

Министерство сельского хозяйства Российской Федерации  
Департамент научно-технологической политики и образования  
*Федеральное государственное бюджетное образовательное уч-  
реждение высшего образования*  
**«Красноярский государственный аграрный университет»**

## **ВЫЧИСЛИТЕЛЬНЫЕ СИСТЕМЫ, СЕТИ И ТЕЛЕКОММУНИКАЦИИ**

**Методические указания к лабораторным работам**

для студентов направления подготовки 09.03.03 «Прикладная  
информатика»

Красноярск 2025

ББК 32.973.202Я7  
УДК 681.324(075)

*Рецензент*

*С.А. Бронов, д-р техн. наук, профессор кафедры «Информационные технологии и математическое обеспечение информационных систем»*

**Титовский, С.Н.**

Вычислительные системы, сети и телекоммуникации: метод. указания к лабораторным работам для студентов подготовки 09.03.03 «Прикладная информатика» / Краснояр. гос. аграр.ун-т. – Красноярск, 2025. – 78 с.

Предназначена для студентов направлений подготовки 09.03.03 «Прикладная информатика». Содержит задания к лабораторным работам, примеры выполнения заданий и оформления отчетов.

Печатается по решению редакционно-издательского совета  
Красноярского государственного аграрного университета

©Красноярский государственный  
аграрный университет, 2025

## ОГЛАВЛЕНИЕ

ВВЕДЕНИЕ .....	4
ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА № 1 .....	6
ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА № 2 .....	9
ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА № 3 .....	16
ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА № 4 .....	25
ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА № 5 .....	30
ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА № 6 .....	37
ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА № 7 .....	44
ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА № 8 .....	48
ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА № 9 .....	53
ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА № 10 .....	59
ЗАКЛЮЧЕНИЕ .....	76
БИБЛИОГРАФИЧЕСКИЙ СПИСОК .....	78

## ВВЕДЕНИЕ

Вычислительные системы, сети и телекоммуникации являются в современном обществе самыми востребованными ресурсами. Войдя в человеческую жизнь, компьютеры сейчас стали неотъемлемой частью нашей цивилизации. И хотя первая ЭВМ с автоматическим программным управлением была создана чуть более полувека назад, к настоящему моменту уже насчитывается пять поколений вычислительных машин. Столь бурного развития, вероятно, не претерпевала ни одна технология.

Современная эпоха характеризуется стремительным процессом информатизации общества. Это сильнее всего проявляется в росте пропускной способности и гибкости информационных сетей. Полоса пропускания в расчете на одного пользователя стремительно увеличивается благодаря нескольким факторам. Логическое и физическое проектирование сети, ее нагрузка, пропускная способность и коэффициент использования сети очень важно при создании локальных сетей в больших масштабах. Во-первых, растет популярность приложений World Wide Web и количество электронных банков информации, которые становятся достоянием каждого человека. Падение цен на компьютеры приводит к росту числа домашних ПК, каждый из которых потенциально превращается в устройство, способное подключиться к сети Internet. Во-вторых, новые сетевые приложения становятся более требовательными в отношении полосы пропускания – входят в практику приложения Internet, ориентированные на мультимедиа и видеоконференцсвязь, когда одновременно открывается очень большое количество сессий передачи данных. Как результат, наблюдается резкий рост в потреблении ресурсов Internet – по оценкам средний объем потока информации в расчете на одного пользователя в мире увеличивается в 8 раз каждый год. Все это благодаря средствам телекоммуникаций.

Обучение студентов, будущих специалистов, принципам построения и функционирования вычислительных систем, организации и работы сетей ЭВМ является неотъемлемым требованием современности.

Студенты должны знать назначение и принципы построения и функционирования узлов и блоков вычислительных систем, их взаи-

модействия; способы организации сетей ЭВМ, назначение и функционирование компонент сетей

Представленное методическое указание содержит десять лабораторных работ, в ходе выполнения которых студенты изучат основные вопросы данной дисциплины. После перечня заданий к каждой лабораторной работе приводятся требования к содержанию отчетов, примеры выполнения заданий, которые одновременно являются примерами оформления отчетов.

## ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА № 1

**Тема:** Позиционные системы счисления. Перевод чисел.

**Цель:** Приобретение навыков перевода чисел между системами счисления с различными основаниями.

**Задание:**

1. Число  $A$  (табл. 1), заданное в десятичной системе счисления, перевести:

из десятичной системы в двоичную и обратно;

из десятичной системы в четверичную и обратно;

из десятичной системы в восьмеричную и обратно;

из десятичной системы в шестнадцатеричную и обратно.

Число разрядов в дробной части получающихся чисел:

для двоичной системы счисления – 10 разрядов;

для четверичной – 8 разрядов;

для восьмеричной – 6 разрядов;

для шестнадцатеричной – 4 разряда.

2. Число  $B$  (табл.1), заданное в десятичной системе счисления, перевести:

из десятичной системы счисления в двоичную (число разрядов в дробной части числа – 10);

из двоичной системы – в четверичную;

из двоичной – в восьмеричную;

из двоичной – в шестнадцатеричную.

Числа, полученные в двоичной, четверичной, восьмеричной и шестнадцатеричной системах счисления, перевести в десятичную систему.

Таблица 1

Номер варианта			Номер варианта		
	$A$	$B$		$A$	$B$
1	555,555	666,666	14	826,692	716,592
2	666,666	555,555	15	753,851	949,833
3	567,765	765,567	16	999,518	913,856

4	579,684	764,746	17	806,722	744,809
5	864,718	792,549	18	773,569	987,736
6	777,781	888,642	19	804,859	936,639
7	679,773	828,834	20	573,729	725,861
8	824,856	935,517	21	577,577	688,688
9	994,844	832,638	22	688,688	577,577
10	914,917	941,568	23	789,987	987,789
11	566,566	677,677	24	740,548	641,862
12	677,677	566,566	25	888,777	673,761
13	678,876	876,678			

### Содержание отчета:

- ~ Тема работы
- ~ Условие задания
- ~ Методика перевода чисел из десятичной системы счисления в систему счисления с произвольным основанием и обратно
- ~ Методика перевода чисел между системами с кратными основаниями

### Пример выполнения:

#### Позиционные системы счисления. Перевод чисел.

#### Задание:

1). Число  $A_{(10)}=46,68$  перевести из десятичной системы в двоичную и обратно. Число разрядов в дробной части - 6 разрядов.

2). Число  $B_{(2)}=11101,10011$  перевести в четверичную систему счисления. Числа из двоичной и четверичной систем счисления перевести в десятичную систему.

1)  $A_{(10)}=46,68$

	46		2		
	<u>46</u>		<u>23</u>		2
$a_0 = 0$	<u>22</u>		<u>11</u>		2
$a_1 = 1$	<u>10</u>		<u>5</u>		2
	<u>4</u>		<u>2</u>		2
$a_2 = 1$	<u>2</u>		<u>1</u>		$a_5$
$a_3 = 1$	<u>1</u>		<u>0</u>		
$a_4 = 0$					

	0,	68
		<u>2</u>
$a_{-1} = 1,$	36	
		<u>2</u>
$a_{-2} = 0,$	72	
		<u>2</u>
$a_{-3} = 1,$	44	
		<u>2</u>
$a_{-4} = 0,$	88	
		<u>2</u>
$a_{-5} = 1,$	76	
		<u>2</u>
$a_{-6} = 1,$	52	

$$A_{(2)} = 101110,101011.$$

$$A_{(10)} = 1 \cdot 2^5 + 0 \cdot 2^4 + 1 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^1 + 0 \cdot 2^0 + 1 \cdot 2^{-1} + 0 \cdot 2^{-2} + 1 \cdot 2^{-3} + 0 \cdot 2^{-4} + 1 \cdot 2^{-5} + 1 \cdot 2^{-6} = 32 + 8 + 4 + 2 + 0,5 + 0,125 + 0,03125 + 0,015625 = 46,671875.$$

$$2) \quad B_{(2)} = 011101,100110, \quad B_{(4)} = 131,212$$

$$B_{(10)} = 1 \cdot 2^4 + 1 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^0 + 1 \cdot 2^{-1} + 1 \cdot 2^{-4} + 1 \cdot 2^{-5} = 16 + 8 + 4 + 1 + 0,5 + 0,0625 + 0,03125 = 29,59375.$$

$$B_{(10)} = 1 \cdot 4^2 + 3 \cdot 4^1 + 1 \cdot 4^0 + 2 \cdot 4^{-1} + 1 \cdot 4^{-2} + 2 \cdot 4^{-3} = 16 + 12 + 1 + 0,5 + 0,0625 + 0,03125 = 29,59375.$$

## ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА № 2

**Тема:** Позиционные системы счисления. Арифметика.

**Цель:** Приобретение навыков выполнения арифметических действий с числами в позиционных системах счисления с произвольными основаниями.

### Задание:

1. Числа  $A$  и  $B$  (табл. 2), заданные в десятичной системе счисления, перевести в
  - ~ двоичную (в дробной части 8 разрядов),
  - ~ четверичную (в дробной части 4 разряда),
  - ~ восьмеричную (в дробной части 3 разряда),
  - ~ шестнадцатеричную (в дробной части 2 разряда)системы счисления.
2. Выполнить сложение  $A+B$  в десятичной, двоичной, четверичной, восьмеричной и шестнадцатеричной системах счисления. Полученные результаты из двоичной, четверичной, восьмеричной и шестнадцатеричной систем счисления перевести в десятичную систему счисления.
3. Выполнить вычитание  $A-B$  в десятичной, двоичной, четверичной, восьмеричной и шестнадцатеричной системах счисления. Полученные результаты из двоичной, четверичной, восьмеричной и шестнадцатеричной систем счисления перевести в десятичную систему счисления.
4. Выполнить умножение  $A*B$  в десятичной, двоичной, четверичной, восьмеричной и шестнадцатеричной системах счисления. Полученные результаты из двоичной, четверичной, восьмеричной и шестнадцатеричной систем счисления перевести в десятичную систему счисления.
5. Выполнить деление  $A/B$  в десятичной, двоичной, четверичной, восьмеричной и шестнадцатеричной системах счисления. В дробной части частного получить
  - ~ для двоичной системы счисления – 8 разрядов
  - ~ для четверичной системы счисления – 4 разряда
  - ~ для восьмеричной системы счисления – 3 разряда
  - ~ для шестнадцатеричной системы счисления – 2 разряда.

Полученные результаты из двоичной, четверичной, восьмеричной и шестнадцатеричной систем счисления перевести в десятичную систему счисления.

Таблица 2

<b>Номер варианта</b>	<b><i>A</i></b>	<b><i>B</i></b>	<b>Номер варианта</b>	<b><i>A</i></b>	<b><i>B</i></b>
1	555,55	23,45	14	826,69	12,98
2	666,66	35,45	15	753,85	13,56
3	567,76	34,23	16	999,51	16,78
4	579,68	32,54	17	806,72	27,57
5	864,71	32,34	18	773,56	29,34
6	777,78	33,76	19	804,85	26,23
7	679,77	43,67	20	573,72	24,78
8	824,85	34,87	21	577,57	28,56
9	994,84	41,57	22	688,68	25,34
10	914,91	44,67	23	789,98	27,23
11	566,56	31,45	24	740,54	26,98
12	677,67	24,67	25	888,77	29,99
13	678,87	34,76			

## Содержание отчета:

- ~ Тема работы
- ~ Условие задания
- ~ Методика сложения чисел в позиционных системах счисления с произвольным основанием.
- ~ Методика вычитания чисел в позиционных системах счисления с произвольным основанием.
- ~ Методика умножения чисел в позиционных системах счисления с произвольным основанием
- ~ Методика деления чисел в позиционных системах счисления с произвольным основанием.

## Пример выполнения:

### Позиционные системы счисления. Арифметика.

#### Задание:

1. Числа  $A_{(10)}=46,68$  и  $B_{(10)}=9,6$  перевести в
  - ~ двоичную (в дробной части 4 разряда),
  - ~ четверичную (в дробной части 3 разряда),
  - ~ восьмеричную (в дробной части 2 разряда),
  - ~ шестнадцатеричную (в дробной части 1 разряд)системы счисления.
2. Выполнить сложение  $A+B$  в десятичной, двоичной, четверичной, восьмеричной и шестнадцатеричной системах счисления. Полученные результаты из двоичной, четверичной, восьмеричной и шестнадцатеричной систем счисления перевести в десятичную систему счисления.
3. Выполнить вычитание  $A-B$  в десятичной, двоичной, четверичной, восьмеричной и шестнадцатеричной системах счисления. Полученные результаты из двоичной, четверичной, восьмеричной и шестнадцатеричной систем счисления перевести в десятичную систему счисления.
4. Выполнить умножение  $A*B$  в десятичной, двоичной, четверичной, восьмеричной и шестнадцатеричной системах счисления. Полученные результаты из двоичной, четверичной,

восьмеричной и шестнадцатеричной систем счисления перевести в десятичную систему счисления.

5. Выполнить деление  $A/B$  в десятичной, двоичной, четверичной, восьмеричной и шестнадцатеричной системах счисления. В дробной части частного получить

- ~ для двоичной системы счисления – 4 разряда
- ~ для четверичной системы счисления – 3 разряда
- ~ для восьмеричной системы счисления – 2 разряда
- ~ для шестнадцатеричной системы счисления – 1 разряд.

Полученные результаты из двоичной, четверичной, восьмеричной и шестнадцатеричной систем счисления перевести в десятичную систему счисления.

1.

$A_{(10)}=46,68$				$B_{(10)}=9,6$				
46	2			9	2			
0	23	2		1	4	2		
	1	11	2		0	2	2	
		1	5	2		0	1	2
			1	2	2		1	0
			0	1	2			
			1	0	2			
				1	44			0
					2			8
				0	88			2
					2			6
				1	76			2
					2			2
				1	52			4

$$A=46,68_{(10)}=101110,1010_{(2)}=232,223_{(4)}=56,53_{(8)}=2E_{(16)}$$

$$B=9,6_{(10)}=1001,1001_{(2)}=21,212_{(4)}=11,46_{(8)}=9,9_{(16)}$$

$$2. A + B = 46,68_{(10)} + 9,6_{(10)} = 56,28_{(10)}$$

$$\begin{array}{r}
 \phantom{+} \phantom{1} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{0}, \phantom{1} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{0}_{(2)} \\
 \phantom{+} \phantom{1} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{0}, \phantom{1} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{0}_{(2)} \\
 \hline
 + \phantom{1} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{0}, \phantom{1} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{0}_{(2)} \\
 \phantom{1} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{0}, \phantom{1} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{0}_{(2)} \\
 \hline
 1 \phantom{0} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{0}, \phantom{1} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{0}_{(2)}
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 \phantom{+} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{1} \\
 \phantom{+} \phantom{5} \phantom{6}, \phantom{5} \phantom{3}_{(8)} \\
 \hline
 + \phantom{1} \phantom{1}, \phantom{4} \phantom{6}_{(8)} \\
 \phantom{1} \phantom{1}, \phantom{4} \phantom{6}_{(8)} \\
 \hline
 7 \phantom{0}, \phantom{2} \phantom{1}_{(8)}
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 \phantom{+} \phantom{1} \phantom{1} \\
 \phantom{+} \phantom{2} \text{ E, } \phantom{A}_{(16)} \\
 \hline
 + \phantom{9}, \phantom{9}_{(16)} \\
 \phantom{9}, \phantom{9}_{(16)} \\
 \hline
 3 \phantom{8}, \phantom{3}_{(16)}
 \end{array}$$

$$111000,0011_{(2)} = 2^5 + 2^4 + 2^3 + 2^{-3} + 2^{-4} = 56,1875_{(10)}$$

$$320,101_{(4)} = 3 \cdot 4^2 + 2 \cdot 4^1 + 4^{-1} + 4^{-3} = 56,265625_{(10)}$$

$$70,21_{(8)} = 7 \cdot 8^1 + 2 \cdot 8^{-1} + 8^{-2} = 56,265625_{(10)}$$

$$38,3_{(16)} = 3 \cdot 16^1 + 8 + 3 \cdot 16^{-1} = 56,1875_{(10)}$$

$$3. A - B = 46,68_{(10)} - 9,6_{(10)} = 37,08_{(10)}$$

$$\begin{array}{r}
 \phantom{-} \phantom{1} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{0}, \phantom{1} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{0}_{(2)} \\
 \phantom{-} \phantom{1} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{0}, \phantom{1} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{0}_{(2)} \\
 \hline
 - \phantom{1} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{0}, \phantom{1} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{0}_{(2)} \\
 \phantom{1} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{0}, \phantom{1} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{0}_{(2)} \\
 \hline
 1 \phantom{0} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{0} \phantom{1}, \phantom{0} \phantom{0} \phantom{0} \phantom{0}_{(2)}
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 \phantom{-} \phantom{5} \phantom{6}, \phantom{5} \phantom{3}_{(8)} \\
 \hline
 - \phantom{1} \phantom{1}, \phantom{4} \phantom{6}_{(8)} \\
 \phantom{1} \phantom{1}, \phantom{4} \phantom{6}_{(8)} \\
 \hline
 4 \phantom{5}, \phantom{0} \phantom{5}_{(8)}
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 \phantom{-} \phantom{2} \text{ E, } \phantom{A}_{(16)} \\
 \hline
 - \phantom{9}, \phantom{9}_{(16)} \\
 \phantom{9}, \phantom{9}_{(16)} \\
 \hline
 2 \phantom{5}, \phantom{1}_{(16)}
 \end{array}$$

$$100101,0001_{(2)} = 2^5 + 2^2 + 2 + 2^{-4} = 37,0625_{(10)}$$

$$211,011_{(4)} = 2 \cdot 4^2 + 4^1 + 1 + 4^{-2} + 4^{-3} = 37,078125_{(10)}$$

$$45,05_{(8)} = 4 \cdot 8^1 + 5 \cdot 8^{-1} + 5 \cdot 8^{-2} = 37,078125_{(10)}$$

$$25,1_{(16)} = 2 \cdot 16^1 + 5 + 16^{-1} = 37,0625_{(10)}$$

$$4. A * B = 46,68_{(10)} * 9,6_{(10)} = 448,128_{(10)}$$

$$\begin{array}{r}
 \phantom{10} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{0} \\
 \phantom{10} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{0} \\
 \phantom{10} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{0} \\
 \phantom{10} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{0} \\
 \phantom{10} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{0} \\
 \underline{\phantom{10} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{0} \phantom{1} \phantom{0}} \\
 1 \ 0 \ 1 \ 1 \ 1 \ 0 \ 1 \ 0 \ 1 \ 0 \\
 \underline{1 \ 0 \ 1 \ 1 \ 1 \ 0 \ 1 \ 0 \ 1 \ 0} \\
 1 \ 1 \ 0 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 0 \ 1, \ 1 \ 1 \ 0 \ 1 \ 1 \ 0 \ 1 \ 0_{(2)}
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 \phantom{1} \phantom{1} \phantom{3} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{2} \\
 \underline{\phantom{1} \phantom{1} \phantom{3} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{2}} \\
 1 \ 1 \ 3 \ 1 \ 1 \ 1 \ 2 \\
 \underline{1 \ 1 \ 3 \ 1 \ 1 \ 1 \ 2} \\
 1 \ 2 \ 3 \ 3 \ 3, \ 3 \ 0 \ 0 \ 2 \ 0 \ 2_{(4)}
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 \phantom{4} \phantom{3} \phantom{0} \phantom{0} \phantom{2} \\
 \phantom{2} \phantom{7} \phantom{2} \phantom{5} \phantom{4} \\
 \phantom{5} \phantom{6} \phantom{5} \phantom{3} \\
 \underline{\phantom{5} \phantom{6} \phantom{5} \phantom{3}} \\
 6 \ 7 \ 7, \ 6 \ 0 \ 4 \ 2_{(8)}
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 \phantom{1} \phantom{A} \phantom{3} \phantom{A} \\
 \underline{\phantom{1} \phantom{A} \phantom{3} \phantom{A}} \\
 1 \ B \ D, \ D \ A_{(16)}
 \end{array}$$

$$110111101,11011010_{(2)} = 2^8 + 2^7 + 2^5 + 2^4 + 2^3 + 2^2 + 1 + 2^{-1} + 2^{-2} + 2^{-4} + 2^{-5} + 2^{-7} = 445,8515625_{(10)}$$

