учебных занятий;
- 1.2. присутствие ассистента, оказывающего обучающемуся необходимую помощь;
- 1.3. выпуск альтернативных форматов методических материалов (крупный шрифт или аудио-файлы);
- 2. Для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья послуху:
- 2.1. надлежащими звуковыми средствами воспроизведение информации;
- 3. Для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья, имеющих нарушения опорно-двигательного аппарата:
- 3.1. возможность беспрепятственного доступа обучающихся в учебные помещения, туалетные комнаты и другие помещения института, а также пребывание в указанных помещениях.

Образование обучающихся с ограниченными возможностями здоровья может быть организовано как совместно с другими обучающимися, так и в отдельных группах или в отдельных организациях.

Перечень учебно-методического обеспечения самостоятельной работы обучающихся по дисциплине.

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предоставляются в одной из форм, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации.

Категории студентов	Формы		
С нарушение слуха	- в печатной форме; - в форме электронного документа;		
С нарушением зрения	<ul><li>в печатной форме увеличенным шрифтом;</li><li>в форме электронного документа;</li><li>в форме аудио-файла;</li></ul>		
С нарушением опорядвигательного аппарата	- в печатной форме;		

Данный перечень может быть конкретизирован в зависимости от контингента обучающихся.

В освоении дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья большое значение имеет индивидуальная работа. Под индивидуальной работой подразумевается две формы взаимодействия с преподавателем: индивидуальная учебная работа (консультации), т.е. дополнительное разъяснение учебного материала и углубленное изучение материала с теми обучающимися, которые в этом заинтересованы, и индивидуальная воспитательная работа. Индивидуальные консультации по предмету являются важным фактором, способствующим индивидуализации обучения и установлению воспитательного контакта между преподавателем и обучающимся инвалидом или обучающимся с ограниченными возможностями здоровья.

## протокол изменений рпд

Дата	Раздел	Изменения	Комментарии
Дата 24.03.20 25г.	Раздел  6. Учебно- методическое и информа- ционное обеспечение дисциплины	Изменения  на 2025-2026 уч. год обновлен перечень ресурсов информационно телекоммуникационной сети «Интернет» и лицензионного обеспечения свободного распространяемого ПО	Изменения рассмотрены на заседании методиче-

Программу разработали:		
Жданова Вера Даниловна, старший преподаватель		
	(подпись)	

#### **РЕЦЕНЗИЯ**

на рабочую программу дисциплины «Математика» по направлению подготовки 20.03.02 «Природообустройство и водопользование»

Рабочая программа дисциплины «Математика» полностью отвечает требованиям Федерального государственного образовательного стандарта по направлению подготовки 20.03.02 «Природообустройство и водопользование».

В аннотации к программе представлена структура данного курса, в полной мере идет описание назначения дисциплины, освещается ее роль в подготовке бакалавра по данной специальности, уделяется достаточное внимание межпредметным связям.

Структура курса имеет практический характер, что соответствует требованиям Федерального государственного образовательного стандарта к знаниям, умениям и навыкам студентов в результате изучения дисциплины.

Тематический план разработан в логической последовательности построения курса «Математика» и соответствует объему часов, предусмотренному стандартом. В предложенном тематическом плане указано количество часов отводимых на изучение разделов и тем, а так же на самостоятельную работу студента.

Содержание учебного материала отвечает требованиям актуальности, научности и доступности. Каждый раздел курса предполагает проведение практических занятий, на которых студент активно учится применять полученные знания при решении поставленных задач.

Основная литература, указанная в рабочей программе, имеется в достаточном количестве в библиотеке, соответствует целям и задачам курса, позволяет студентам в полной мере осваивать дисциплину. Дополнительная литература способствует развитию навыков самостоятельной работы.

Рецензент:

De-

Шатохина Л.В., канд. физ.-мат. наук, доцент кафедры высшей математики СибГУ им. М.Ф. Решетнева

Подпись <u>Шамолению</u> Л. В удостоверяю Ведущий специалист по персоналу

— В Симентий С. С. Каргов

« » 20 г.