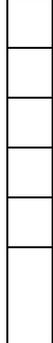
$$12333,300202_{(4)} = 4^4 + 2*4^3 + 3*4^2 + 3*4^1 + 3 + 3*4^{-1} + 2*4^{-4} + 2*4^{-6} = 447,7583_{(10)}$$

$$677,6042_{(8)} = 6*8^2 + 7*8^1 + 7 + 6*8^{-1} + 4*8^{-3} + 2*8^{-4} = 447,7583_{(10)}$$

$$1BD,DA_{(16)} = 16^2 + 11*16^1 + 13 + 13*16^{-1} + 10*16^{-2} = 445,8515625_{(10)}$$

$$5. A / B = 46,68_{(10)} / 9,6_{(10)} = 4,8625_{(10)}$$

$$\begin{array}{r}
 1\ 0\ 1\ 1\ 1\ 0\ 1\ 0\ 1\ 0_{(2)} \mid 1\ 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 0\ 1_{(2)} \\
 \hline
 1\ 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 0\ 1 \phantom{0} \phantom{0} \phantom{0} \phantom{0} \phantom{0} \phantom{0} \phantom{0} \phantom{0} \\
 \hline
 \phantom{1}\ 0\ 0\ 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 0 \\
 \phantom{1}\ 1\ 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 0\ 1 \\
 \hline
 \phantom{1}\phantom{1}\ 1\ 1\ 1\ 0\ 0\ 1\ 1\ 0 \\
 \phantom{1}\phantom{1}\ 1\ 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 0\ 1 \\
 \hline
 \phantom{1}\phantom{1}\phantom{1}\ 1\ 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1\ 0 \\
 \phantom{1}\phantom{1}\phantom{1}\ 1\ 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 0\ 1 \\
 \hline
 \phantom{1}\phantom{1}\phantom{1}\phantom{1}\ 1\ 0 \\
 \phantom{1}\phantom{1}\phantom{1}\phantom{1}\phantom{1}\ 0
 \end{array}$$



$$\begin{array}{r}
 2\ 3\ 2\ 2\ 2\ 3_{(4)} \mid 2\ 1\ 2\ 1\ 2_{(4)} \\
 \hline
 2\ 1\ 2\ 1\ 2 \phantom{0} \phantom{0} \phantom{0} \phantom{0} \phantom{0} \phantom{0} \phantom{0} \phantom{0} \\
 \hline
 \phantom{2}\ 0\ 1\ 0\ 3\ 0 \\
 \phantom{2}\ 1\ 3\ 0\ 3\ 0\ 2 \\
 \hline
 \phantom{2}\phantom{2}\ 1\ 0\ 1\ 2\ 2\ 0 \\
 \phantom{2}\phantom{2}\ 2\ 1\ 2\ 1\ 2 \\
 \hline
 \phantom{2}\phantom{2}\phantom{2}\ 2\ 0\ 0\ 0\ 2\ 0 \\
 \phantom{2}\phantom{2}\phantom{2}\ 1\ 3\ 0\ 3\ 0\ 2 \\
 \hline
 \phantom{2}\phantom{2}\phantom{2}\phantom{2}\ 3\ 1\ 1\ 2
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 5\ 6\ 5\ 3_{(8)} \mid 1\ 1\ 4\ 6_{(8)} \\
 4\ 6\ 3\ 0 \mid 4,\ 6\ 7_{(8)} \\
 1\ 0\ 2\ 3\ 0 \\
 \hline
 \phantom{1}\ 7\ 1\ 4\ 4 \\
 \hline
 \phantom{1}\phantom{1}\ 1\ 0\ 6\ 4\ 0 \\
 \phantom{1}\phantom{1}\ 1\ 0\ 3\ 1\ 2 \\
 \hline
 \phantom{1}\phantom{1}\phantom{1}\ 3\ 2\ 6
 \end{array}
 \qquad
 \begin{array}{r}
 2\ E\ A_{(16)} \mid 9\ 9_{(16)} \\
 2\ 6\ 4 \mid 4,\ E_{(16)} \\
 8\ 6\ 0 \\
 \hline
 \phantom{2}\ 8\ 5\ E \\
 \hline
 \phantom{2}\phantom{2}\phantom{2}\ 2
 \end{array}$$

$$\begin{aligned}
 100,1110_{(2)} &= 2^2 + 2^{-1} + 2^{-2} + 2^{-3} = 4,875_{(10)} \\
 10,313_{(4)} &= 4^1 + 3 \cdot 4^{-1} + 1 \cdot 4^{-2} + 3 \cdot 4^{-3} = 4,859375_{(10)} \\
 4,67_{(8)} &= 4 + 6 \cdot 8^{-1} + 7 \cdot 8^{-2} = 4,859375_{(10)} \\
 4,E_{(16)} &= 4 + 14 \cdot 16^{-1} = 4,875_{(10)}
 \end{aligned}$$

### ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА № 3

**Тема:** Аксиомы и свойства алгебры логики.

**Цель:** Приобретение навыков тождественных преобразований функций алгебры логики.

**Задание:**

1. Пользуясь аксиомами и свойствами алгебры логики, упростить выражение:

$$1. F = x_1 \cdot x_2 \cdot x_4 + x_1 \cdot x_2 + x_2 \cdot x_3 \cdot \bar{x}_2 \cdot x_4 + x_1 \cdot \bar{x}_2 \cdot \bar{x}_3 + x_1 \cdot x_2 + (x_2 + x_1 \cdot x_2 \cdot x_3) \cdot (\bar{x}_2 \cdot \bar{x}_3 + \bar{x}_2 \cdot x_3 \cdot \bar{x}_4 + \bar{x}_2 \cdot \bar{x}_3 + \bar{x}_2 \cdot x_3 \cdot x_4) + x_1 \cdot \bar{x}_2 \cdot x_3 + x_1 \cdot x_3 \cdot \bar{x}_4 + \bar{x}_1 \cdot x_3 .$$

$$2. F = x_2 \cdot x_4 \cdot x_5 + x_2 \cdot x_3 + x_2 \cdot \bar{x}_3 \cdot x_4 + (x_2 \cdot x_3 \cdot x_4 + x_3) \cdot (\bar{x}_3 \cdot x_4 \cdot \bar{x}_5 + \bar{x}_3 \cdot \bar{x}_4 + \bar{x}_3 \cdot \bar{x}_4 + \bar{x}_3 \cdot x_4 \cdot x_5) + x_2 \cdot x_3 + x_2 \cdot \bar{x}_3 \cdot \bar{x}_4 + \bar{x}_1 \cdot x_2 \cdot x_1 \cdot x_3 + x_2 \cdot \bar{x}_4 + x_2 \cdot x_4 \cdot \bar{x}_5 .$$

$$3. F = \bar{x}_1 \cdot x_2 + x_1 \cdot x_3 + x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 \cdot \bar{x}_2 + x_1 \cdot x_2 \cdot x_4 + \bar{x}_1 \cdot x_2 \cdot x_3 + x_1 \cdot x_3 + x_1 \cdot x_2 \cdot \bar{x}_4 + \bar{x}_1 \cdot \bar{x}_2 \cdot x_3 + (\bar{x}_1 \cdot \bar{x}_2 + \bar{x}_1 \cdot x_2 \cdot x_3 + \bar{x}_1 \cdot x_2 \cdot \bar{x}_3 + \bar{x}_1 \cdot \bar{x}_2) \cdot (x_1 + x_1 \cdot x_3 \cdot x_4) .$$

$$4. F = \bar{x}_2 \cdot x_3 \cdot x_4 + x_1 \cdot x_2 \cdot x_5 + x_3 \cdot x_1 \cdot \bar{x}_4 \cdot \bar{x}_1 + x_2 \cdot x_4 + \bar{x}_2 \cdot \bar{x}_3 \cdot x_4 + x_2 \cdot x_4 + (x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 + x_1) \cdot (\bar{x}_1 \cdot \bar{x}_3 + \bar{x}_1 \cdot x_3 \cdot x_4 + \bar{x}_1 \cdot x_3 \cdot \bar{x}_4 + \bar{x}_1 \cdot \bar{x}_3) + \bar{x}_1 \cdot \bar{x}_2 + x_1 \cdot x_2 \cdot \bar{x}_5 .$$

$$5. F = x_2 \cdot \bar{x}_3 + x_4 \cdot x_5 + (x_1 + x_1 \cdot x_2 \cdot x_5) \cdot (\bar{x}_1 \cdot x_4 \cdot x_5 + \bar{x}_1 \cdot x_4 \cdot \bar{x}_5 + \bar{x}_1 \cdot \bar{x}_4 + \bar{x}_1 \cdot \bar{x}_4) + x_4 \cdot x_5 + x_2 \cdot \bar{x}_4 \cdot x_5 + x_2 \cdot x_3 \cdot x_4 + \bar{x}_1 \cdot x_2 \cdot x_1 \cdot \bar{x}_4 \cdot \bar{x}_5 + \bar{x}_2 \cdot \bar{x}_4 \cdot x_5 + x_2 \cdot x_3 \cdot \bar{x}_5 .$$

$$6. F = \bar{x}_1 \cdot x_2 + \bar{x}_1 \cdot \bar{x}_2 \cdot x_3 + \bar{x}_1 \cdot x_3 \cdot x_4 + x_1 \cdot \bar{x}_2 \cdot \bar{x}_3 \cdot \bar{x}_4 \cdot x_2 + \bar{x}_1 \cdot \bar{x}_2 \cdot \bar{x}_3 + \bar{x}_1 \cdot x_2 + \bar{x}_1 \cdot \bar{x}_3 + (\bar{x}_1 \cdot \bar{x}_2 \cdot \bar{x}_3 + \bar{x}_2) \cdot (x_2 \cdot x_3 \cdot x_4 + x_2 \cdot \bar{x}_3 + x_2 \cdot x_3 \cdot \bar{x}_4) + \bar{x}_1 \cdot x_3 \cdot \bar{x}_4 .$$

$$7. F = x_2 \cdot x_4 + \bar{x}_2 \cdot x_3 + \bar{x}_2 \cdot x_4 \cdot x_5 + x_1 \cdot \bar{x}_3 \cdot x_4 \cdot \bar{x}_1 + \bar{x}_2 \cdot \bar{x}_3 \cdot \bar{x}_4 + (x_3 \cdot x_4 \cdot x_5 + x_3 \cdot \bar{x}_4 + x_3 \cdot \bar{x}_4 + x_3 \cdot x_4 \cdot \bar{x}_5) \cdot (\bar{x}_3 + x_2 \cdot \bar{x}_3 \cdot x_4) + \bar{x}_2 \cdot x_3 + \bar{x}_2 \cdot \bar{x}_3 \cdot x_4 + \bar{x}_2 \cdot x_4 \cdot \bar{x}_5 .$$

$$8. F = x_1 \cdot x_2 + (x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 + x_1 \cdot x_2 \cdot \bar{x}_3 + x_1 \cdot \bar{x}_2 + x_1 \cdot \bar{x}_2) \cdot (\bar{x}_1 + \bar{x}_1 \cdot x_3 \cdot x_4 \cdot x_5) + x_1 \cdot \bar{x}_3 + \bar{x}_1 \cdot x_2 \cdot \bar{x}_3 + \bar{x}_1 \cdot x_2 \cdot x_4 + \bar{x}_1 \cdot \bar{x}_3 \cdot \bar{x}_4 \cdot x_1 \cdot x_5 + x_1 \cdot \bar{x}_3 + \bar{x}_1 \cdot x_2 \cdot \bar{x}_4 + \bar{x}_1 \cdot \bar{x}_2 \cdot \bar{x}_3 .$$

$$9. F = x1 \cdot \overline{x2} \cdot \overline{x4} \cdot x2 \cdot x5 + \overline{x1} \cdot \overline{x2} \cdot \overline{x5} + \overline{x2} \cdot \overline{x3} \cdot \overline{x4} + x2 \cdot \overline{x4} + (x1 + x1 \cdot \overline{x2} \cdot \overline{x3}) \cdot (\overline{x1} \cdot \overline{x3} \cdot \overline{x4} + \overline{x1} \cdot x3 + \overline{x1} \cdot \overline{x3} \cdot x4 + \overline{x1} \cdot x3) + x2 \cdot \overline{x4} + \overline{x2} \cdot x3 \cdot \overline{x4} + \overline{x1} \cdot \overline{x2} \cdot x5 + \overline{x1} \cdot \overline{x2}.$$

$$10. F = \overline{x2} \cdot x3 + x4 \cdot \overline{x5} + x1 \cdot \overline{x4} \cdot \overline{x5} + \overline{x2} \cdot \overline{x3} \cdot \overline{x5} + x4 \cdot \overline{x5} + x2 \cdot x3 \cdot \overline{x3} \cdot \overline{x2} + (x3 + x2 \cdot x3 \cdot x4) \cdot (\overline{x2} \cdot x3 \cdot \overline{x4} + x3 \cdot x4 + x2 \cdot x3 \cdot \overline{x4} + x3 \cdot x4) + \overline{x1} \cdot \overline{x4} \cdot \overline{x5} + \overline{x2} \cdot \overline{x3} \cdot x5.$$

$$11. F = (x1 \cdot \overline{x2} \cdot x3 + x1 \cdot x2 + x1 \cdot \overline{x2} \cdot \overline{x3} + x1 \cdot x2) \cdot (x3 + x2 \cdot x3 \cdot x4) \cdot (\overline{x3} \cdot x4 \cdot x5 + \overline{x3} \cdot \overline{x4} + \overline{x3} \cdot x4 \cdot \overline{x5} + \overline{x3} \cdot \overline{x4}) + x1 \cdot x3 \cdot x4 + x2 \cdot x3 \cdot \overline{x2} \cdot \overline{x4} + x1 \cdot x3 \cdot \overline{x4} + \overline{x1} \cdot x3.$$

$$12. F = (x2 \cdot x4 \cdot x5 + \overline{x1} \cdot x2 \cdot x1 \cdot x3 + x2 \cdot \overline{x4} + x2 \cdot x4 \cdot \overline{x5}) \cdot (\overline{x2} \cdot x3 \cdot x4 + \overline{x2} \cdot \overline{x3} + x2 \cdot x3 \cdot \overline{x4} + x2 \cdot \overline{x3}) \cdot (x2 + x1 \cdot x2 \cdot \overline{x3}) + x1 \cdot x2 + x1 \cdot \overline{x2} \cdot x3 + x1 \cdot \overline{x2} \cdot \overline{x3} + x1 \cdot x2.$$

$$13. F = x1 \cdot \overline{x2} + x1 \cdot x2 \cdot x4 + x1 \cdot x2 \cdot \overline{x3} \cdot \overline{x2} + x1 \cdot x3 + \overline{x1} \cdot x2 \cdot x3 + (\overline{x1} \cdot x2 \cdot x3 + \overline{x1} \cdot \overline{x2} + x1 \cdot \overline{x2} \cdot \overline{x3} + x1 \cdot \overline{x2}) \cdot (x3 \cdot x1 \cdot x4 + x1) + x1 \cdot x3 + x1 \cdot x2 \cdot \overline{x4} + \overline{x1} \cdot \overline{x2} \cdot x3.$$

$$14. F = x1 \cdot \overline{x2} + x2 \cdot x4 + x1 \cdot x2 \cdot x5 + \overline{x1} \cdot x3 \cdot \overline{x4} \cdot x1 + (x2 \cdot x1 \cdot x3 + x1) \cdot (\overline{x1} \cdot x3 \cdot x4 + \overline{x1} \cdot \overline{x3} + \overline{x1} \cdot x3 \cdot \overline{x4} + \overline{x1} \cdot \overline{x3}) + x2 \cdot x4 + \overline{x2} \cdot \overline{x3} \cdot x4 + x1 \cdot x2 \cdot \overline{x5} + \overline{x2} \cdot x3 \cdot x4.$$

$$15. F = (x2 \cdot \overline{x3} + x4 \cdot x5) \cdot (x1 + x1 \cdot x2 \cdot x5) \cdot (x4 \cdot x5 + x2 \cdot \overline{x4} \cdot x5 + x2 \cdot x3 \cdot x5 + \overline{x1} \cdot x2 \cdot x1 \cdot \overline{x4} \cdot \overline{x5} + \overline{x2} \cdot \overline{x4} \cdot x5 + x2 \cdot x3 \cdot \overline{x5}) \cdot (\overline{x1} \cdot x4 \cdot x5 + \overline{x1} \cdot x4 \cdot \overline{x5} + \overline{x1} \cdot \overline{x4} + \overline{x1} \cdot \overline{x4}).$$

$$16. F = x1 \cdot x3 + \overline{x1} \cdot x2 + \overline{x1} \cdot \overline{x2} \cdot x3 + \overline{x1} \cdot x3 \cdot x4 + \overline{x1} \cdot x2 + \overline{x1} \cdot \overline{x2} \cdot \overline{x3} + (\overline{x1} \cdot \overline{x2} \cdot \overline{x3} + \overline{x2}) \cdot (x2 \cdot \overline{x3} + x2 \cdot x3 \cdot x4 + x2 \cdot x3 \cdot \overline{x4} + x2 \cdot \overline{x3}) + \overline{x1} \cdot x3 \cdot \overline{x4} + x1 \cdot \overline{x2} \cdot \overline{x3} \cdot \overline{x4} \cdot x2.$$

$$17. F = \overline{x2} \cdot \overline{x4} + x2 \cdot x4 \cdot \overline{x5} + x2 \cdot \overline{x3} + \overline{x2} \cdot \overline{x3} \cdot x4 + \overline{x2} \cdot x3 + x1 \cdot \overline{x3} \cdot x4 \cdot \overline{x1} + \overline{x2} \cdot x4 \cdot x5 + \overline{x2} \cdot \overline{x3} \cdot \overline{x4} + (x2 \cdot \overline{x3} \cdot x4 + \overline{x3}) \cdot (x3 \cdot x4 \cdot x5 + x3 \cdot \overline{x4} + x3 \cdot x4 \cdot \overline{x5} + x3 \cdot \overline{x4}).$$

$$18. F = (x1 \cdot x2 + x1 \cdot \overline{x3} + \overline{x1} \cdot x2 \cdot \overline{x3} + \overline{x1} \cdot x2 \cdot x4) \cdot (\overline{x1} \cdot \overline{x3} \cdot \overline{x4} \cdot x1 \cdot x5 + x1 \cdot \overline{x3} + \overline{x1} \cdot x2 \cdot \overline{x4} + \overline{x1} \cdot \overline{x2} \cdot \overline{x3}) \cdot (x1 \cdot x2 \cdot x3 + x1 \cdot x2 \cdot \overline{x3} + x1 \cdot \overline{x2} + x1 \cdot \overline{x2}) \cdot (\overline{x1} + x3 \cdot x4 \cdot \overline{x1} \cdot x5).$$

$$19. F = \overline{x1} \cdot x2 + x1 \cdot \overline{x2} \cdot \overline{x4} \cdot x2 \cdot x5 + \overline{x1} \cdot \overline{x2} \cdot \overline{x5} + x2 \cdot \overline{x4} + \overline{x2} \cdot x3 \cdot \overline{x4} + \overline{x1} \cdot \overline{x2} \cdot x5 + x2 \cdot \overline{x4} + \overline{x2} \cdot \overline{x3} \cdot \overline{x4} + (\overline{x2} \cdot x1 \cdot x3 + x1) \cdot (\overline{x1} \cdot x3 + \overline{x1} \cdot \overline{x3} \cdot \overline{x4} + \overline{x1} \cdot \overline{x3} \cdot x4 + \overline{x1} \cdot x3).$$

$$20. F = \overline{\overline{x_2 \cdot x_3}} + x_4 \cdot \overline{x_5} + x_1 \cdot \overline{x_4} \cdot \overline{x_5} + \overline{x_2} \cdot \overline{x_3} \cdot \overline{x_5} + (x_4 \cdot x_3 \cdot \overline{x_5} + x_3) \cdot (\overline{x_3} \cdot x_4 + \overline{x_2} \cdot \overline{x_3} \cdot \overline{x_4} + x_2 \cdot \overline{x_3} \cdot \overline{x_4} + \overline{x_3} \cdot x_4) + x_4 \cdot \overline{x_5} + \overline{x_1} \cdot \overline{x_4} \cdot \overline{x_5} + x_2 \cdot x_3 \cdot \overline{x_3} \cdot \overline{x_2} + \overline{x_2} \cdot \overline{x_3} \cdot x_5 .$$

$$21. F = \overline{x_1} \cdot x_3 + x_1 \cdot x_2 + x_1 \cdot \overline{x_2} \cdot x_3 + x_1 \cdot x_3 \cdot x_4 + x_2 \cdot x_3 \cdot x_4 \cdot \overline{x_2} + x_1 \cdot x_2 + x_1 \cdot \overline{x_2} \cdot \overline{x_3} + (\overline{x_2} \cdot x_3 \cdot x_4 + \overline{x_2} \cdot \overline{x_3} + \overline{x_2} \cdot x_3 \cdot \overline{x_4} + \overline{x_2} \cdot \overline{x_3}) \cdot (x_1 \cdot x_2 \cdot \overline{x_3} + x_2) + x_1 \cdot x_3 \cdot \overline{x_4} .$$

$$22. F = \overline{x_2} \cdot x_4 + x_2 \cdot x_3 + (x_3 + x_1 \cdot \overline{x_3} \cdot x_5) \cdot (\overline{x_3} \cdot \overline{x_4} + \overline{x_3} \cdot x_4 \cdot x_5 + \overline{x_3} \cdot x_4 \cdot \overline{x_5} + \overline{x_3} \cdot \overline{x_4}) + x_2 \cdot x_3 + x_2 \cdot \overline{x_3} \cdot x_4 + x_2 \cdot x_4 \cdot \overline{x_5} + x_1 \cdot x_2 \cdot \overline{x_1} \cdot x_3 + x_2 \cdot x_4 \cdot x_5 + x_2 \cdot \overline{x_3} \cdot \overline{x_4} .$$

$$23. F = x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 \cdot \overline{x_2} + x_1 \cdot x_2 \cdot x_4 + x_1 \cdot x_3 + \overline{x_1} \cdot \overline{x_2} \cdot x_3 + (x_1 + x_1 \cdot x_3 \cdot x_4) \cdot (\overline{x_1} \cdot \overline{x_2} + \overline{x_1} \cdot x_2 \cdot x_3 + \overline{x_1} \cdot x_2 \cdot \overline{x_3} + \overline{x_1} \cdot \overline{x_2}) + \overline{x_1} \cdot \overline{x_2} + x_1 \cdot x_3 + x_1 \cdot x_2 \cdot \overline{x_4} + \overline{x_1} \cdot x_2 \cdot x_3 .$$

$$24. F = \overline{x_2} \cdot \overline{x_3} \cdot x_4 + x_2 \cdot x_4 + x_1 \cdot x_2 \cdot \overline{x_5} + (x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 + x_1) \cdot (\overline{x_1} \cdot \overline{x_3} + \overline{x_1} \cdot x_3 \cdot x_4 + \overline{x_1} \cdot x_3 \cdot \overline{x_4} + \overline{x_1} \cdot x_3) + \overline{x_1} \cdot \overline{x_2} + \overline{x_2} \cdot x_3 \cdot x_4 + x_1 \cdot x_2 \cdot x_5 + x_3 \cdot x_1 \cdot \overline{x_4} \cdot \overline{x_1} + x_2 \cdot x_4 .$$

$$25. F = x_2 \cdot x_3 \cdot x_4 + x_2 \cdot \overline{x_3} + x_4 \cdot x_5 + (x_1 + x_1 \cdot x_2 \cdot x_5) \cdot (\overline{x_1} \cdot x_4 \cdot x_5 + \overline{x_1} \cdot x_4 \cdot \overline{x_5} + \overline{x_1} \cdot \overline{x_4} + \overline{x_1} \cdot \overline{x_4}) \cdot (x_1 + x_1 \cdot x_2 \cdot x_5) + x_4 \cdot x_5 + x_2 \cdot \overline{x_4} \cdot x_5 + x_2 \cdot x_3 \cdot x_4 + \overline{x_1} \cdot x_2 \cdot x_1 \cdot \overline{x_4} \cdot \overline{x_5} + \overline{x_2} \cdot \overline{x_4} \cdot x_5 + x_2 \cdot x_3 \cdot \overline{x_4} .$$

**2.** В данных ФАЛ с помощью правила де Моргана заменить знак конъюнкции на знак дизъюнкции, а знак дизъюнкции - на знак конъюнкции:

$$1. F = x_4 + \overline{x_1} \cdot x_2 + x_1 \cdot \overline{x_2} \cdot x_3 + \overline{\overline{x_1 \cdot \overline{x_2} \cdot x_3 \cdot x_4}} .$$

$$2. F = \overline{\overline{x_1 + \overline{x_1} \cdot x_2 \cdot \overline{x_3}} + x_2 \cdot \overline{x_3} + \overline{x_1} \cdot \overline{x_2} \cdot \overline{x_3} \cdot x_4} .$$

$$3. F = \overline{\overline{(x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 + x_2 \cdot x_4)} \cdot (x_1 + \overline{x_1} \cdot x_2 \cdot \overline{x_3} \cdot x_4)} .$$

$$4. F = \overline{\overline{\overline{x_1 \cdot x_2 \cdot x_3} + \overline{x_1 + x_2 \cdot x_3 \cdot x_4} + \overline{x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 \cdot x_4}}} .$$

$$5. F = \overline{\overline{x_1 + x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 \cdot x_4} + \overline{x_1 \cdot x_3 + x_2 \cdot x_4}} .$$

$$6. F = \overline{\overline{x_1 \cdot x_4} + x_2 \cdot \overline{x_3} \cdot x_4 + \overline{x_1 + \overline{x_1} \cdot x_2 \cdot x_3 \cdot x_4}} .$$

$$7. F = \overline{\overline{x_1 \cdot \overline{x_3} + x_2} + \overline{x_1 \cdot x_2 \cdot \overline{x_3} \cdot x_4} + \overline{x_1 \cdot \overline{x_2} \cdot x_4}} .$$

$$8. F = x_2 \cdot x_4 + \overline{\overline{x_3 \cdot x_4 + \overline{x_1 \cdot x_2 \cdot x_3} + x_1 \cdot \overline{x_2} \cdot x_3 \cdot x_4}} .$$

$$9. F = x_1 \cdot \overline{x_2} + x_3 + \overline{\overline{x_2 \cdot \overline{x_3} \cdot x_4} + \overline{x_1 \cdot \overline{x_2} \cdot \overline{x_3} \cdot x_4}} .$$

10.  $F = \overline{x_1 + \overline{x_1 \cdot x_2} + \overline{x_1 \cdot x_2 \cdot x_3} + x_1 \cdot x_2 \cdot \overline{x_3 \cdot x_4}}$  .
11.  $F = \overline{x_2 \cdot (x_1 \cdot \overline{x_3 \cdot x_2} + x_3 \cdot \overline{x_4})} + \overline{x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 \cdot \overline{x_4}}$  .
12.  $F = x_1 \cdot \overline{x_2 \cdot x_4} + \overline{x_2 \cdot x_3 + \overline{x_4} + x_1 \cdot x_2 \cdot \overline{x_3 \cdot x_4}}$  .
13.  $F = x_1 \cdot \overline{x_3} + \overline{x_1 \cdot x_4 + x_2} + \overline{x_1 \cdot x_2 \cdot \overline{x_3 \cdot x_4}}$  .
14.  $F = \overline{x_1 \cdot x_2 \cdot \overline{x_3}} + \overline{x_4 + \overline{x_2 \cdot x_3} + x_1 \cdot \overline{x_2 \cdot \overline{x_3 \cdot x_4}}}$  .
15.  $F = x_2 \cdot x_3 + \overline{x_1 \cdot x_2 \cdot \overline{x_4} + x_3} + \overline{x_1 \cdot x_2 \cdot \overline{x_3 \cdot x_4}}$  .
16.  $F = \overline{x_1 \cdot x_2 \cdot \overline{x_3 \cdot x_4} + x_1} + x_2 \cdot \overline{x_4} + \overline{x_1 \cdot \overline{x_3 \cdot x_4}}$  .
17.  $F = \overline{x_1 \cdot x_2 \cdot \overline{x_3} + \overline{x_2 \cdot x_3} + \overline{x_1 \cdot x_3 \cdot x_4} + x_1 \cdot \overline{x_2 \cdot \overline{x_3 \cdot x_4}}}$  .
18.  $F = x_1 \cdot \overline{x_2 \cdot x_3} + \overline{x_2 + x_1 \cdot x_2 \cdot \overline{x_3 \cdot x_4} + x_2 \cdot \overline{x_4}}$  .
19.  $F = \overline{(x_2 + \overline{x_1 \cdot x_2 \cdot \overline{x_3 \cdot x_4}}) \cdot (x_2 \cdot \overline{x_4} + \overline{x_1 \cdot x_2 \cdot \overline{x_3}})}$  .
20.  $F = \overline{x_1 \cdot \overline{x_2} + \overline{x_1 \cdot x_2 \cdot x_3} + \overline{x_1 \cdot x_2 \cdot \overline{x_3 \cdot x_4} + x_3}}$  .
21.  $F = \overline{x_1 \cdot \overline{x_3 \cdot x_4} + \overline{x_2 \cdot x_4} + \overline{x_3} + \overline{x_1 \cdot x_2 \cdot \overline{x_4}}}$  .
22.  $F = \overline{x_1 \cdot \overline{x_3} + \overline{x_1 \cdot x_4} + \overline{x_2} + \overline{x_1 \cdot x_2 \cdot \overline{x_3 \cdot x_4}}}$  .
23.  $F = \overline{x_1 \cdot \overline{x_2} + \overline{x_2 \cdot x_3 \cdot x_4} + x_3 \cdot x_4 \cdot \overline{x_5} + x_1 \cdot \overline{x_2 \cdot \overline{x_3 \cdot x_4}}}$  .
24.  $F = x_1 + \overline{x_2 \cdot (x_1 \cdot \overline{x_3 + x_1 \cdot x_4 \cdot x_3})} + x_1 \cdot x_2 \cdot \overline{x_3 \cdot x_4}$  .
25.  $F = x_3 \cdot \overline{x_4 \cdot x_5} + \overline{x_1 \cdot x_2} + \overline{x_1 \cdot \overline{x_3 \cdot x_4} + \overline{x_1 \cdot x_2 \cdot \overline{x_3 \cdot x_4}}}$  .

**3.** Проконтролировать правильность выполненных преобразований с помощью программ, выводящих таблицу истинности исходной и преобразованной функций.

**Содержание отчета:**

- ~ Тема работы
- ~ Условие задания
- ~ Ход и порядок преобразований логических функций
- ~ Результаты работы программ

## Пример выполнения:

### Аксиомы и свойства алгебры логики

#### Задание:

- 1) Пользуясь аксиомами и свойствами алгебры логики, упростить выражение

$$F = x_1 \cdot \overline{x_2} \cdot x_5 + x_1 \cdot x_2 \cdot x_5 + x_5 \cdot (x_1 \cdot x_3 \cdot x_4 + x_1 \cdot \overline{x_2} \cdot x_3 \cdot \overline{x_4} \cdot x_5 + x_2 x_3 + \overline{x_2} + x_2 \cdot \overline{x_3}) + x_1 \cdot x_2 \cdot x_5 .$$

- 2) В данной ФАЛ с помощью правила де Моргана заменить знак конъюнкции на знак дизъюнкции, а знак дизъюнкции - на знак конъюнкции

$$F = x_1 \cdot \overline{x_2} + \overline{x_1 \cdot x_3} + \overline{x_2 \cdot x_4 \cdot x_5} .$$

- 3) Проконтролировать правильность выполненных преобразований с помощью программ, выводящих таблицу истинности исходной и преобразованной функций.

- 1) Упрощение выражения

$$F = x_1 \cdot \overline{x_2} \cdot x_5 + x_1 \cdot x_2 \cdot x_5 + x_5 \cdot (x_1 \cdot x_3 \cdot x_4 + x_1 \cdot \overline{x_2} \cdot x_3 \cdot \overline{x_4} \cdot x_5 + x_2 x_3 + \overline{x_2} + x_2 \cdot \overline{x_3}) + x_1 \cdot x_2 \cdot x_5 .$$

- 1)  $x_1 \cdot x_2 \cdot x_5 + x_1 \cdot x_2 \cdot x_5 = x_1 \cdot x_2 \cdot x_5$  ;
- 2)  $x_1 \cdot x_2 \cdot x_5 + x_1 \cdot \overline{x_2} \cdot x_5 = x_1 \cdot x_5 \cdot (x_2 + \overline{x_2}) = x_1 \cdot x_5$  ;
- 3)  $x_2 x_3 + x_2 \cdot \overline{x_3} = x_2 \cdot (x_3 + \overline{x_3}) = x_2$  ;
- 4)  $x_2 + \overline{x_2} = 1$  ;
- 5)  $1 + x_1 \cdot x_3 \cdot x_4 + x_1 \cdot \overline{x_2} \cdot x_3 \cdot \overline{x_4} \cdot x_5 = 1$  ;
- 6)  $x_5 \cdot 1 = x_5$  ;
- 7)  $x_1 \cdot x_5 + x_5 = x_5$  .

$$F = x_5 .$$

- 2) Преобразование знаков

$$x_1 \cdot \overline{x_2} + \overline{x_1 \cdot x_3} + \overline{x_2 \cdot x_4 \cdot x_5} =$$

$$= (\overline{\overline{x1 + x2}}) + (\overline{\overline{x1 + x3}}) + (\overline{\overline{x2 + x4 + x5}}) =$$

$$= (\overline{\overline{x1 + x2}}) \cdot (\overline{\overline{x1 + x3}}) \cdot (\overline{\overline{x2 + x4 + x5}}) .$$

$$\mathbf{F} = (\overline{\overline{\overline{\overline{x1 + x2}}}}) \cdot (\overline{\overline{\overline{\overline{x1 + x3}}}}) \cdot (\overline{\overline{\overline{\overline{x2 + x4 + x5}}}}) .$$

### 3) Программы контроля правильности преобразований

Программа контроля правильности упрощения:

Program PRIM;

var X1, X2, X3, X4, X5, Y1, Y2 : boolean;

begin

writeln(' x1 x2 x3 x4 x5 y1 y2');

for X1:=false to true do

for X2:=false to true do

for X3:=false to true do

for X4:=false to true do

for X5:=false to true do

begin

*Y1:=X1 and not X2 and X5 or X1 and X2 and X5 or*

*X5 and (X1 and X3 and X4 or*

*X1 and not X2 and not X3 and not X4 and X5 or*

*X2 and X3 or not X2 or X2 and not X3) or*

*X1 and X2 and X5;*

*Y2:=X5;*

*write(ord(X1):3, ord(X2):3, ord(X3):3, ord(X4):3,*

*ord(X5):3, ord(Y1):3, ord(Y2):3);*

```

    if Y1=Y2
        then writeln(' -OK')
        else writeln(' -BAD')
    end;
readln
end.

```

Программа контроля правильности преобразования знаков:

Program PRIM;

var X1, X2, X3, X4, X5, Y1, Y2 : boolean;

begin

writeln(' x1 x2 x3 x4 x5 y1 y2');

for X1:=false to true do

for X2:=false to true do

for X3:=false to true do

for X4:=false to true do

for X5:=false to true do

begin

*Y1:=X1 and not X2 or not(X1 and X3) or*

*not(X2 and not X4 and X5);*

*Y2:=not((not X1 or X2)and not(not X1 or not X3)and*

*not(not X2 or X4 or not X5));*

write(ord(X1):3, ord(X2):3, ord(X3):3, ord(X4):3,

ord(X5):3, ord(Y1):3, ord(Y2):3);

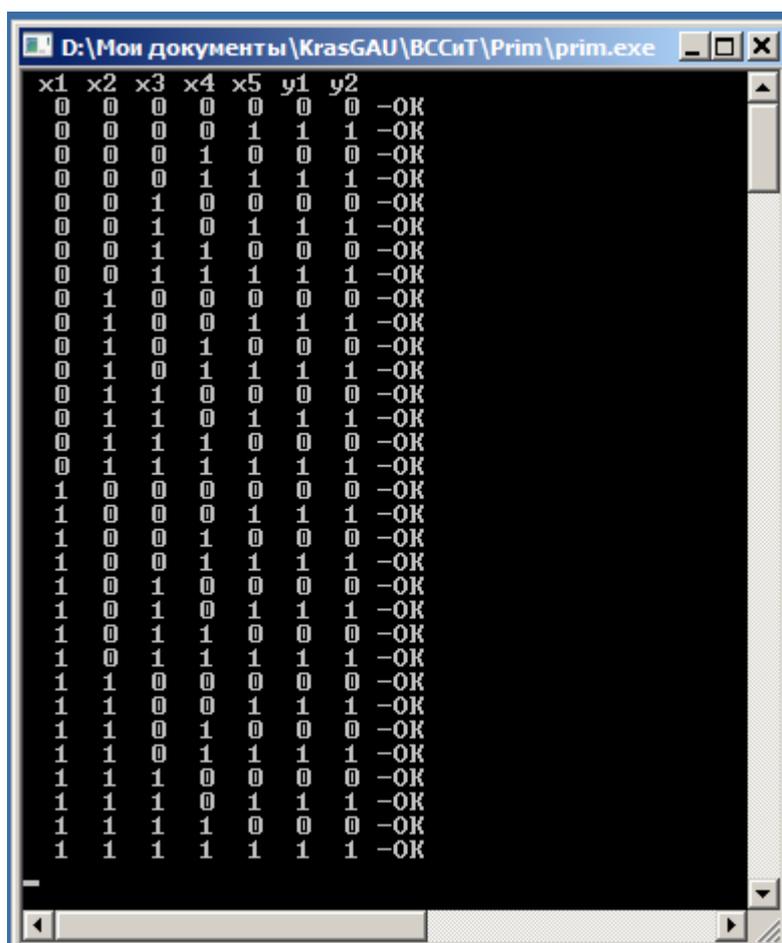
if Y1=Y2

```
    then writeln(' -OK')
    else writeln(' -BAD')
end;

readln
end.
```

#### 4) Результаты работы программ («скриншоты»)

Результаты контроля правильности упрощения выражения:



```
D:\Мои документы\KrasGAU\ВССиТ\Prim\prim.exe
x1 x2 x3 x4 x5 y1 y2
0 0 0 0 0 0 0 -OK
0 0 0 0 1 1 1 -OK
0 0 0 1 0 0 0 -OK
0 0 0 1 1 1 1 -OK
0 0 1 0 0 0 0 -OK
0 0 1 0 1 1 1 -OK
0 0 1 1 0 0 0 -OK
0 0 1 1 1 1 1 -OK
0 1 0 0 0 0 0 -OK
0 1 0 0 1 1 1 -OK
0 1 0 1 0 0 0 -OK
0 1 0 1 1 1 1 -OK
0 1 1 0 0 0 0 -OK
0 1 1 0 1 1 1 -OK
0 1 1 1 0 0 0 -OK
0 1 1 1 1 1 1 -OK
1 0 0 0 0 0 0 -OK
1 0 0 0 1 1 1 -OK
1 0 0 1 0 0 0 -OK
1 0 0 1 1 1 1 -OK
1 0 1 0 0 0 0 -OK
1 0 1 0 1 1 1 -OK
1 0 1 1 0 0 0 -OK
1 0 1 1 1 1 1 -OK
1 1 0 0 0 0 0 -OK
1 1 0 0 1 1 1 -OK
1 1 0 1 0 0 0 -OK
1 1 0 1 1 1 1 -OK
1 1 1 0 0 0 0 -OK
1 1 1 0 1 1 1 -OK
1 1 1 1 0 0 0 -OK
1 1 1 1 1 1 1 -OK
```

Результаты контроля правильности преобразования знаков:

```
D:\Мои документы\KrasGAU\ВССиТ\Prim\prim.exe
x1 x2 x3 x4 x5 y1 y2
0 0 0 0 0 1 1 -OK
0 0 0 0 1 1 1 -OK
0 0 0 1 0 1 1 -OK
0 0 0 1 1 1 1 -OK
0 0 1 0 0 1 1 -OK
0 0 1 0 1 1 1 -OK
0 0 1 1 0 1 1 -OK
0 0 1 1 1 1 1 -OK
0 1 0 0 0 1 1 -OK
0 1 0 0 1 1 1 -OK
0 1 0 1 0 1 1 -OK
0 1 0 1 1 1 1 -OK
0 1 1 0 0 1 1 -OK
0 1 1 0 1 1 1 -OK
0 1 1 1 0 1 1 -OK
0 1 1 1 1 1 1 -OK
1 0 0 0 0 1 1 -OK
1 0 0 0 1 1 1 -OK
1 0 0 1 0 1 1 -OK
1 0 0 1 1 1 1 -OK
1 0 1 0 0 1 1 -OK
1 0 1 0 1 1 1 -OK
1 0 1 1 0 1 1 -OK
1 0 1 1 1 1 1 -OK
1 1 0 0 0 1 1 -OK
1 1 0 0 1 1 1 -OK
1 1 0 1 0 1 1 -OK
1 1 0 1 1 1 1 -OK
1 1 1 0 0 1 1 -OK
1 1 1 0 1 0 0 -OK
1 1 1 1 0 1 1 -OK
1 1 1 1 1 1 1 -OK
```

## ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА № 4

**Тема:** Минимизация функций алгебры логики.

**Цель:** Приобретение навыков минимизации функций алгебры логики различными методами.

**Задание:**

ФАЛ четырёх переменных, заданную в числовой форме в табл.3, минимизировать:

- ~ аналитическим методом;
- ~ методом неопределенных коэффициентов;
- ~ методом карт Карно.

В базисе Буля построить функциональную схему, реализующую заданную минимизированную функцию.

Проконтролировать правильность работы полученной схемы с помощью программы моделирования логических схем.

Таблица 3.

Вариант	Функция алгебры логики
1	$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \bigvee_1(0, 1, 2, 4, 5, 6, 10, 12)$
2	$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \bigvee_1(0, 2, 3, 8, 9, 10, 11, 14, 15)$
3	$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \bigvee_1(0, 2, 4, 6, 7, 9, 12, 15)$
4	$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \bigvee_1(0, 1, 2, 3, 8, 10, 11, 12, 13, 15)$
5	$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \bigvee_1(1, 3, 5, 6, 7, 8, 10, 14, 15)$
6	$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \bigvee_1(3, 4, 5, 9, 10, 12, 14, 15)$
7	$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \bigvee_1(2, 4, 5, 6, 8, 9, 10, 14)$
8	$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \bigvee_1(1, 4, 8, 9, 10, 12, 13, 14, 15)$
9	$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \bigvee_1(1, 2, 4, 8, 9, 10, 12, 13, 15)$
10	$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \bigvee_1(0, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 13, 15)$
11	$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \bigvee_1(4, 6, 7, 9, 10, 11, 12, 14, 15)$
12	$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \bigvee_1(3, 4, 5, 6, 9, 10, 12, 13, 14)$
13	$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \bigvee_1(2, 6, 7, 8, 11, 12, 13, 14, 15)$

14	$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \bigvee_1(1, 2, 3, 4, 7, 9, 10, 11, 14, 15)$
15	$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \bigvee_1(1, 4, 7, 8, 9, 10, 12, 13, 14, 15)$
16	$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \bigvee_1(3, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 12, 13)$
17	$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \bigvee_1(4, 8, 9, 10, 11, 12, 14, 15)$
18	$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \bigvee_1(2, 3, 4, 6, 7, 8, 9, 11, 12)$
19	$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \bigvee_1(0, 6, 7, 8, 9, 10, 12, 13, 14, 15)$
20	$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \bigvee_1(1, 2, 4, 5, 6, 7, 11, 12, 15)$
21	$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \bigvee_1(1, 2, 4, 5, 7, 8, 10, 11, 12, 13)$
22	$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \bigvee_1(0, 1, 2, 5, 6, 7, 10, 11, 12, 15)$
23	$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \bigvee_1(0, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 13, 14)$
24	$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \bigvee_1(3, 4, 7, 8, 9, 10, 13, 14, 15)$
25	$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \bigvee_1(1, 2, 3, 6, 7, 9, 10, 12, 13, 14)$

### Содержание отчёта:

- ~ Тема работы
- ~ Условие задания
- ~ Таблица истинности заданной функции.
- ~ Ход минимизации аналитическим методом.
- ~ Ход минимизации методом неопределённых коэффициентов.
- ~ Ход минимизации с помощью карты Карно.
- ~ Функциональная схема, реализующая функцию.

### Пример выполнения:

#### Минимизация функций алгебры логики

#### Задание:

ФАЛ трёх переменных  $f(x_1, x_2, x_3) = \bigvee_1(0, 1, 3, 6, 7)$  минимизировать:

вать:

- ~ аналитическим методом;
- ~ методом неопределённых коэффициентов;

~ методом карт Карно.

В базисе Буля построить функциональную схему, реализующую заданную минимизированную функцию.

Проконтролировать правильность работы полученной схемы с помощью программы ModLogic.

*Таблица истинности заданной функции*

x1	x2	x3	f(x1,x2,x3)
0	0	0	1
0	0	1	1
0	1	0	0
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	1

*Минимизация аналитическим методом*

СНДФ этой ФАЛ выглядит следующим образом:

$$F = \bar{x}_1 \cdot \bar{x}_2 \cdot \bar{x}_3 + \bar{x}_1 \cdot \bar{x}_2 \cdot x_3 + \bar{x}_1 \cdot x_2 \cdot x_3 + x_1 \cdot x_2 \cdot \bar{x}_3 + x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 .$$

Для минимизации воспользуемся правилом "склеивания" и попарно "склеим" следующие минтермы: 1 и 2, 2 и 3, 4 и 5.

$$1 \text{ и } 2: \bar{x}_1 \cdot \bar{x}_2 \cdot \bar{x}_3 + \bar{x}_1 \cdot \bar{x}_2 \cdot x_3 = \bar{x}_1 \cdot \bar{x}_2 (\bar{x}_3 + x_3) = \bar{x}_1 \cdot \bar{x}_2 .$$

$$2 \text{ и } 3: \bar{x}_1 \cdot \bar{x}_2 \cdot x_3 + \bar{x}_1 \cdot x_2 \cdot x_3 = \bar{x}_1 \cdot x_3 .$$

$$4 \text{ и } 5: x_1 \cdot x_2 \cdot \bar{x}_3 + x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 = x_1 \cdot x_2 .$$

Таким образом, из СНДФ получили НДФ, являющуюся минимальной формой записи заданной ФАЛ. Дальнейшее упрощение невозможно:

$$F = f(x_1, x_2, x_3) = \bar{x}_1 \cdot \bar{x}_2 + \bar{x}_1 \cdot x_3 + x_1 \cdot x_2 .$$

Минимизация методом неопределенных коэффициентов

x1	x2	x3	F	Коэффициенты						
0	0	0	1	$\overline{K}_1^0$	$\overline{K}_2^0$	$\overline{K}_3^0$	$K_{12}^{00}$	$\overline{K}_{13}^{00}$	$\overline{K}_{23}^{00}$	$K_{123}^{000}$
0	0	1	1	$\overline{K}_1^0$	$\overline{K}_2^0$	$\overline{K}_3^1$	$K_{12}^{00}$	$\overline{K}_{13}^{01}$	$\overline{K}_{23}^{01}$	$K_{123}^{001}$
0	1	0	0	$\overline{K}_1^0$	$K_2^1$	$K_3^0$	$K_{12}^{01}$	$K_{13}^{00}$	$K_{23}^{10}$	$K_{123}^{010}$
0	1	1	1	$\overline{K}_1^0$	$\overline{K}_2^1$	$\overline{K}_3^1$	$\overline{K}_{12}^{01}$	$K_{13}^{01}$	$K_{23}^{11}$	$K_{123}^{011}$
1	0	0	0	$\overline{K}_1^1$	$K_2^0$	$K_3^0$	$K_{12}^{10}$	$K_{13}^{10}$	$K_{23}^{00}$	$K_{123}^{100}$
1	0	1	0	$\overline{K}_1^1$	$K_2^0$	$K_3^1$	$K_{12}^{10}$	$K_{13}^{11}$	$K_{23}^{01}$	$K_{123}^{101}$
1	1	0	1	$\overline{K}_1^1$	$\overline{K}_2^1$	$\overline{K}_3^0$	$K_{12}^{11}$	$K_{13}^{10}$	$\overline{K}_{23}^{10}$	$K_{123}^{110}$
1	1	1	1	$\overline{K}_1^1$	$\overline{K}_2^1$	$\overline{K}_3^1$	$K_{12}^{11}$	$\overline{K}_{13}^{11}$	$K_{23}^{11}$	$K_{123}^{111}$

Получившаяся минимальная форма записи функции выглядит следующим образом:

$$F = f(x_1, x_2, x_3) = \overline{x_1} \cdot \overline{x_2} + \overline{x_1} \cdot x_3 + x_1 \cdot x_2.$$

Минимизация с помощью карты Карно

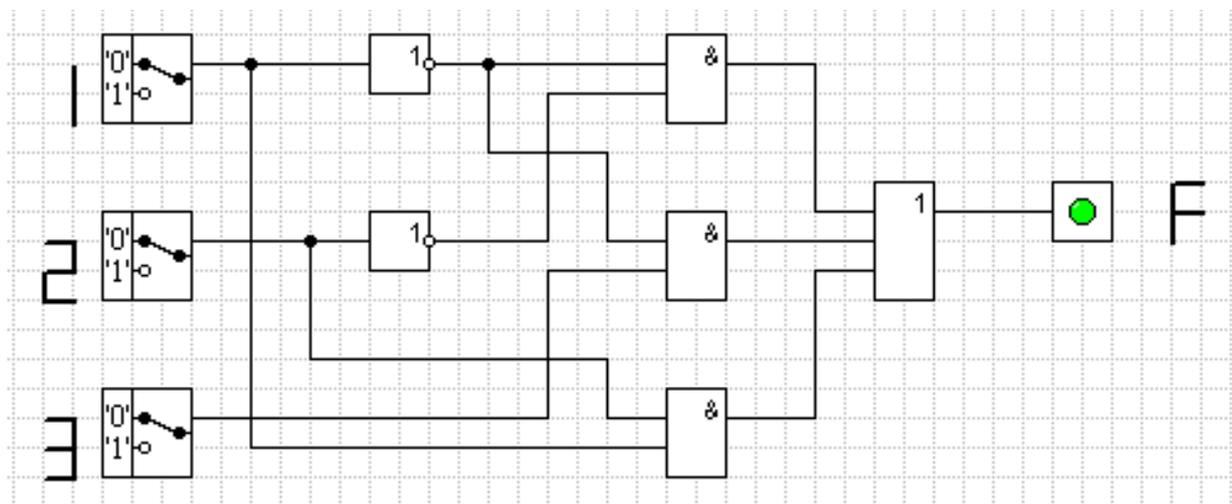
	$x_2$	$\overline{x_2}$	
$x_1$	$\boxed{1}$	$0$	$\overline{x_3}$
	$\boxed{1}$	$0$	
$\overline{x_1}$	$\boxed{1}$	$\boxed{1}$	$x_3$
	$0$	$\boxed{1}$	$\overline{x_3}$

Минимальной формой записи заданной функции согласно получившейся карте Карно является:

$$F = f(x_1, x_2, x_3) = \overline{x_1} \cdot \overline{x_2} + \overline{x_1} \cdot x_3 + x_1 \cdot x_2.$$

## Функциональная схема

Функциональная схема, реализующая полученную ФАЛ в базе Буля, построенная с помощью программы ModLogic, выглядит следующим образом (рис.1):



**Рис.1.** Функциональная схема в базисе Буля

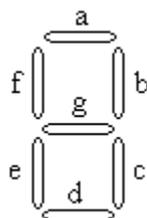
## ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА № 5

**Тема:** Разработка дешифратора для семисегментного индикатора.

**Цель:** Приобретение навыков минимизации систем неполностью определенных функций алгебры логики

### Задание:

- ~ Для заданного варианта (табл.4) составить систему из семи ФАЛ ( $f_a, f_b, f_c, f_d, f_e, f_f, f_g$ ). Обозначение сегментов индикатора показано на рис.2.
- ~ Минимизировать систему ФАЛ.
- ~ С помощью правила де Моргана перевести полученные выражения в базисы: "И-НЕ" и "ИЛИ-НЕ".
- ~ Составить функциональные логические схемы дешифратора в базисах: "И, ИЛИ, НЕ", "И-НЕ", "ИЛИ-НЕ".
- ~ Проконтролировать правильность работы полученных схем с помощью программы моделирования логических схем.



**Рис.2.** Расположение сегментов индикатора

Таблица 4

x1	x2	x3	x4	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
0	0	0	0	A	*	b	U	P	d	C	*	U	P	*	*	A
0	0	0	1	b	C	*	*	O	F	F	b	O	A	C	P	C
0	0	1	0	C	E	C	У	U	E	A	d	*	d	У	b	L
0	0	1	1	*	F	P	O	d	U	*	*	L	L	P	*	F
0	1	0	0	*	L	*	H	C	*	L	E	b	E	L	E	*
0	1	0	1	d	*	H	L	*	b	O	O	E	H	*	H	U
0	1	1	0	E	A	L	*	F	*	d	У	*	*	O	*	P
0	1	1	1	*	d	F	*	У	A	U	*	A	У	H	У	H
1	0	0	0	F	H	d	P	*	*	*	A	У	*	d	C	*
1	0	0	1	L	O	*	F	A	C	P	C	H	U	F	F	b
1	0	1	0	H	*	E	E	*	У	b	L	P	b	E	A	d
1	0	1	1	O	*	O	d	b	P	*	F	*	*	U	*	*
1	1	0	0	*	b	U	*	L	L	E	*	F	C	*	L	E
1	1	0	1	P	У	*	C	*	*	H	U	d	F	b	O	O
1	1	1	0	U	P	У	A	E	O	*	P	C	O	*	d	У
1	1	1	1	У	U	A	b	H	H	У	H	*	*	A	U	*

Таблица 4 (продолжение)

x1	x2	x3	x4	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25
0	0	0	0	У	*	F	H	d	P	*	L	E	*	F	C
0	0	0	1	H	U	L	O	*	F	A	*	H	U	d	F
0	0	1	0	P	b	H	*	E	E	*	d	C	*	U	P
0	0	1	1	*	*	O	*	O	d	b	F	F	b	O	A
0	1	0	0	F	C	*	b	U	*	L	E	A	d	*	d
0	1	0	1	d	F	P	У	*	C	*	U	*	*	L	L
0	1	1	0	C	O	U	P	У	A	E	*	*	A	У	*
0	1	1	1	*	*	У	U	A	b	H	C	P	C	H	U
1	0	0	0	U	P	A	*	b	U	P	*	d	У	*	*
1	0	0	1	O	A	b	C	*	*	O	A	U	*	A	У
1	0	1	0	*	d	C	E	C	У	U	У	b	L	P	b
1	0	1	1	L	L	*	F	P	O	d	P	*	F	*	*
1	1	0	0	b	E	*	L	*	H	C	*	L	E	b	E
1	1	0	1	E	H	d	*	H	L	*	b	O	O	E	H
1	1	1	0	*	*	E	A	L	*	F	O	*	P	C	O
1	1	1	1	A	У	*	d	F	*	У	H	У	H	*	*

## Содержание отчета

- ~ Тема работы
- ~ Условие задания
- ~ Таблица истинности системы ФАЛ.
- ~ Карты Карно для семи функций системы ФАЛ.
- ~ Аналитическая запись минимизированных функций системы ФАЛ
  - в базисе "И, ИЛИ, НЕ";
  - в базисе "И-НЕ";
  - в базисе "ИЛИ-НЕ".
- ~ Три функциональные схемы дешифратора, построенные в указанных базисах.

### Пример выполнения:

#### Разработка дешифратора для семисегментного индикатора

#### Задание:

- ~ Составить систему из семи ФАЛ ( $f_a, f_b, f_c, f_d, f_e, f_f, f_g$ ) дешифратора для семисегментного индикатора, работающего согласно табл.5. При поступлении на вход дешифратора соответствующей комбинации индикатор должен высвечивать цифры 1, 2, 5, 7.

Таблица 5

x1	x2	x3	Инд
0	0	0	*
0	0	1	1
0	1	0	2
0	1	1	*
1	0	0	*
1	0	1	5
1	1	0	*
1	1	1	7

- ~ Минимизировать систему ФАЛ.
- ~ С помощью правила де Моргана перевести полученные выражения в базисы: "И-НЕ" и "ИЛИ-НЕ".

- ~ Составить функциональные логические схемы дешифратора в базисах: "И, ИЛИ, НЕ", "И-НЕ", "ИЛИ-НЕ".
- ~ Проконтролировать правильность работы полученной схемы с помощью программы ModLogic

*Система функций дешифратора*

Полностью система ФАЛ представлена в табл.6.

Таблица 6

x1	x2	x3	Инд	f <sub>a</sub>	f <sub>b</sub>	f <sub>c</sub>	f <sub>d</sub>	f <sub>e</sub>	f <sub>f</sub>	f <sub>g</sub>
0	0	0	*	*	*	*	*	*	*	*
0	0	1	1	0	1	1	0	0	0	0
0	1	0	2	1	1	0	1	1	0	1
0	1	1	*	*	*	*	*	*	*	*
1	0	0	*	*	*	*	*	*	*	*
1	0	1	5	1	0	1	1	0	1	1
1	1	0	*	*	*	*	*	*	*	*
1	1	1	7	1	1	1	0	0	0	0

*Минимизация системы функций дешифратора*

Функция f<sub>a</sub>

	x2	$\bar{x}2$	
x1	*	*	$\bar{x}3$
	1	1	x3
$\bar{x}1$	*	0	
	1	*	$\bar{x}3$

$f_a = x1 + x2 ;$

Функция f<sub>b</sub>

	x2	$\bar{x}2$	
x1	*	*	$\bar{x}3$
	1	0	x3
$\bar{x}1$	*	1	
	1	*	$\bar{x}3$

$f_b = \bar{x}1 + x2 ;$

Функция f<sub>c</sub>

	x2	$\bar{x}2$	
x1	*	*	$\bar{x}3$
	1	1	x3
$\bar{x}1$	*	1	
	0	*	$\bar{x}3$

$f_c = x3 ;$

Функция  $f_d$

	$x_2$	$\overline{x_2}$	
$x_1$	*	*	$\overline{x_3}$
	0	1	$x_3$
$\overline{x_1}$	*	0	$x_3$
	1	*	$\overline{x_3}$

$$f_d = x_1 \cdot \overline{x_2} + \overline{x_3} ;$$

Функция  $f_e$

	$x_2$	$\overline{x_2}$	
$x_1$	*	*	$\overline{x_3}$
	0	0	$x_3$
$\overline{x_1}$	*	0	$x_3$
	1	*	$\overline{x_3}$

$$f_e = \overline{x_3} ;$$

Функция  $f_f$

	$x_2$	$\overline{x_2}$	
$x_1$	*	*	$\overline{x_3}$
	0	1	$x_3$
$\overline{x_1}$	*	0	$x_3$
	0	*	$\overline{x_3}$

$$f_f = x_1 \cdot \overline{x_2} ;$$

Функция  $f_g$

	$x_2$	$\overline{x_2}$	
$x_1$	*	*	$\overline{x_3}$
	0	1	$x_3$
$\overline{x_1}$	*	0	$x_3$
	1	*	$\overline{x_3}$

$$f_g = x_1 \cdot \overline{x_2} + \overline{x_3}$$

*Системы функций в требуемых базисах*

	Базис Буля	Базис "И-НЕ".	Базис "ИЛИ-НЕ".
$f_a$	$x_1 + x_2$	$x_1 \cdot x_2$	$x_1 + x_2$
$f_b$	$x_1 + x_2$	$x_1 \cdot x_2$	$x_1 + x_2$
$f_c$	$x_3$	$x_3$	$x_3$
$f_d$	$x_1 \cdot \overline{x_2} + x_3$	$\overline{\overline{x_1 \cdot x_2 \cdot x_3}}$	$\overline{\overline{x_1 + x_2}} + x_3$
$f_e$	$x_3$	$x_3$	$x_3$
$f_f$	$x_1 \cdot x_2$	$x_1 \cdot x_2$	$x_1 + x_2$
$f_g$	$x_1 \cdot \overline{x_2} + x_3$	$\overline{\overline{x_1 \cdot x_2 \cdot x_3}}$	$\overline{\overline{x_1 + x_2}} + x_3$

## Функциональные схемы дешифратора

Анализируя эти ФАЛ, видим, что

$$f_d = f_g,$$

а также имеется ряд других соотношений, позволяющих уменьшить количество используемых логических элементов и, соответственно, упростить функциональные схемы:

~ В базисе Буля

$$f_d = f_f + \overline{x_3}$$

~ В базисе "И-НЕ"

$$f_f = \overline{f_b}$$
$$f_d = \overline{f_b \cdot \overline{x_3}}$$

~ В базисе "ИЛИ-НЕ"

$$f_b = \overline{f_f}$$
$$f_d = f_f + \overline{x_3}$$

Функциональные схемы, реализующие полученные системы ФАЛ в базисах Буля, "И-НЕ" и "ИЛИ-НЕ", построенные с помощью программы ModLogic, выглядят следующим образом (рис.3):

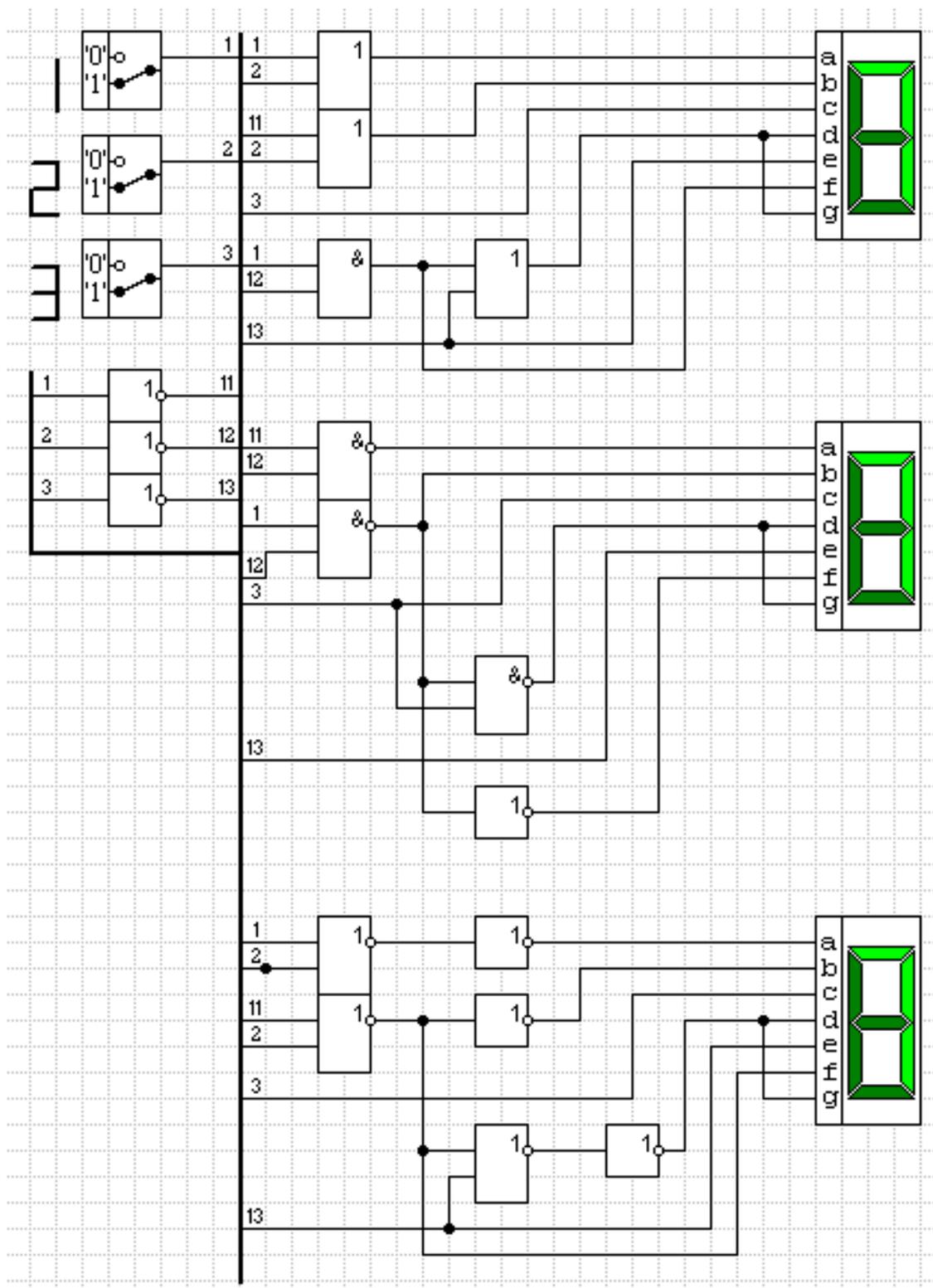


Рис. 3. Функциональная схема дешифратора

## ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА № 6

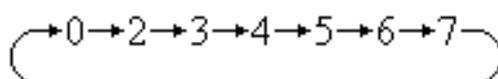
**Тема:** Проектирование реверсивного счетчика.

**Цель:** Приобретение навыков проектирования цифровых автоматов.

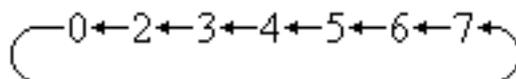
### Задание:

В заданном базисе, на заданных триггерах, построить синхронный автомат Мура (синхронный реверсивный счетчик) с поступлением каждого синхроимпульса выдающий выходной сигнал  $y(t)$  следующим образом:

если входной сигнал  $x = 0$ , то выходная последовательность сигналов выглядит следующим образом, например, для 1-го варианта:



если входной сигнал  $x = 1$ , то выходная последовательность сигналов для 1-го варианта выглядит так:



Варианты заданий приведены в табл.7.

Таблица 7

Вариант	Выходной сигнал $y(t)$	Триггеры			Базис
		ст.	сп.	мл.	
1	0 2 3 4 5 6 7	RS	RS	D	И-НЕ
2	0 2 3 4 5 6 7	JK	RS	D	ИЛИ-НЕ
3	0 1 2 4 5 6 7	D	T	RS	И-НЕ
4	0 1 2 3 5 6 7	JK	D	T	ИЛИ-НЕ
5	0 1 2 3 4 6 7	RS	D	RS	И-НЕ
6	0 1 2 3 4 5 7	D	JK	T	ИЛИ-НЕ
7	0 1 2 3 4 5 7	RS	T	D	И-НЕ
8	1 2 3 4 5 6 7	T	RS	JK	ИЛИ-НЕ
9	0 1 2 3 4 5 6 7	JK	D	RS	И-НЕ
10	0 2 1 3 4 5 6 7	T	T	RS	ИЛИ-НЕ
11	0 1 3 2 4 5 6 7	T	RS	JK	И-НЕ
12	0 1 2 4 3 5 6 7	RS	T	JK	ИЛИ-НЕ

13	0 1 2 3 5 4 6 7	RS	JK	T	И-НЕ
14	0 1 2 3 4 6 5 7	RS	D	JK	ИЛИ-НЕ
15	0 1 2 3 4 5 7 6	T	JK	D	И-НЕ
16	0 1 2 3 4 5	JK	JK	T	ИЛИ-НЕ
17	1 2 3 4 5 6	T	RS	JK	И-НЕ
18	2 3 4 5 6 7	JK	T	RS	ИЛИ-НЕ
19	0 3 4 5 6 7	T	JK	RS	И-НЕ
20	0 1 4 5 6 7	JK	D	RS	ИЛИ-НЕ
21	0 1 2 5 6 7	RS	JK	D	И-НЕ
22	0 1 2 3 6 7	T	JK	D	ИЛИ-НЕ
23	0 1 2 3 4 7	T	RS	JK	И-НЕ
24	0 1 2 3 4 5	RS	JK	T	ИЛИ-НЕ
25	0 2 4 5 6 7	T	JK	D	И-НЕ

### Содержание отчета

- ~ Тема работы
- ~ Условие задания
- ~ Временная диаграмма выдаваемых автоматом Мура выходных сигналов.
- ~ Таблица кодов состояний автомата.
- ~ Отмеченная таблица переходов автомата.
- ~ Отмеченный граф работы автомата.
- ~ Структурная таблица автомата.
- ~ Минимизированные функции возбуждения триггеров автомата.
- ~ Функциональная схема автомата, реализованная в заданном базисе и на заданных триггерах.

## Пример выполнения:

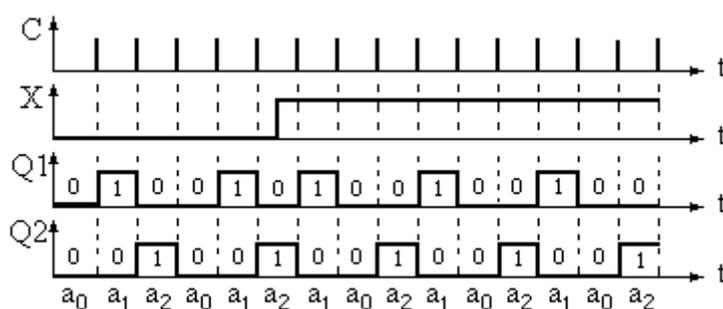
### Проектирование реверсивного счетчика

#### Задание:

Синтезировать синхронный двоичный реверсивный счётчик (автомат Мура), имеющий модуль счёта  $M=3$ , на RS-триггерах. При  $x=0$  счётчик должен работать в режиме суммирования и выдавать на выход циклически повторяющиеся сигналы (0, 1, 2, 0, 1, 2, 0, 1, ...), изменяющиеся с приходом каждого синхроимпульса. Если  $x=1$ , счётчик должен считать в обратную сторону (2, 1, 0, 2, 1, 0, 2, 1, ...), т.е. должен работать в вычитающем режиме.

#### Временная диаграмма работы счетчика

Временная диаграмма работы реверсивного счётчика с модулем счёта  $M=3$  приведена на рис.4.



**Рис.4.** Временная диаграмма работы реверсивного счётчика с модулем счёта  $M=3$

На рис.4 отмечены состояния автомата ( $a_0$ ,  $a_1$  и  $a_2$ ), соответствующие выходным сигналам (0, 1 и 2).

*Таблица кодов состояний счетчика*

Требуемое количество триггеров

$$n = \lceil \log_2 N \rceil = \lceil \log_2 3 \rceil = 2 .$$

Таким образом автомат будет иметь  $2^n = 4$  состояния.

Кодировка состояний представлена в табл.8:

- ~ **Q2** - состояние старшего триггера,
- ~ **Q1** - состояние младшего триггера.

Таблица 8

a(t)	Q2	Q1
a <sub>0</sub>	0	0
a <sub>1</sub>	0	1
a <sub>2</sub>	1	0
a <sub>3</sub>	1	1

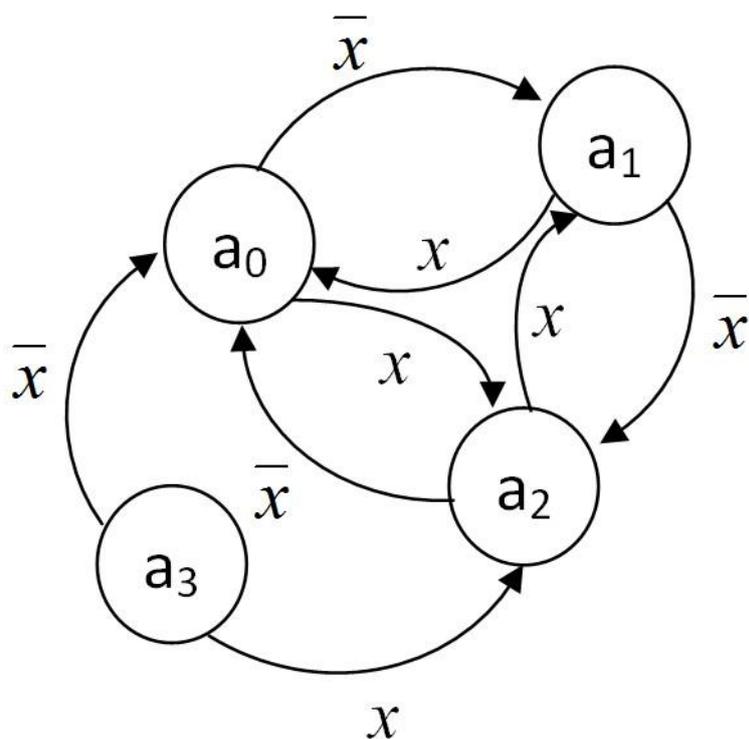
Выходные сигналы:  $y_0 = a_0$ ;  $y_1 = a_1$ ;  $y_2 = a_2$ .

*Таблица переходов и граф работы счетчика*

Отмеченная таблица переходов счётчика и граф переходов приведены соответственно в табл.9 и на рис.5.

Таблица 9

Вых. сигн.	y <sub>0</sub>	y <sub>1</sub>	y <sub>2</sub>	-
Исх. сост	a <sub>0</sub>	a <sub>1</sub>	a <sub>2</sub>	a <sub>3</sub>
$\bar{x}$	a <sub>1</sub>	a <sub>2</sub>	a <sub>0</sub>	a <sub>0</sub>
x	a <sub>2</sub>	a <sub>0</sub>	a <sub>1</sub>	a <sub>2</sub>



**Рис.5.** Граф переходов счётчика

*Структурная таблица счетчика*

Структурная таблица автомата Мура (табл.10):

Таблица 10

Переход	Исх. сост.		След. сост.		Входной сигнал	Сигналы возбуждения					
	Код		Код			старший		младший			
	Q2	Q1	Q2	Q1		R2	S2	R1	S1		
1	a <sub>0</sub>	0	0	a <sub>1</sub>	0	1	x̄	*	0	0	1
2	a <sub>1</sub>	0	1	a <sub>2</sub>	1	0	x̄	0	1	1	0
3	a <sub>2</sub>	1	0	a <sub>0</sub>	0	0	x̄	1	0	*	0
4	a <sub>3</sub>	1	1	a <sub>0</sub>	0	0	x̄	1	0	1	0
5	a <sub>0</sub>	0	0	a <sub>2</sub>	1	0	x	0	1	*	0
6	a <sub>1</sub>	0	1	a <sub>0</sub>	0	0	x	*	0	1	0
7	a <sub>2</sub>	1	0	a <sub>1</sub>	0	1	x	1	0	0	1
8	a <sub>3</sub>	1	1	a <sub>2</sub>	1	0	x	0	*	1	0

## Функции возбуждения счетчика

Функция возбуждения в общем виде:

$$F = [\text{исх. сост.1}] \cdot [\text{вх. сигн.1}] + [\text{исх. сост.2}] \cdot [\text{вх. сигн.2}] + \dots$$

Таким образом,

$$R2 = a_2 \cdot \bar{x} + a_3 \cdot \bar{x} + a_2 \cdot x;$$

$$S2 = a_1 \cdot \bar{x} + a_0 \cdot x;$$

$$R1 = a_1 \cdot \bar{x} + a_3 \cdot \bar{x} + a_1 \cdot x + a_3 \cdot x;$$

$$S1 = a_0 \cdot \bar{x} + a_2 \cdot x;$$

или

$$R2 = Q2 \cdot \bar{Q1} \cdot \bar{x} + Q2 \cdot Q1 \cdot \bar{x} + Q2 \cdot \bar{Q1} \cdot x;$$

$$S2 = \bar{Q2} \cdot Q1 \cdot \bar{x} + \bar{Q2} \cdot \bar{Q1} \cdot x;$$

$$R1 = \bar{Q2} \cdot Q1 \cdot \bar{x} + Q2 \cdot Q1 \cdot \bar{x} + \bar{Q2} \cdot Q1 \cdot x + Q2 \cdot Q1 \cdot x;$$

$$S1 = \bar{Q2} \cdot \bar{Q1} \cdot \bar{x} + Q2 \cdot \bar{Q1} \cdot x.$$

После минимизации с помощью карт Карно получены следующие соотношения:

	Функция R2	Функция S2	Функция R1	Функция S1																																																																																
	<table border="1" style="border-collapse: collapse; width: 100%;"> <tr> <td></td> <td style="border: none;"><math>Q2</math></td> <td style="border: none;"><math>\bar{Q2}</math></td> <td></td> </tr> <tr> <td style="border: none;"><math>x</math></td> <td style="text-align: center;">1</td> <td></td> <td style="border: none;"><math>\bar{Q1}</math></td> </tr> <tr> <td style="border: none;"></td> <td></td> <td style="text-align: center;">*</td> <td style="border: none;"><math>Q1</math></td> </tr> <tr> <td style="border: none;"><math>\bar{x}</math></td> <td style="text-align: center;">1</td> <td></td> <td style="border: none;"><math>\bar{Q1}</math></td> </tr> <tr> <td style="border: none;"></td> <td></td> <td style="text-align: center;">*</td> <td style="border: none;"><math>Q1</math></td> </tr> </table>		$Q2$	$\bar{Q2}$		$x$	1		$\bar{Q1}$			*	$Q1$	$\bar{x}$	1		$\bar{Q1}$			*	$Q1$	<table border="1" style="border-collapse: collapse; width: 100%;"> <tr> <td></td> <td style="border: none;"><math>Q2</math></td> <td style="border: none;"><math>\bar{Q2}</math></td> <td></td> </tr> <tr> <td style="border: none;"><math>x</math></td> <td></td> <td style="text-align: center;">1</td> <td style="border: none;"><math>\bar{Q1}</math></td> </tr> <tr> <td style="border: none;"></td> <td style="text-align: center;">*</td> <td></td> <td style="border: none;"><math>Q1</math></td> </tr> <tr> <td style="border: none;"><math>\bar{x}</math></td> <td></td> <td style="text-align: center;">1</td> <td style="border: none;"><math>\bar{Q1}</math></td> </tr> <tr> <td style="border: none;"></td> <td></td> <td></td> <td style="border: none;"><math>Q1</math></td> </tr> </table>		$Q2$	$\bar{Q2}$		$x$		1	$\bar{Q1}$		*		$Q1$	$\bar{x}$		1	$\bar{Q1}$				$Q1$	<table border="1" style="border-collapse: collapse; width: 100%;"> <tr> <td></td> <td style="border: none;"><math>Q2</math></td> <td style="border: none;"><math>\bar{Q2}</math></td> <td></td> </tr> <tr> <td style="border: none;"><math>x</math></td> <td></td> <td style="text-align: center;">*</td> <td style="border: none;"><math>\bar{Q1}</math></td> </tr> <tr> <td style="border: none;"></td> <td style="text-align: center;">1</td> <td style="text-align: center;">1</td> <td style="border: none;"><math>Q1</math></td> </tr> <tr> <td style="border: none;"><math>\bar{x}</math></td> <td style="text-align: center;">1</td> <td style="text-align: center;">1</td> <td style="border: none;"><math>Q1</math></td> </tr> <tr> <td style="border: none;"></td> <td style="text-align: center;">*</td> <td></td> <td style="border: none;"><math>\bar{Q1}</math></td> </tr> </table>		$Q2$	$\bar{Q2}$		$x$		*	$\bar{Q1}$		1	1	$Q1$	$\bar{x}$	1	1	$Q1$		*		$\bar{Q1}$	<table border="1" style="border-collapse: collapse; width: 100%;"> <tr> <td></td> <td style="border: none;"><math>Q2</math></td> <td style="border: none;"><math>\bar{Q2}</math></td> <td></td> </tr> <tr> <td style="border: none;"><math>x</math></td> <td style="text-align: center;">1</td> <td></td> <td style="border: none;"><math>\bar{Q1}</math></td> </tr> <tr> <td style="border: none;"></td> <td></td> <td></td> <td style="border: none;"><math>Q1</math></td> </tr> <tr> <td style="border: none;"><math>\bar{x}</math></td> <td></td> <td style="text-align: center;">1</td> <td style="border: none;"><math>\bar{Q1}</math></td> </tr> <tr> <td style="border: none;"></td> <td></td> <td></td> <td style="border: none;"><math>Q1</math></td> </tr> </table>		$Q2$	$\bar{Q2}$		$x$	1		$\bar{Q1}$				$Q1$	$\bar{x}$		1	$\bar{Q1}$				$Q1$
	$Q2$	$\bar{Q2}$																																																																																		
$x$	1		$\bar{Q1}$																																																																																	
		*	$Q1$																																																																																	
$\bar{x}$	1		$\bar{Q1}$																																																																																	
		*	$Q1$																																																																																	
	$Q2$	$\bar{Q2}$																																																																																		
$x$		1	$\bar{Q1}$																																																																																	
	*		$Q1$																																																																																	
$\bar{x}$		1	$\bar{Q1}$																																																																																	
			$Q1$																																																																																	
	$Q2$	$\bar{Q2}$																																																																																		
$x$		*	$\bar{Q1}$																																																																																	
	1	1	$Q1$																																																																																	
$\bar{x}$	1	1	$Q1$																																																																																	
	*		$\bar{Q1}$																																																																																	
	$Q2$	$\bar{Q2}$																																																																																		
$x$	1		$\bar{Q1}$																																																																																	
			$Q1$																																																																																	
$\bar{x}$		1	$\bar{Q1}$																																																																																	
			$Q1$																																																																																	

$$R2 = Q2 \cdot \bar{Q1} + Q2 \cdot \bar{x};$$

$$S2 = \bar{Q2} \cdot Q1 \cdot \bar{x} + \bar{Q2} \cdot \bar{Q1} \cdot x;$$

$$R1 = Q1;$$

$$S1 = Q2 \cdot \bar{Q1} \cdot x + \bar{Q2} \cdot \bar{Q1} \cdot \bar{x}.$$

В приведенных функциях имеются одинаковые множители  $\bar{Q2} \cdot \bar{Q1}$  и  $Q2 \cdot \bar{Q1}$ , которые можно реализовать однократно.

## Функциональная схема счётчика

Схема двоичного реверсивного счётчика с модулем счёта  $M=3$ , построенная по полученным соотношениям с помощью программы ModLogic, приведена на рис.6. Для исключения возможных «гонок» («состязаний») в ней использованы двухтактные (двухступенчатые) JK – триггеры, включенные в режиме RS – триггеров. Изначально с помощью отдельного переключателя оба триггера приводятся в нулевое состояние.

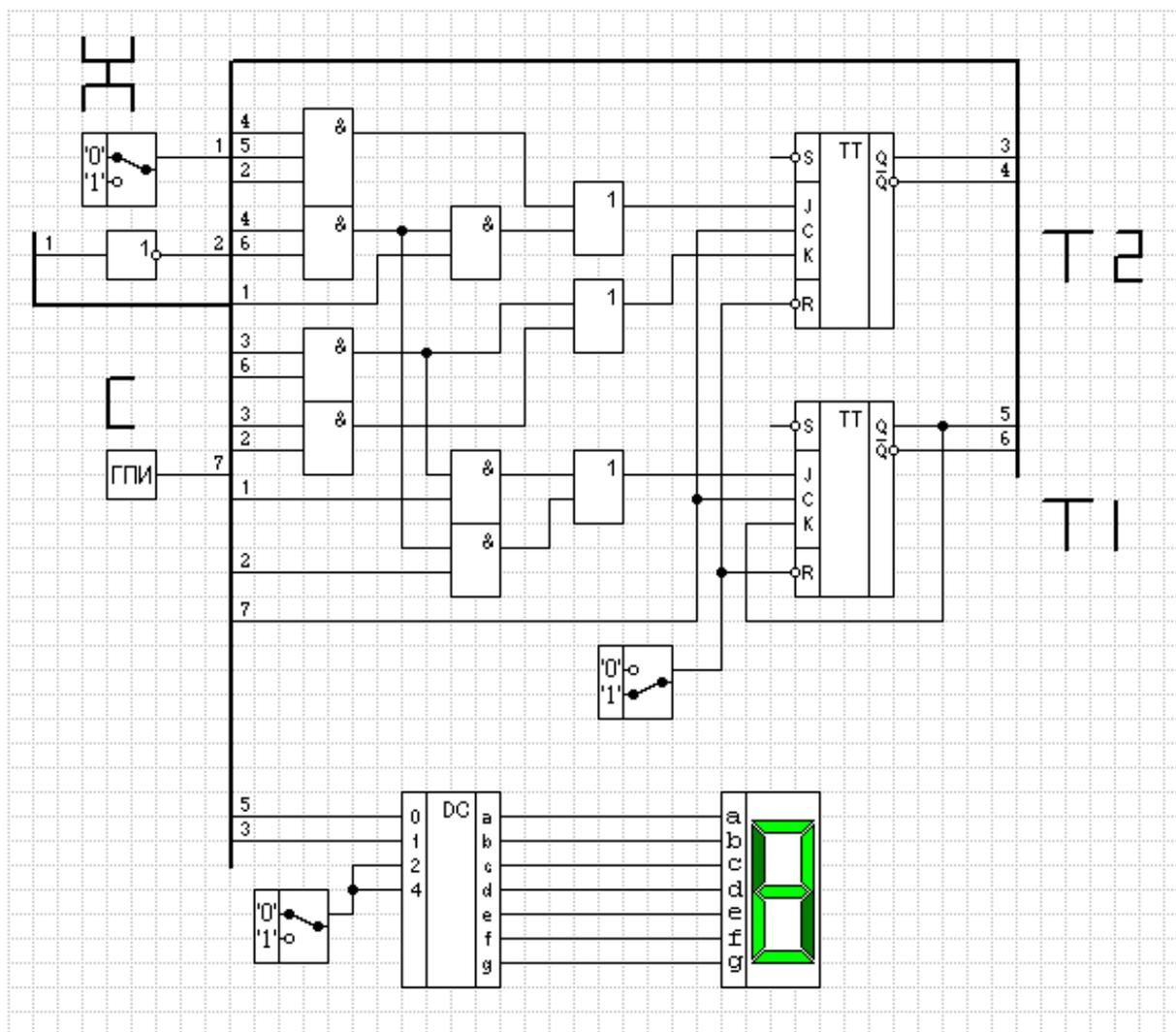


Рис.6. Функциональная схема счётчика

## ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА № 7

**Тема:** Система команд процессоров x86.

**Цель:** Приобретение навыков разработки программ с использованием команд процессора x86.

**Задание:** Пользуясь ассемблерными вставками в Pascal написать программу вычисления выражения. Варианты заданий приведены в таблице 11.

Таблица 11.

Вариант	Выражение	Вариант	Выражение
1	$\frac{2a^2b + 5ab^3}{2a^2 + 1}$	14	$\frac{2a^2b + 5ab^3}{2b^2 + 1}$
2	$\frac{3a^4b + 4ab^3}{3a^2 + 1}$	15	$\frac{3a^4b + 4ab^3}{3b^2 + 1}$
3	$\frac{4a^2b + 3ab^5}{4a^2 + 1}$	16	$\frac{4a^2b + 3ab^5}{4b^2 + 1}$
4	$\frac{5a^4b + 2ab^5}{5a^2 + 1}$	17	$\frac{5a^4b + 2ab^5}{5b^2 + 1}$
5	$\frac{2b^2a + 5ba^3}{2a^2 + 1}$	18	$\frac{2b^2a + 5ba^3}{2b^2 + 1}$
6	$\frac{3b^4a + 4ba^3}{3a^2 + 1}$	19	$\frac{3b^4a + 4ba^3}{3b^2 + 1}$
7	$\frac{4b^2a + 3ba^5}{4a^2 + 1}$	20	$\frac{4b^2a + 3ba^5}{4b^2 + 1}$
8	$\frac{5b^4a + 2ba^5}{5a^2 + 1}$	21	$\frac{5b^4a + 2ba^5}{5b^2 + 1}$
9	$\frac{2a^2b + 5ab^3}{2a^4 + 1}$	22	$\frac{2a^2b + 5ab^3}{2b^4 + 1}$
10	$\frac{3a^4b + 4ab^3}{3a^4 + 1}$	23	$\frac{3a^4b + 4ab^3}{3b^4 + 1}$
11	$\frac{4a^2b + 3ab^5}{4a^4 + 1}$	24	$\frac{4a^2b + 3ab^5}{4b^4 + 1}$
12	$\frac{5a^4b + 2ab^5}{5a^4 + 1}$	25	$\frac{5a^4b + 2ab^5}{5b^4 + 1}$
13	$\frac{3a^2b + 5ab^3}{2a^4 + 1}$		

## Содержание отчета

- ~ Тема работы
- ~ Условие задания
- ~ Укрупненное словесное описание алгоритма
- ~ Текст программы с подробными комментариями
- ~ Результаты работы программы.

### Пример выполнения:

#### Система команд процессоров x86

##### Задание:

Пользуясь ассемблерными вставками в Pascal написать программу вычисления выражения

$$y = \frac{2a^4b + 5b^3}{a^2 + 1}$$

##### Укрупненное описание алгоритма:

1. Ввод исходных данных (чисел А и В)
2. Вычисление первого слагаемого числителя  $2a^4b$
3. Вычисление второго слагаемого числителя  $5b^3$
4. Вычисление числителя
5. Вычисление знаменателя
6. Вычисление результата Y
7. Вывод значения выражения  $\frac{2a^4b + 5b^3}{a^2 + 1}$  и числа из Y.

##### Текст программы:

```
Program Prim;  
var A, B, Y : integer; {переменные для исходных данных и  
                        результата}  
begin  
  write('A, B?:'); read(A, B);      {вводим исходные данные}
```

asm                    {начало ассемблерной вставки}

{вычисляем первое слагаемое числителя}

```
mov    ax, A      {помещаем в регистр ax число из A}
imul   ax         {возводим его в квадрат}
push   ax         {запоминаем квадрат A в стеке}
imul   ax         {получаем четвертую степень A}
imul   B          {четвертую степень A умножаем на B}
mov    bx, 2      {и еще на 2}
imul   bx
mov    si, ax     {полученное значение числителя сохраняем
                  в si}
```

{вычисляем второе слагаемое числителя}

```
mov    ax, 5      {помещаем в регистр ax число 5}
imul   B          {трижды умножаем его на B}
imul   B
imul   B
```

{вычисляем числитель}

```
add    ax, si     {к второму слагаемому добавляем первое}
```

{вычисляем знаменатель}

```
pop    bx         {квадрат A извлекаем из стека}
inc    bx         {увеличиваем его на 1}
```

{вычисляем результат}

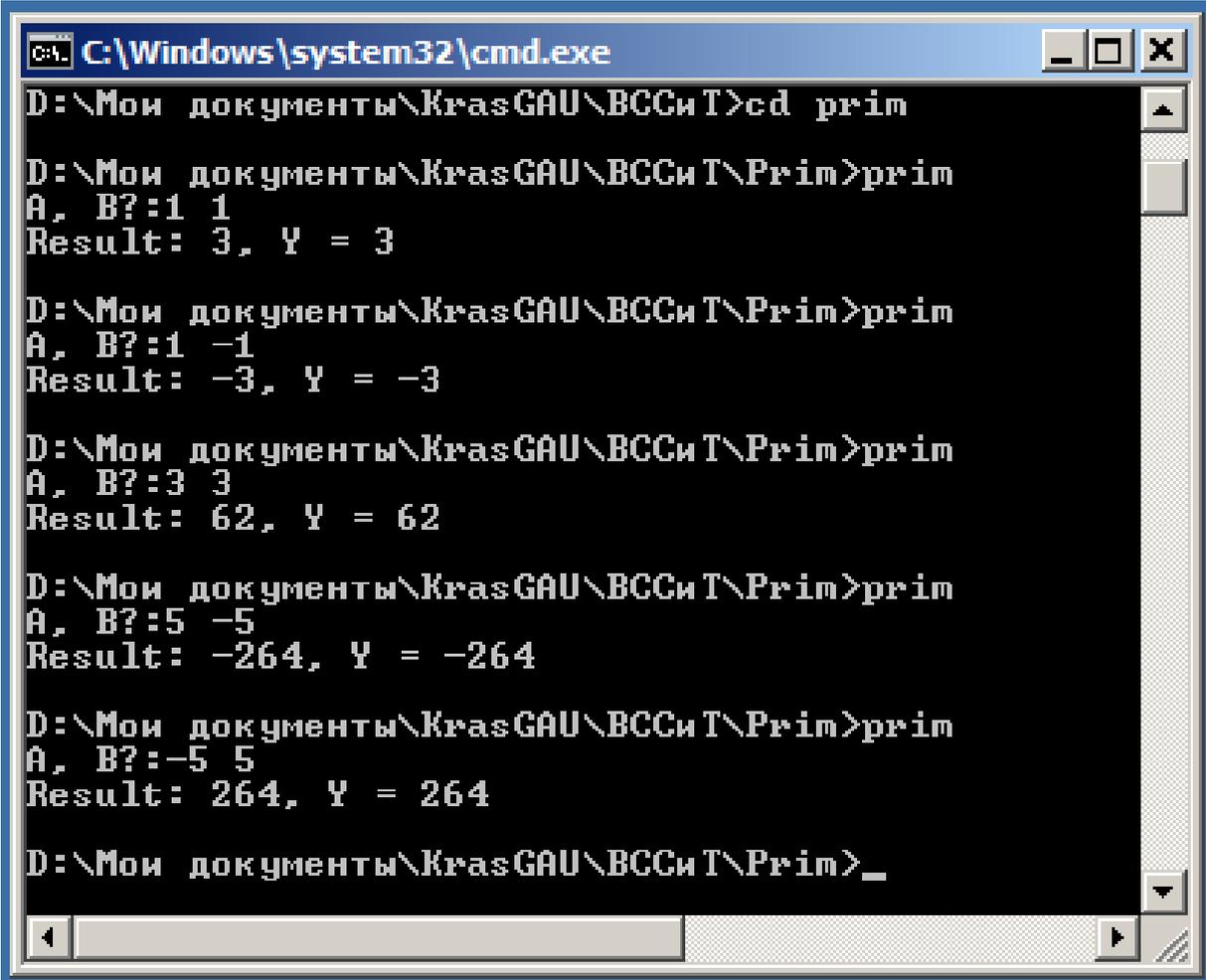
```
cwd                    {преобразуем 16 – разрядное значение
                        числителя в 32 - разрядное}
idiv   bx              {делим значение числителя на значение
                        знаменателя}
mov    Y, ax           {частное помещаем в переменную Y}
end;                    {конец ассемблерной вставки}
```

{выводим результаты по выражению и ассемблерной вставке}

```
writeln('Result: ', (2*sqr(sqr(A))*B+5*sqr(B)*B)
        div (sqr(A)+1), ', Y = ', Y)
```

end.

## Результаты работы программы («скриншот»)



```
C:\Windows\system32\cmd.exe
D:\Мои документы\KrasGAU\BCCиТ>cd prim
D:\Мои документы\KrasGAU\BCCиТ\Prim>prim
A, B?:1 1
Result: 3, Y = 3
D:\Мои документы\KrasGAU\BCCиТ\Prim>prim
A, B?:1 -1
Result: -3, Y = -3
D:\Мои документы\KrasGAU\BCCиТ\Prim>prim
A, B?:3 3
Result: 62, Y = 62
D:\Мои документы\KrasGAU\BCCиТ\Prim>prim
A, B?:5 -5
Result: -264, Y = -264
D:\Мои документы\KrasGAU\BCCиТ\Prim>prim
A, B?:-5 5
Result: 264, Y = 264
D:\Мои документы\KrasGAU\BCCиТ\Prim>_
```

## ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА № 8

**Тема:** Организация условных переходов в процессорах x86.

**Цель:** Приобретение навыков организации разветвлений в программах с использованием команд процессора x86.

**Задание:** Пользуясь ассемблерными вставками в Pascal написать программу вычисления выражения. Варианты заданий приведены в таблице 12.

Таблица 12.

Вариант	Выражение	Вариант	Выражение
1	$\frac{ 3ab-b^3 }{a+3} + \frac{ ab-2 }{b}$	14	$\frac{ 3ab-b^3 }{a+3} + \frac{ ab-2 }{b}$
2	$\frac{ 2ab-b^2 }{a-3} + \frac{ ab+2 }{b}$	15	$\frac{ 2ab-b^2 }{a-3} + \frac{ ab+2 }{b}$
3	$\frac{ 5a-b^3 }{a} + \frac{ ab-2 }{b-3}$	16	$\frac{ 5a-b^3 }{a} + \frac{ ab-2 }{b-3}$
4	$\frac{ 3ab+b^3 }{a-3} + \frac{ ab+2 }{b+1}$	17	$\frac{ 3ab+b^3 }{a-3} + \frac{ ab+2 }{b+1}$
5	$\frac{ ab-3b^3 }{3a+4} + \frac{ ab-2 }{b}$	18	$\frac{ ab-3b^3 }{3a+4} + \frac{ ab-2 }{b}$
6	$\frac{ ab-b^3 }{a+3} + \frac{ 3ab-2 }{b}$	19	$\frac{ ab-b^3 }{a+3} + \frac{ 3ab-2 }{b}$
7	$\frac{ ab+2b^3 }{a-3} + \frac{ ab-2 }{b}$	20	$\frac{ ab+2b^3 }{a-3} + \frac{ ab-2 }{b}$
8	$\frac{ 3ab-b^3 }{a+b} + \frac{ ab-2 }{b-a}$	21	$\frac{ 3ab-b^3 }{a+3} + \frac{ ab-2 }{b}$
9	$\frac{ 3ab-b^3 }{a+3} + \frac{ ab-2 }{b}$	22	$\frac{ 3ab-b^3 }{a+3} + \frac{ ab-2 }{b}$
10	$\frac{ 3ab+b^3 }{a-b} + \frac{ ab+2 }{b-a}$	23	$\frac{ 3ab+b^3 }{a-b} + \frac{ ab+2 }{b-a}$
11	$\frac{ 3ab+b^2 }{a-b} + \frac{ ab-2 }{b+a}$	24	$\frac{ 3ab+b^2 }{a-b} + \frac{ ab-2 }{b+a}$
12	$\frac{ 3ab-b^3 }{a+b} + \frac{ ab-2 }{b-a}$	25	$\frac{ 3ab-b^3 }{a+b} + \frac{ ab-2 }{b-a}$
13	$\frac{ 3ab+b^3 }{a+b} + \frac{ ab-2 }{b-a}$		

## Содержание отчета

- ~ Тема работы
- ~ Условие задания
- ~ Укрупненное словесное описание алгоритма
- ~ Текст программы с подробными комментариями
- ~ Результаты работы программы.

### Пример выполнения:

#### Организация условных переходов в процессорах x86

##### Задание:

Пользуясь ассемблерными вставками в Pascal написать программу вычисления выражения

$$C = \frac{3a+b^4}{a+b} + \frac{|a-2|}{b-a}$$

##### Укрупненное описание алгоритма:

1. Ввод исходных данных и размещение их в переменных А и В
2. Вычисление первого знаменателя А+В и проверка: если он равен 0 – вывод сообщения об ошибке и завершение работы
3. Вычисление второго знаменателя В-А и проверка его на равенство 0; если он равен 0 – вывод сообщения об ошибке и завершение работы
4. Вычисление второго числителя  $|A-2|$  и деление его на второй знаменатель В-А (получение значения второй дроби  $\frac{|a-2|}{b-a}$ )
5. Вычисление первого числителя  $3A+B^4$  и деление его на первый знаменатель А+В (получение значения первой дроби  $\frac{3a+b^4}{a+b}$ )

6. Сложение значений первой и второй дробей (получение окончательного результата  $\frac{3a+b^4}{a+b} + \frac{|a-2|}{b-a}$ ) и размещение его в переменной C
7. Вывод значения выражения  $\frac{3a+b^4}{a+b} + \frac{|a-2|}{b-a}$  и числа из C.

### Текст программы:

```

Program Prim;
label m, m1, m2, ex;
var A, B, C : integer; {переменные для исходных данных и
                        результата}

begin
  write(A, B?:'); read(A, B); {вводим исходные
                              данные}
  asm {начало ассемблерной вставки}

  {вычисляем первый знаменатель и проверяем его}
    mov si, A {получаем сумму A+B в регистре si}
    add si, B
    jne m {если она не равна 0 уходим на метку m}
end; {конец ассемблерной вставки}
writeln('A+B=0'); {иначе выводим сообщение A+B=0}
asm {начало ассемблерной вставки}
  jmp ex {завершаем выполнение программы}

  {вычисляем второй знаменатель и проверяем его}
m: mov di, B {получаем разность B-A в регистре di}
   sub di, A
   jnz m1 {если она не равна 0 уходим на метку m1}
end; {конец ассемблерной вставки}
writeln('B-A=0'); {иначе выводим сообщение B-A=0}
asm {начало ассемблерной вставки}
  jmp ex {завершаем выполнение программы}

  {вычисляем второй числитель}

```

```

m1: mov ax, A      {получаем разность A-2 в регистре ax}
    sub ax, 2
    {получаем абсолютную величину этой разности}
    jge m2        {если она больше или равна 0 уходим на
                  метку m2}
    neg ax        {иначе меняем ее знак на
                  противоположный}

{получаем значение второй дроби}
m2:  cwd          {преобразуем числитель в 32 – разрядное
                  число}
    idiv di       {делим на знаменатель}
    mov bp, ax    {частное пересылаем в регистр bp
                  (освобождаем регистр ax) }

{вычисляем первый числитель}
    {в регистре ax получаем четвертую степень B}
    mov ax, B     {помещаем B в ax}
    imul ax       {возводим в квадрат}
    imul ax       {полученный квадрат B еще раз возводим в
                  квадрат}
    {к полученной четвертой степени B добавляем 3A}
    add ax, A
    add ax, A
    add ax, A

{получаем значение первой дроби}
    cwd          {преобразуем числитель в 32 – разрядное
                  число}
    idiv si       {делим на знаменатель}

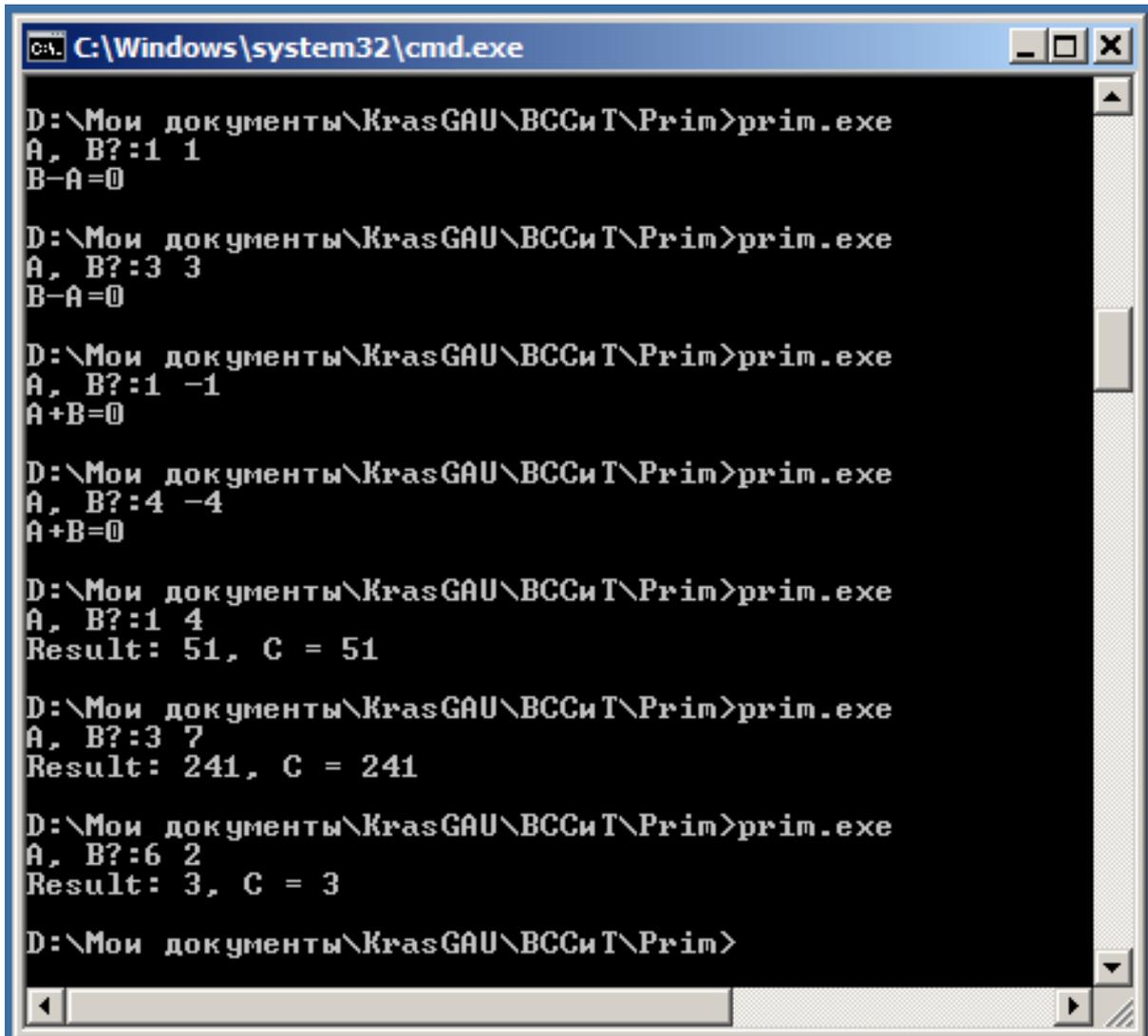
{получаем окончательный результат}
    add ax, bp    {складываем значения первой и второй
                  дробей}
    mov C, ax     {помещаем полученную сумму в
                  переменную C}
end;             {конец ассемблерной вставки}

```

*{выводим результаты по выражению и ассемблерной вставке}*  
writeln('Result: ', (3\*A+sqr(sqr(B))) div (A+B)+abs(A-2) div (B-A),  
' , C = ', C)

ex:  
end.

### Результаты работы программы («скриншот»)



```
C:\Windows\system32\cmd.exe
D:\Мои документы\KrasGAU\BCCиТ\Prim>prim.exe
A, B?:1 1
B-A=0

D:\Мои документы\KrasGAU\BCCиТ\Prim>prim.exe
A, B?:3 3
B-A=0

D:\Мои документы\KrasGAU\BCCиТ\Prim>prim.exe
A, B?:1 -1
A+B=0

D:\Мои документы\KrasGAU\BCCиТ\Prim>prim.exe
A, B?:4 -4
A+B=0

D:\Мои документы\KrasGAU\BCCиТ\Prim>prim.exe
A, B?:1 4
Result: 51, C = 51

D:\Мои документы\KrasGAU\BCCиТ\Prim>prim.exe
A, B?:3 7
Result: 241, C = 241

D:\Мои документы\KrasGAU\BCCиТ\Prim>prim.exe
A, B?:6 2
Result: 3, C = 3

D:\Мои документы\KrasGAU\BCCиТ\Prim>
```

## ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА № 9

**Тема:** Организация циклов в процессорах x86.

**Цель:** Приобретение навыков организации циклов в программах с использованием команд процессора x86.

**Задание:** Пользуясь ассемблерными вставками в Pascal написать программу обработки целочисленного массива

### Варианты заданий:

1. Написать программу расчета среднего арифметического (СА) значения положительных элементов в одномерном массиве, имеющих четные индексы.
2. Написать программу вычисления суммы отрицательных, произведения положительных и количества нулевых значений в одномерном массиве.
3. Написать программу расчета суммы положительных элементов одномерного массива, имеющих нечетные индексы.
4. Упорядочить элементы одномерного массива по неубыванию.
5. Написать программу расчета СА отрицательных элементов в одномерном массиве. Заменить минимальный элемент в одномерном массиве на СА.
6. Упорядочить элементы одномерного массива по невозрастанию.
7. В одномерном массиве поменять местами максимальный и минимальный элементы.
8. Написать программу расчета произведения положительных элементов в одномерном массиве.
9. Произвести попарные перестановки элементов одномерного массива: первый элемент поменять местами с последним, второй элемент – с предпоследним и т.д.
10. Отыскать последний положительный элемент в одномерном массиве и заменить его на СА элементов массива.
11. Написать программу расчета произведения отрицательных элементов в одномерном массиве.
12. Из одномерного массива  $[A_i]$  сформировать одномерный массив  $[B_i]$ , записав в него сначала элементы массива  $A$ , имеющие четные индексы, потом – элементы с нечетными индексами.

13. Отыскать последний отрицательный элемент в одномерном массиве и заменить его на произведение элементов массива.
14. Заменить в одномерном массиве нулевые элементы на значение минимального элемента.
15. Заменить в одномерном массиве четные элементы на значение минимального элемента
16. Сформировать массив  $[X_i]$ , элементы которого равны полусумме двух соседних элементов одномерного массива  $[Y_i]$ .
17. Сформировать массив  $[A_i]$  из элементов одномерного массива  $[B_i]$  по закону  $A_i = (B_i + B_{N-i+1})/4, i = \overline{1, N}$
18. Сформировать массив  $[A_i]$  из элементов одномерного массива  $[B_i]$   $j = \overline{1, N}$  по закону  $A_i = B_i + B_{N/2+i}; i = \overline{1, \frac{N}{2}}$
19. Заменить в одномерном массиве нечетные элементы на значение максимального элемента
20. Из одномерного массива  $[B_i]$  сформировать массив  $[X_i]$  по следующему закону: 
$$X_i = \begin{cases} 1 & B_i > Y, \\ 0 & B_i = Y, \\ -1 & B_i < Y, \end{cases}$$
 где  $Y$  – некоторая константа.
21. В одномерном массиве переставить местами соседние элементы с четными и нечетными индексами.
22. В одномерном массиве вычислить сумму четных элементов.
23. В одномерном массиве подсчитать количество нечетных элементов.
24. Сформировать массив  $[B_i]$ , содержащий последовательность чисел Фибоначчи:  
 $B_i = B_{i-1} + B_{i-2}; i = \overline{3, N}; B_1 = X_1, B_2 = X_2$ , где  $X_1, X_2$  - некоторые числа.
25. Вычислить сумму правых разностей элементов одномерного массива  $[B_i]$

$$S = \sum_{i=1}^{N-1} (B_i - B_{i+1})$$

## Содержание отчета

~ Тема работы

- ~ Условие задания
- ~ Текст программы с подробными комментариями.
- ~ Результаты работы программы.

### Пример выполнения:

#### Организация циклов в процессорах x86

**Задание:** Пользуясь ассемблерными вставками в Pascal написать программу вычисления произведения левых разностей элементов одномерного массива  $S = \prod_{i=1}^{N-1} (A_{i+1} - A_i)$ , замены четных элементов массива на полученное произведение и подсчета произведенных замен.

#### Текст программы:

```

Program PRIM;
label m, m1, m2, m3, m4;
var A : array [1..100] of integer;  {обрабатываемый массив}
    N, T : integer;                {размер массива и вспомогательная
                                   переменная}
begin
  write('N?:'); read(N); {вводим размер
                          массива}
  writeln('Array?:');   {выводим приглашение к вводу массива}
  asm

  {цикл ввода массива}
    mov cx, N           {кладем в cx количество повторений цикла}
    lea si, A           {заносим в si смещение до начала массива}
m:   push cx            {сохраняем в стеке значения cx и si на время
                          выполнения процедуры read}
    push si
  end;
  read(T); {вызываем процедуру ввода числа в переменную T}
  asm
    pop si             {восстанавливаем из стека значения si и cx}

```

```

pop cx
mov ax, T      {введенное число из T через ax помещаем в
                элемент массива, адресуемый si }
mov [si], ax
add si, 2      {формируем в si смещение до следующего
                элемента массива}
loop m         {уменьшаем счетчик повторений цикла и,
                если он не равен 0, уходим на метку m}

```

*{цикл подсчета произведения левых разностей элементов массива}*

```

mov cx, N      {формируем в cx количество повторений
                цикла}
dec cx
lea si, A+2    {записываем в si смещение до второго элемента
                массива}
mov ax, 1      {записываем в ax начальное значение
                произведения}
m1: mov bx, [si] {записываем в bx значение очередного
                элемента массива}
sub bx, -2[si] {вычитаем из него значение предыдущего
                элемента}
imul bx        {умножаем накопленное произведение на
                полученную левую разность}
add si, 2      {формируем в si смещение до следующего
                элемента массива}
loop m1        {уменьшаем счетчик повторений цикла и,
                если он не равен 0, уходим на метку m1}

```

*{выводим полученное произведение левых разностей}*

```

mov T, ax      {записываем произведение в переменную T}
end;
writeln('Production: ', T); {выводим число
                             из переменной T}

```

asm

```

mov ax, T      {восстанавливаем произведение в ax}

```

*{цикл замены четных элементов массива на произведение}*

```

xor bx, bx     {обнуляем счетчик произведенных замен}

```

```

    mov cx, N      {кладем в cx количество повторений цикла}
    lea si, A      {заносим в si смещение до начала массива}
m3: test word ptr [si], 1 {проверяем элемент массива на
                        четность}
    jnz m2        {если он нечетный - уходим на метку m2}
    mov [si], ax  {иначе - заменяем на произведение}
    inc bx        {увеличиваем счетчик замен}
m2: add si, 2     {формируем в si смещение до следующего
                        элемента массива}
    loop m3       {уменьшаем счетчик повторений цикла и,
                        если он не равен 0, уходим на метку m3}

```

*{выводим количество замен и получившийся массив}*

```

    mov T, bx      {помещаем значение счетчика замен в
                        переменную T}

```

end;

```

writeln('Replaces quantity: ', T);    {выводим число из
                                        переменной T}

```

```

writeln('Result array:');

```

asm

*{цикл вывода массива}*

```

    mov cx, N      {кладем в cx количество повторений цикла}
    lea si, A      {заносим в si смещение до начала массива}
m4: mov ax, [si]   {помещаем значение очередного элемента
                        массива в переменную T}

```

```

    mov T, ax

```

```

    push si        {сохраняем в стеке значения si и cx на время
                        выполнения процедуры write}

```

```

    push cx

```

end;

```

write(T:6);        {выводим число из переменной T}

```

asm

```

    pop cx         {восстанавливаем из стека значения cx и si}

```

```

    pop si

```

```

    add si, 2     {формируем в si смещение до следующего
                        элемента массива}

```

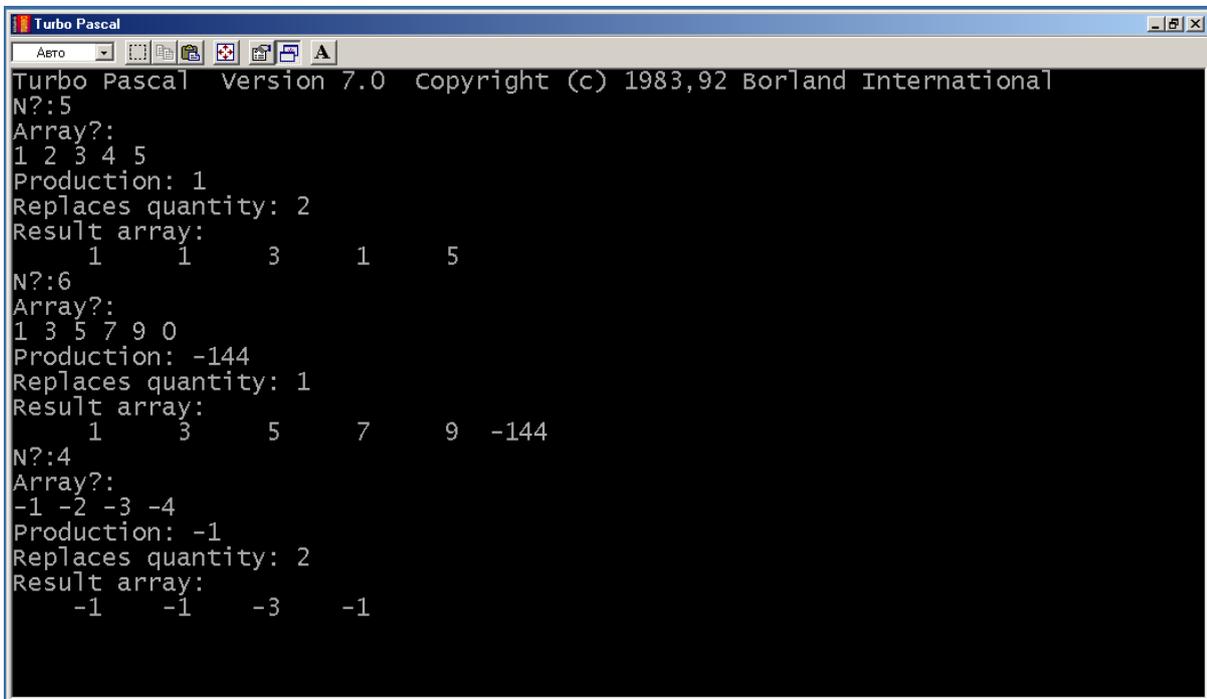
```

    loop m4       {уменьшаем счетчик повторений цикла и,
                        если он не равен 0, уходим на метку m4}

```

```
end;  
writeln  
end.
```

## Результаты работы программы («скриншот»)



```
Turbo Pascal  Version 7.0  Copyright (c) 1983,92 Borland International  
N?:5  
Array?:  
1 2 3 4 5  
Production: 1  
Replaces quantity: 2  
Result array:  
1 1 3 1 5  
N?:6  
Array?:  
1 3 5 7 9 0  
Production: -144  
Replaces quantity: 1  
Result array:  
1 3 5 7 9 -144  
N?:4  
Array?:  
-1 -2 -3 -4  
Production: -1  
Replaces quantity: 2  
Result array:  
-1 -1 -3 -1
```

## ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА № 10

**Тема:** Программирование на ассемблере x86.

**Цель:** Приобретение навыков разработки программ на ассемблере процессоров x86.

**Задание:** На ассемблере процессоров x86 написать две программы:

- 1) программу вычисления значения выражения
- 2) программу обработки целочисленного одномерного массива.

Варианты заданий приведены в табл. 13 и табл. 14 соответственно.

Таблица 13

Вариант	Выражение	Вариант	Выражение
1	$\frac{ 5a - b^3 }{a} + \frac{ ab - 2 }{b - 3}$	14	$\frac{ 5a - b^3 }{a} + \frac{ ab - 2 }{b - 3}$
2	$\frac{ 3ab + b^3 }{a - 3} + \frac{ ab + 2 }{b + 1}$	15	$\frac{ 3ab + b^3 }{a - 3} + \frac{ ab + 2 }{b + 1}$
3	$\frac{ 3ab - b^3 }{a + 3} + \frac{ ab - 2 }{b}$	16	$\frac{ 3ab - b^3 }{a + 3} + \frac{ ab - 2 }{b}$
4	$\frac{ 2ab - b^2 }{a - 3} + \frac{ ab + 2 }{b}$	17	$\frac{ 2ab - b^2 }{a - 3} + \frac{ ab + 2 }{b}$
5	$\frac{ 3ab + b^3 }{a - b} + \frac{ ab + 2 }{b - a}$	18	$\frac{ 3ab + b^3 }{a - b} + \frac{ ab + 2 }{b - a}$
6	$\frac{ ab - 3b^3 }{3a + 4} + \frac{ ab - 2 }{b}$	19	$\frac{ ab - 3b^3 }{3a + 4} + \frac{ ab - 2 }{b}$
7	$\frac{ ab - b^3 }{a + 3} + \frac{ 3ab - 2 }{b}$	20	$\frac{ ab - b^3 }{a + 3} + \frac{ 3ab - 2 }{b}$
8	$\frac{ ab + 2b^3 }{a - 3} + \frac{ ab - 2 }{b}$	21	$\frac{ ab + 2b^3 }{a - 3} + \frac{ ab - 2 }{b}$
9	$\frac{ 3ab + b^2 }{a - b} + \frac{ ab - 2 }{b + a}$	22	$\frac{ 3ab + b^2 }{a - b} + \frac{ ab - 2 }{b + a}$
10	$\frac{ 3ab - b^3 }{a + b} + \frac{ ab - 2 }{b - a}$	23	$\frac{ 3ab - b^3 }{a + b} + \frac{ ab - 2 }{b - a}$
11	$\frac{ 3ab - b^3 }{a + 3} + \frac{ ab - 2 }{b}$	24	$\frac{ 3ab - b^3 }{a + b} + \frac{ ab - 2 }{b - a}$
12	$\frac{ 3ab - b^3 }{a + 3} + \frac{ ab - 2 }{b}$	25	$\frac{ 3ab - b^3 }{a + 3} + \frac{ ab - 2 }{b}$

13	$\frac{ 3ab+b^3 }{a+b} + \frac{ ab-2 }{b-a}$		
----	--	--	--

Таблица 14

Вариант	Задание
1	Упорядочить элементы одномерного массива по убыванию.
2	В одномерном массиве поменять местами максимальный и минимальный элементы.
3	Написать программу расчета среднего арифметического (СА) значения положительных элементов в одномерном массиве, имеющих четные индексы.
4	Произвести попарные перестановки элементов одномерного массива: первый элемент поменять местами с последним, второй элемент – с предпоследним и т.д.
5	Отыскать последний положительный элемент в одномерном массиве и заменить его на СА элементов массива.
6	Написать программу вычисления суммы отрицательных, произведения положительных и количества нулевых значений в одномерном массиве.
7	Написать программу расчета произведения отрицательных элементов в одномерном массиве.
8	Из одномерного массива [Ai] сформировать одномерный массив [Bi], записав в него сначала элементы массива A, имеющие четные индексы, потом – элементы с нечетными индексами.
9	Написать программу расчета СА отрицательных элементов в одномерном массиве. Заменить минимальный элемент в одномерном массиве на СА.
10	Упорядочить элементы одномерного массива по невозрастанию.
11	Отыскать последний отрицательный элемент в одномерном массиве и заменить его на произведение элементов массива.

12	Написать программу расчета суммы положительных элементов одномерного массива, имеющих нечетные индексы.
13	Написать программу расчета произведения положительных элементов в одномерном массиве.
14	Сформировать массив $[A_i]$ из элементов одномерного массива $[B_i]$ по закону $A_i = (B_i + B_{N-i+1})/4, i = 1, N$
15	Сформировать массив $[B_i]$ , содержащий последовательность чисел Фибоначчи: $B_i = B_{i-1} + B_{i-2}; i = 3, N; B_1 = X_1, B_2 = X_2$ , где $X_1, X_2$ - некоторые числа.
16	Заменить в одномерном массиве нулевые элементы на значение минимального элемента.
17	Заменить в одномерном массиве четные элементы на значение минимального элемента
18	Сформировать массив $[X_i]$ , элементы которого равны полусумме двух соседних элементов одномерного массива $[Y_i]$ .
19	Вычислить сумму правых разностей элементов одномерного массива $[B_i]$ $S = \sum_{i=1}^{N-1} (B_i - B_{i+1})$
20	Сформировать массив $[A_i]$ из элементов одномерного массива $[B_j]$ $j = 1, N$ по закону $A_i = B_i + B_{N/2+i}; i = 1, \frac{N}{2}$
21	В одномерном массиве вычислить сумму четных элементов.
22	В одномерном массиве подсчитать количество нечетных элементов.
23	Заменить в одномерном массиве нечетные элементы на значение максимального элемента
24	Из одномерного массива $[B_i]$ сформировать массив $[X_i]$ по следующему закону: $X_i = \begin{cases} 1 & B_i > Y, \\ 0 & B_i = Y, \\ -1 & B_i < Y, \end{cases}$ где $Y$ – некоторая константа.
25	В одномерном массиве переставить местами соседние элементы с четными и нечетными индексами.

## Содержание отчета

- ~ Тема работы
- ~ Условие задания
- ~ Тексты программ с подробными комментариями.
- ~ Результаты работы программы.

### Пример выполнения:

#### Программирование на ассемблере x86.

**Задание:** На ассемблере процессоров x86 написать две программы:

- 1) программу вычисления выражения

$$Y = \frac{3a+b^4}{a+b} + \frac{|a-2|}{b-a}$$

- 2) программу вычисления произведения левых разностей элементов одномерного массива  $S = \prod_{i=1}^{N-1} (A_{i+1} - A_i)$ , замены четных элементов массива на полученное произведение и подсчета произведенных замен.

## Текст программы 1:

```
title      Prim
assume    cs:C, ds:D, ss:S
```

*;описываем сегмент стека*

```
S          segment  stack
           dw  128 dup (?)      ;резервируем 128 слов с
                                   ;неопределенным содержимым
S          ends      ;закончили описание сегмента стека
```

*;определяем символы возврата каретки и перевода строки*

```
cr = 0dh
lf = 0ah
```

*;описываем сегмент данных*

```
D          segment
           ;резервируем место под переменные
A          dw  ?
B          dw  ?
```

*;размещаем тексты сообщений программы*

```
MSG1      db  'Введите А и В:$'
MSG2      db  'А+В=0', cr, lf, '$'
MSG3      db  'В-А=0', cr, lf, '$'
MSG4      db  'У=$'
CRLF      db  cr,lf,'$'      ;последовательность символов для
                                   ;перевода курсора в начало следующей
                                   ;строки
```

*;описываем данные процедуры ввода числа*

```
string    db  255, 0, 255 dup (?)
errmsg    db  'Недопустимый символ, можно использовать'
           db  'только цифры, первый символ может быть'
           db  'знаком + или -, cr, lf,$'
negflag   dw  ?
D          ends      ;закончили описание сегмента данных
```

*;описываем макрокоманду вывода текстовой строки*

```
PRINT    macro    STR
          push ax
          push dx
          mov ah, 9
          lea dx, STR
          int 21h
          pop dx
          pop ax
          endm
```

*;описываем сегмент кодов команд*

```
C        segment
```

*;описываем процедуру ввода целого числа в регистр ax*

```
IntegerIn proc
im:      push bx
          push dx
          push si
          mov ah, 0ah
          lea dx, string
          int 21h
          xor ax, ax
          lea si, string+2
          mov negflag, ax
          cmp byte ptr [si], '-'
          jne im2
          not negflag
          inc si
          jmp im1
im2:     cmp byte ptr [si],
          '+' jne im1
          inc si
im1:     cmp byte ptr [si], cr
          je iex1
          cmp byte ptr [si], '0'
          jb ierr
          cmp byte ptr [si], '9'
          ja ierr
```

```

        mov bx, 10
        mul bx
        sub byte ptr [si], '0'
        add al, [si]
        adc ah, 0
        inc si
        jmp im1
ierr:   print errmsg
        jmp im
iex1:   cmp negflag, 0
        je iex
        neg ax
iex:    pop si
        pop dx
        pop bx
        ret
IntegerIn endp

```

*;описываем процедуру вывода целого числа из регистра ax*

```

IntegerOut proc
        push ax
        push bx
        push cx
        push dx
        xor cx, cx
        mov bx, 10
        cmp ax, 0
        jge om
        neg ax
        push ax
        mov ah, 2
        mov dl, '-'
        int 21h
        pop ax
om:     inc cx
        xor dx, dx
        div bx
        push dx

```

```

        or    ax, ax
        jnz  om
om1:    pop   dx
        add  dx, '0'
        mov  ah, 2
        int  21h
        loop om1
        pop  dx
        pop  cx
        pop  bx
        pop  ax
        ret
IntegerOut    endp

```

*;основная программа*

```

start:                                ;точка входа в программу
        mov  ax, D                    ;в ds заносим адрес сегмента данных
        mov  ds, ax
        print MSG1                    ;выводим приглашение к вводу
                                        ;исходных данных
        call IntegerIn                ;вызываем процедуру ввода числа
        mov  A, ax                    ;помещаем его в переменную A
        print CRLF                    ;переводим курсор в начало следующей
                                        ;строки
        call IntegerIn                ;вызываем процедуру ввода числа
        mov  B, ax                    ;помещаем его в переменную B
        print CRLF                    ;переводим курсор в начало следующей
                                        ;строки

```

*;вычисляем первый знаменатель и проверяем его*

```

        mov  si, A                    ;получаем сумму A+B в регистре si
        add  si, B
        jne  m                        ;если она не равна 0 уходим на метку
                                        ;m и продолжаем вычисления
        print MSG2                    ;иначе выводим сообщение A+B=0
        jmp  ex                        ;и завершаем выполнение программы

```

*;вычисляем второй знаменатель и проверяем его*

```

m:      mov di, B      ;получаем разность B-A в регистре di
        sub di, A
        jnz m1        ;если она не равна 0 уходим на метку
                        ;m1 и продолжаем вычисления
        print MSG3    ;иначе выводим сообщение B-A=0
        jmp ex        ;и завершаем выполнение программы

```

*;вычисляем второй числитель*

```

m1:     mov ax, A      ;получаем разность A-2 в регистре ax
        sub ax, 2
        ;получаем абсолютную величину этой разности
        jge m2        ;если она больше или равна 0 уходим на
                        ;метку m2
        neg ax         ;иначе меняем ее знак на
                        ;противоположный

```

*;получаем значение второй дроби*

```

m2:     cwd           ;преобразуем числитель в 32 –
                        ;разрядное число
        idiv di        ;делим на знаменатель
        mov bp, ax     ;частное пересылаем в регистр bp
                        ;(освобождаем регистр ax)

```

*;вычисляем первый числитель*

*;в регистре ax получаем четвертую степень B*

```

        mov ax, B      ;помещаем B в ax
        mul ax         ;возводим в квадрат
        mul ax         ;полученный квадрат B еще раз
                        ;возводим в квадрат

```

*;к полученной четвертой степени B добавляем 3A*

```

        add ax, A
        add ax, A
        add ax, A

```

*;получаем значение первой дроби*

```

        cwd           ;преобразуем числитель в 32 –
                        ;разрядное число
        idiv si        ;делим на знаменатель

```

```

;получаем и выводим окончательный результат
    add ax, bp ;складываем значения первой и второй
                ;дробей
    print MSG4 ;оформляем вывод результата
    call IntegerOut ;вызываем процедуру вывода целого
                ;числа из ax

;завершаем выполнение программы
ex:    mov ah, 4ch
        int 21h
C      ends ;закончили описание сегмента кодов команд

        end start ;закончили программу с указанием точки входа в
                ;нее

```

## Текст программы 2:

```

        title    Prim
        assume   cs:C, ds:D, ss:S

;описываем сегмент стека
S      segment stack
        dw 128 dup (?) ;резервируем 128 слов с
                        ;неопределенным содержимым
S      ends ;закончили описание сегмента стека

;определяем символы возврата каретки и перевода строки
        cr = 0dh
        lf = 0ah

;описываем сегмент данных
D      segment
;резервируем место под переменные
N      dw ? ;размер массива
T      dw ? ;вспомогательная переменная
A      dw 100 dup (?) ;обрабатываемый массив

```

```

;размещаем тексты сообщений программы
CRLF    db    cr,lf,'$'    ;последовательность символов для
                        ;перевода курсора в начало следующей
                        ;строки
SPACE   db    ' $'        ;последовательность пробелов для
                        ;разделения чисел в строке
MSG1    db    'Размер массива?: $'
MSG2    db    'Массив?:', cr, lf, '$'
MSG3    db    'Произведение левых разностей: $'
MSG4    db    'Произведено замен: $'
MSG5    db    'Итоговый массив:', cr, lf, '$'

```

```

;описываем данные процедуры ввода числа
string  db    255, 0, 255 dup (?)
errmsg  db    'Недопустимый символ, можно использовать'
        db    'только цифры, первый символ может быть'
        db    'знаком + или -', cr, lf, '$'
negflag  dw    ?
D        ends ;закончили описание сегмента данных

```

```

;описываем макрокоманду вывода текстовой строки
PRINT   macro    STR
        push ax
        push dx
        mov ah, 9
        lea dx, STR
        int 21h
        pop dx
        pop ax
        endm

```

```

;описываем сегмент кодов команд
C        segment
;описываем процедуру ввода целого числа в регистр ax
IntegerIn proc
im:      push bx
        push dx
        push si

```

```

    mov ah, 0ah
    lea dx, string
    int 21h
    xor ax, ax
    lea si, string+2
    mov negflag, ax
    cmp byte ptr [si], '-'
    jne im2
    not negflag
    inc si
    jmp im1
im2:   cmp byte ptr [si],
      '+' jne im1
    inc si
im1:   cmp byte ptr [si], cr
    je iex1
    cmp byte ptr [si], '0'
    jb ierr
    cmp byte ptr [si], '9'
    ja ierr
    mov bx, 10
    mul bx
    sub byte ptr [si], '0'
    add al, [si]
    adc ah, 0
    inc si
    jmp im1
ierr:  print errmsg
    jmp im
iex1:  cmp negflag, 0
    je iex
    neg ax
iex:   pop si
    pop dx
    pop bx
    ret
IntegerIn endp

```

*;описываем процедуру вывода целого числа из регистра ax*

```
IntegerOut    proc
    push ax
    push bx
    push cx
    push dx
    xor  cx, cx
    mov  bx, 10
    cmp  ax, 0
    jge  om
    neg  ax
    push ax
    mov  ah, 2
    mov  dl, '-'
    int  21h
om:          inc  cx
            xor  dx, dx
            div  bx
            push dx
            or   ax, ax
            jnz  om
om1:        pop  dx
            add  dx, '0'
            mov  ah, 2
            int  21h
            loop om1
            pop  dx
            pop  cx
            pop  bx
            pop  ax
            ret
IntegerOut    endp
```

```

;основная программа
start:                                ;точка входа в программу
    mov ax, D                          ;в ds заносим адрес сегмента данных
    mov ds, ax

;вводим размер массива
    print MSG1                          ;выводим приглашение к вводу
    ;размера массива
    call IntegerIn                      ;вызываем процедуру ввода числа
    mov N, ax                           ;помещаем его в переменную N
    print CRLF                          ;переводим курсор в начало следующей
    ;строки

;цикл ввода массива
    print MSG2                          ;выводим приглашение к вводу
    ;массива
    mov cx, N                           ;кладем в cx количество повторений
    ;цикла
    lea si, A                            ;заносим в si смещение до начала
    ;массива
m:   call IntegerIn                      ;вызываем процедуру ввода числа
    mov [si], ax                        ;введенное число из ax помещаем в
    ;элемент массива, адресуемый si
    print CRLF                          ;переводим курсор в начало следующей
    ;строки
    add si, 2                            ;формируем в si смещение до
    ;следующего элемента массива
    loop m                               ;уменьшаем cx на 1 и, если он не равен
    ;0, уходим на метку m

;цикл подсчета произведения левых разностей элементов ;массива
    mov cx, N                            ;формируем в cx количество
    ;повторений цикла
    dec cx
    lea si, A+2                          ;заносим в si смещение до второго
    ;элемента массива
    mov ax, 1                            ;заносим в ax начальное значение
    ;произведения

```

```

m1:   mov  bx, [si]    ; помещаем в bx значение очередного
        ; элемента массива
      sub  bx, -2[si] ; вычитаем из него значение
        ; предыдущего элемента
      imul bx        ; домножаем накопленное произведение
        ; на полученную левую разность
      add  si, 2     ; формируем в si смещение до
        ; следующего элемента массива
      loop m1       ; уменьшаем cx на 1 и, если он не равен
        ; 0, уходим на метку m1

```

```

; выводим полученное произведение левых разностей
      print MSG3    ; оформляем вывод
      call IntegerOut ; вызываем процедуру вывода целого
        ; числа из ax
      print CRLF   ; переводим курсор в начало следующей
        ; строки

```

```

; цикл замены четных элементов массива на произведение
      xor  bx, bx   ; обнуляем счетчик произведенных
        ; замен
      mov  cx, N    ; кладем в cx количество повторений
        ; цикла
      lea  si, A    ; заносим в si смещение до начала
        ; массива

```

```

m3:   test  word ptr [si], 1 ; проверяем элемент массива на
        ; четность
      jnz  m2       ; если он нечетный - уходим на метку
        ; m2

```

```

      mov  [si], ax  ; иначе - заменяем на произведение
      inc  bx        ; увеличиваем счетчик замен
m2:   add  si, 2     ; формируем в si смещение до
        ; следующего элемента массива
      loop m3       ; уменьшаем cx на 1 и, если он не равен
        ; 0, уходим на метку m3

```

```

;выводим количество замен и получившийся массив
    mov ax, bx      ;помещаем счетчик замен в ax
    print MSG4     ;оформляем вывод
    call IntegerOut ;вызываем процедуру вывода целого
                    ;числа из ax
    print CRLF     ;переводим курсор в начало следующей
                    ;строки

;цикл вывода массива
    print MSG5     ;оформляем вывод
    mov cx, N      ;кладем в cx количество повторений
                    ;цикла
    lea si, A      ;заносим в si смещение до начала
                    ;массива
m4:   mov ax, [si]  ;помещаем значение очередного
                    ;элемента массива в ax
    call IntegerOut ;вызываем процедуру вывода целого
                    ;числа из ax
    print SPACE    ;выводим пробелы между числами
    add si, 2      ;формируем в si смещение до
                    ;следующего элемента массива
    loop m4        ;уменьшаем cx на 1 и, если он не равен
                    ;0, уходим на метку m4

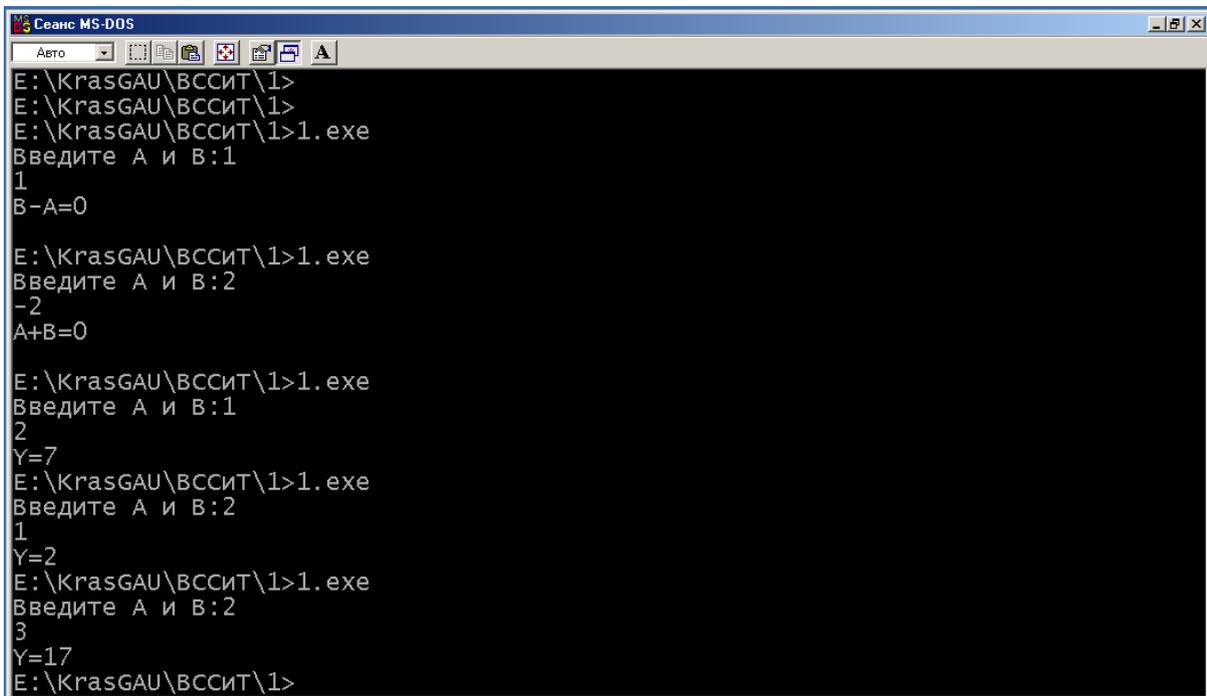
;завершаем выполнение программы
    mov ah, 4ch
    int 21h
C     ends ;закончили описание сегмента кодов команд

    end start ;закончили программу с указанием точки входа в
            ;нее

```

## Результаты работы программ («скриншоты»)

### Результаты работы программы вычисления выражения

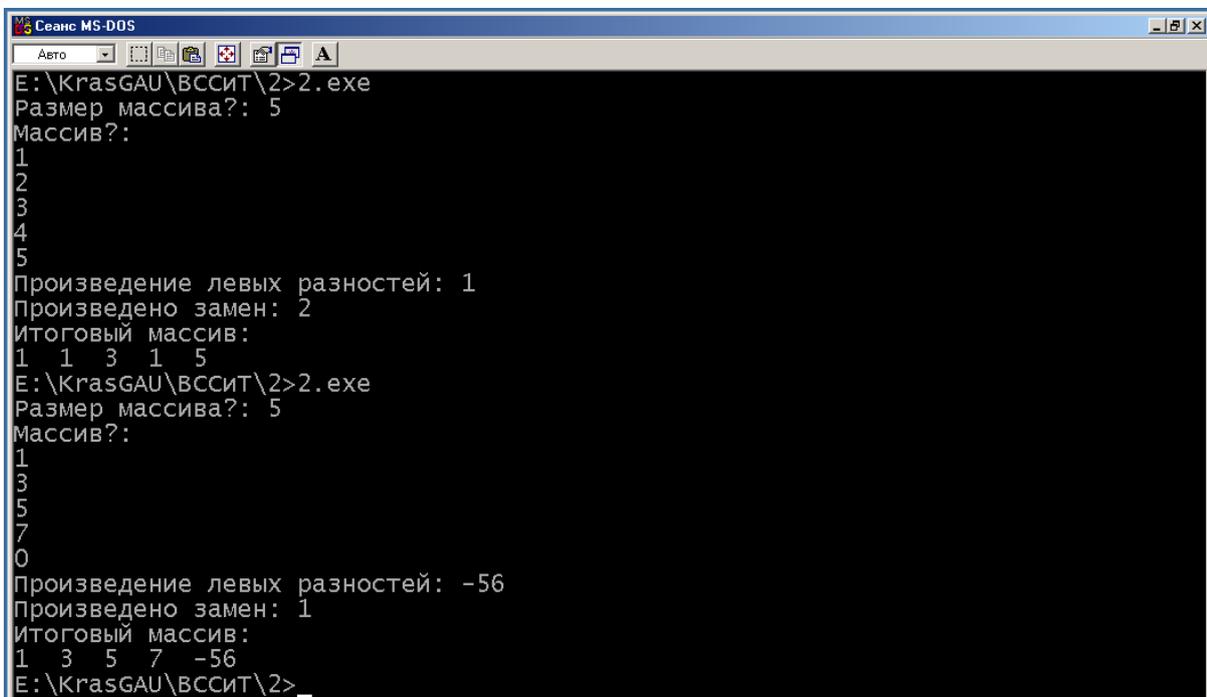


```
Сеанс MS-DOS
Авто
E:\KrasGAU\ВССИТ\1>
E:\KrasGAU\ВССИТ\1>
E:\KrasGAU\ВССИТ\1>1.exe
Введите А и В:1
1
В-А=0

E:\KrasGAU\ВССИТ\1>1.exe
Введите А и В:2
-2
А+В=0

E:\KrasGAU\ВССИТ\1>1.exe
Введите А и В:1
2
У=7
E:\KrasGAU\ВССИТ\1>1.exe
Введите А и В:2
1
У=2
E:\KrasGAU\ВССИТ\1>1.exe
Введите А и В:2
3
У=17
E:\KrasGAU\ВССИТ\1>
```

### Результаты работы программы обработки массива



```
Сеанс MS-DOS
Авто
E:\KrasGAU\ВССИТ\2>2.exe
Размер массива?: 5
Массив?:
1
2
3
4
5
Произведение левых разностей: 1
Произведено замен: 2
Итоговый массив:
1 1 3 1 5
E:\KrasGAU\ВССИТ\2>2.exe
Размер массива?: 5
Массив?:
1
3
5
7
0
Произведение левых разностей: -56
Произведено замен: 1
Итоговый массив:
1 3 5 7 -56
E:\KrasGAU\ВССИТ\2>
```

## ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Основной тенденцией развития вычислительной техники в настоящее время является дальнейшее расширение сфер применения компьютеров и, как следствие, переход от отдельных машин к их системам – вычислительным системам и комплексам разнообразных конфигураций с широким диапазоном функциональных возможностей и характеристик.

Наиболее перспективные, создаваемые на основе персональных компьютеров, территориально распределенные информационно-вычислительные сети ориентируются не столько на вычислительную обработку информации, сколько на коммуникационные информационные услуги: электронную почту, системы телеконференций и информационно-справочные системы. Уже сегодня пользователям глобальной информационной сети Интернет стала доступной практически любая находящаяся в хранилищах знаний этой сети информация.

При разработке и создании собственно компьютеров существенный и устойчивый приоритет в последние годы имеют сверхмощные компьютеры – суперкомпьютеры, миниатюрные и сверхминиатюрные ПК. Ведутся, как уже указывалось, поисковые работы по созданию компьютеров 6-го поколения, базирующихся на распределенной «нейронной» архитектуре – нейрокомпьютеров. В частности, в нейрокомпьютерах могут использоваться уже имеющиеся специализированные сетевые МП – транспьютеры. Транспьютер – микропроцессор сети со встроенными средствами связи. Повсеместное использование мультимедийных широкополосных радио, волоконно-оптических и оптических каналов обмена информацией между компьютерами обеспечат практически неограниченную пропускную способность.

Широкое внедрение средств мультимедиа, в первую очередь аудио- и видеосредств ввода и вывода информации, позволят общаться с компьютером естественным для человека образом.

Информационная революция затронет все стороны жизнедеятельности. Компьютерные системы: при работе на компьютере с «дружественным интерфейсом» человек будет воочию видеть виртуального собеседника, активно общаться с ним на естественном речевом уровне с аудио- и видеоразъяснениями, советами, подсказками.

«Компьютерное одиночество», так вредно влияющее на психику активных пользователей, исчезнет.

Системы автоматизированного обучения: при наличии обратной видеосвязи ученик будет общаться с персональным виртуальным наставником, учитывающим психологию, подготовленность, восприимчивость подопечного.

Торговля: любой товар будет сопровождаться не штрих-кодом, нанесенным на торговый ярлык, а активной компьютерной табличкой, дистанционно общающейся с потенциальным покупателем и сообщаящей всю необходимую ему информацию – что, где, когда, как, сколько и почему. И так далее, и тому подобное.

## БИБЛИОГРАФИЧЕСКИЙ СПИСОК

1. Новожилов, О. П. Архитектура ЭВМ и систем в 2 ч. Часть 1 : учебное пособие для академического бакалавриата / О. П. Новожилов. — Москва : Издательство Юрайт, 2019. — 276 с. — (Бакалавр. Академический курс). — ISBN 978-5-534-07717-9. — Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: <https://www.biblio-online.ru/bcode/442223>
2. Новожилов, О. П. Архитектура ЭВМ и систем в 2 ч. Часть 2 : учебное пособие для академического бакалавриата / О. П. Новожилов. — Москва : Издательство Юрайт, 2025. — 246 с. — (Бакалавр. Академический курс). — ISBN 978-5-534-07718-6. — Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: <https://www.biblio-online.ru/bcode/444138>
3. Дибров, М. В. Сети и телекоммуникации. Маршрутизация в IP-сетях в 2 ч. Часть 1 : учебник и практикум для академического бакалавриата / М. В. Дибров. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 333 с. — (Бакалавр. Академический курс). — ISBN 978-5-9916-9956-3. — Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: <http://biblio-online.ru/bcode/437226>
4. Дибров, М. В. Сети и телекоммуникации. Маршрутизация в IP-сетях в 2 ч. Часть 2 : учебник и практикум для академического бакалавриата / М. В. Дибров. — Москва : Издательство Юрайт, 2019. — 351 с. — (Бакалавр. Академический курс). — ISBN 978-5-9916-9958-7. — Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: <http://biblio-online.ru/bcode/437865>
5. Олифер, Виктор Григорьевич. Компьютерные сети : принципы, технологии, протоколы : [учебное пособие] / В. Г. Олифер, Н. А. Олифер. - 3-е издание. - СПб. : Питер, 2008. - 957 с.
6. Титовский С. Н. Вычислительные системы, сети и телекоммуникации: электронный ресурс <http://e.kgau.ru/course/view.php?id=1073>